

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

**ПРИЕМ 2019 г.**

**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

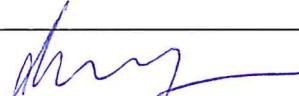
**Математические методы в инженерии**

Направление подготовки/ специальность	<b>15.04.01 Машиностроение</b>	
Образовательная программа (направленность (профиль))	Автоматизация технологических процессов и производства в машиностроении	
Специализация	Автоматизация технологических процессов и производства в машиностроении	
Уровень образования	высшее образование - магистратура	
Курс	2	семестр 3
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)		3

Заведующий кафедрой -  
руководитель Отделения

Руководитель ООП

Преподаватель

	Клименов В.А.
	Мартюшев Н.В.
	Сорокова С.Н.

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математические методы в инженерии» в формировании компетенций выпускника:

Код компетенции	Наименование компетенции	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)	
		Код	Наименование
ОПК(У)-1	Способен формулировать цели и задачи исследования, выявлять приоритеты решения задач, выбирать и создавать критерии оценки	ОПК(У)-1.В1	Владеет опытом применения методов решения научных и технических проблем в машиностроении
		ОПК(У)-1.У1	Умеет применять методы решения научных и технических проблем в машиностроении
		ОПК(У)-1.У2	Умеет решать проблемы проектирования и изготовления машиностроительных изделий
		ОПК(У)-1.31	Знает методы решения научных и технических проблем в машиностроении
ОПК(У)-2	Способен применять современные методы исследования, оценивать и представлять результаты выполненной работы	ОПК(У)-2.У1	Умеет применять физико-математические методы при моделировании задач в области машиностроительных производств и их конструкторско-технологического обеспечения
		ОПК(У)-2.У2	Умеет использовать пакеты прикладных программ и компьютерной графики, при решении инженерных и исследовательских задач
		ОПК(У)-2.31	Знает современные физико-математические методы, применяемые в инженерной и исследовательской практике
		ОПК(У)-2.32	Знает пакеты прикладных программ и компьютерной графике
ОПК(У)-14	Способен выбирать аналитические и численные методы при разработке математических моделей машин, приводов, оборудования, систем, технологических процессов в машиностроении	ОПК(У)-14.В1	Владеет навыками выбора аналитических и численных методов при разработке математических моделей машин, приводов, оборудования, систем, технологических процессов в машиностроении
		ОПК(У)-14.У1	Умеет выбирать аналитические и численные методы при разработке математических моделей машин, приводов, оборудования, систем, технологических процессов в машиностроении
		ОПК(У)-14.31	Знает аналитические и численные методы, используемые при разработке математических моделей машин, приводов, оборудования, систем, технологических процессов в машиностроении
ПК(У)-9	Способен разрабатывать физические и математические модели исследуемых машин, приводов, систем, процессов, явлений и объектов, относящихся к профессиональной сфере, разрабатывать методики и организовывать проведение экспериментов с анализом их результатов	ПК(У)-9.В1	Владеет опытом разработки физических и математических моделей исследуемых машин, приводов, систем, процессов, явлений и объектов, относящихся к профессиональной сфере
		ПК(У)-9.У1	Умеет разрабатывать методики и организовывать проведение экспериментов с анализом их результатов
		ПК(У)-9.31	Знает принципы разработки физических и математических моделей исследуемых машин, приводов, систем, процессов, явлений и объектов, относящихся к профессиональной сфере

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД1	Умение анализировать полученную информацию; применять полученные фундаментальные знания в качестве основы профессиональной деятельности	ОПК(У)-2	<i>Раздел (модуль) 1.</i> <i>Случайные события, случайные величины и их математические модели</i> <i>Раздел (модуль) 4</i> <i>Статистические методы построения эмпирических формул</i>	Презентация, контрольная работа, защита отчета по лабораторной работе, экспертная оценка на зачете
РД2	Применять глубокие знания в области современных технологий машиностроительного производства для решения междисциплинарных инженерных задач с использованием системного анализа и моделирования объектов и процессов машиностроения	ОПК(У)-1, ОПК(У)-14	<i>Раздел (модуль) 2</i> <i>Погрешности измерений</i> <i>Раздел (модуль) 3</i> <i>Проверка статистических гипотез</i> <i>Раздел (модуль) 4</i> <i>Статистические методы построения эмпирических формул</i>	Презентация, контрольная работа, защита отчета по лабораторной работе, экспертная оценка на зачете
РД3	Решать инновационные задачи инженерного анализа, связанные с созданием и обработкой материалов и изделий, с использованием системного анализа и моделирования объектов и процессов машиностроения	ПК(У)-9	<i>Раздел (модуль) 1.</i> <i>Случайные события, случайные величины и их математические модели</i> <i>Раздел (модуль) 4</i> <i>Статистические методы построения эмпирических формул</i> <i>Раздел (модуль) 5</i> <i>Математические методы анализа и интерпретация результатов экспериментальных исследований</i>	Презентация, контрольная работа, защита отчета по лабораторной работе, экспертная оценка на зачете

## 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

#### Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

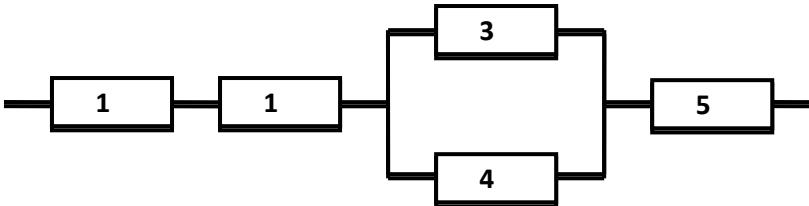
% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### Шкала для оценочных мероприятий зачета

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
55% - 100%	-	«Зачтено»	Понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
0% - 54%	-	«Не засчитано»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### 4. Перечень типовых заданий

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1.	Презентация	<p>Темы:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Элементы решения инженерных задач в MathCad</li> <li>2. Вычисления и программирование в системе Mathcad.</li> <li>3. Основные законы распределения дискретных и непрерывных случайных величин, используемые при решении инженерных задач.</li> <li>4. Современные САЕ-пакеты используемые в инженерных расчетах</li> </ol>
2.	Контрольная работа	<p><b>Вариант 1</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Что такое случайная величина. Что необходимо знать о случайной величине, чтобы описать ее математически? Каков минимальный набор числовых характеристик и в чем заключается полное, исчерпывающее описание случайной величины.</li> </ul>

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий														
		<ul style="list-style-type: none"> <li>Эксперимент состоит в бросании монеты <math>N</math> раза. Что является элементарным исходом данного эксперимента? Постройте пространство элементарных событий, обозначив через Г событие «выпал герб», через Р – «выпала решетка». Сколько элементов содержит пространство элементарных событий?</li> <li>Техническая система состоит из пяти элементов:</li> </ul>  <p>Обозначим через <math>A_i</math> событие, состоящее в том, что <math>i</math>-й элемент работает безотказно в течение времени <math>t</math>. Выразите через <math>A_i</math> событие, состоящее в том, что вся система в течение времени <math>t</math> работает безотказно. Найти вероятность отказа системы, предполагая, что отказы отдельных элементов независимы, а вероятность безотказной работы каждого элемента равна <math>p_i = 0.9</math>.</p> <p><b>Вариант 2</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Приведите точечную и интервальную оценки истинного значения измеряемой величины.</li> <li>Используя неравенство Чебышева докажите следующее утверждение: если оценка <math>\hat{\theta}_n</math> параметра <math>\theta</math>, вычисленная по выборке объема <math>n</math>, является несмещенной и ее дисперсия стремится к нулю с увеличением объема выборки, т.е. <math>D(\hat{\theta}_n) \rightarrow 0</math> при <math>n \rightarrow \infty</math>, то <math>\hat{\theta}_n</math> - состоятельная оценка.</li> <li>Для проверки «правильности» (симметричности) игральной кости был проведен опыт, состоящий из 60-ти бросков. Результаты опыта приведены в таблице. Используя критерий хи-квадрат, проверьте на 5%-ном уровне значимости гипотезу «кость симметрична».</li> </ul> <table border="1" data-bbox="819 1071 1909 1230"> <thead> <tr> <th>Количество выпавших очков</th> <th>1</th> <th>2</th> <th>3</th> <th>4</th> <th>5</th> <th>6</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Частота</td> <td>10</td> <td>9</td> <td>8</td> <td>9</td> <td>16</td> <td>8</td> </tr> </tbody> </table>	Количество выпавших очков	1	2	3	4	5	6	Частота	10	9	8	9	16	8
Количество выпавших очков	1	2	3	4	5	6										
Частота	10	9	8	9	16	8										
3.	Защита лабораторной работы	Примерные вопросы на защиту 1 ЛБ: <ol style="list-style-type: none"> <li>Что такое плотность распределения вероятностей?</li> <li>Дайте определение функции распределения генеральной совокупности?</li> <li>Обоснуйте ваши выводы по лабораторной работе</li> </ol>														

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
4. Зачет	<p>Вопросы на зачет:</p> <p>1. Что такое случайная величина. Что необходимо знать о случайной величине, чтобы описать ее математически? (минимальный набор числовых характеристик и полное, исчерпывающее описание).</p> <p>2. Как связаны между собой понятия функции распределения и плотности распределения (вероятностей) непрерывной случайной величины?</p> <p>3. Сформулируйте основные свойства функции распределения случайной величины.</p> <p>4. Сформулируйте основные свойства плотности распределения вероятностей случайной величины.</p> <p>5. Как вычисляются характеристики центра распределения – математическое ожидание, медиана мода? Как они соотносятся между собой? Проиллюстрируйте ответ графически (схематично).</p> <p>6. Сформулируйте основные свойства математического ожидания случайной величины.</p> <p>7. Что такое моменты случайной величины? Дайте соответствующие определения. Моменты какого порядка обычно используются в статистических расчетах?</p> <p>8. Как определяются математическое ожидание и дисперсия произвольной функции случайного аргумента?</p> <p>9. Сформулируйте основные свойства дисперсии случайной величины.</p> <p>10. Что такое стандартное нормальное распределение? Как это распределение связано с теорией ошибок?</p> <p>11. Что такое выборочный статистический метод? Как он соотносится с результатами экспериментальных измерений?</p> <p>12. Что такое генеральная совокупность и выборка применительно к результатам измерений?</p> <p>13. Как строится эмпирическая функция распределения? Какая теорема теории вероятностей гарантирует близость эмпирической и теоретической функций распределения?</p> <p>14. Как строится гистограмма и полигон частот (относительных частот)? С какой целью прибегают к построению этих графиков?</p> <p>15. Как определяются точечные и интервальные (доверительные) оценки неизвестного параметра генеральной совокупности? Можно ли обрабатывая эмпирический материал ограничиться одним типом оценок?</p> <p>16. Какими свойствами должна обладать точечная оценка, чтобы обеспечить достаточно хорошее приближение к истинному значению оцениваемого параметра?</p> <p>17. Как (на качественном уровне) зависит ширина доверительного интервала от объема выборки (т.е. от количества произведенных измерений) и от доверительной вероятности (т.е. от надежности оценки)?</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>18. Дайте вероятностную интерпретацию понятию «доверительный интервал».</p> <p>19. Какие методы получения точечных оценок Вы знаете?</p> <p>20. Какие числовые характеристики выборки относятся к показателям положения, и какие к показателям разброса элементов выборки?</p> <p>21. Что такое ошибки измерения? Приведите классификацию (и соответствующую характеристику) ошибок измерения.</p> <p>22. Как Вы понимаете высказывание «случайные ошибки являются неустранимыми»? Что в данной ситуации дает статистическая обработка повторных (дублирующих) измерений?</p> <p>23. Что является теоретической основой правила «среднего арифметического» при измерениях? Сформулируйте соответствующую теорему.</p> <p>24. В чем состоит смысл центральной предельной теоремы? Какое значение имеет эта теорема в практике экспериментальных измерений?</p> <p>25. Сформулируйте правило «трех сигм».</p> <p>26. Какие реально наблюдаемые свойства ошибок измерения отражает нормальный закон распределения?</p> <p>27. Как вычисляются точечная и доверительная оценки истинного значения измеряемой величины?</p> <p>28. В чем состоят особенности построения доверительного интервала при известной и неизвестной точности измерений?</p> <p>29. От каких параметров зависит ширина доверительного интервала и как она изменяется с изменением этих параметров?</p> <p>30. Как производится оценка точности измерений в серии повторных опытов?</p> <p>31. Можно ли построить доверительный интервал для измеряемой величины, если закон распределения ошибок измерения не известен?</p> <p>32. Сформулируйте неравенство Чебышева. В чем состоит значение этого неравенства применительно к экспериментальным измерениям?</p> <p>33. Что такое критерии согласия и как они используются на практике?</p> <p>34. Как проверяется гипотеза о нормальности распределения случайной величины с использованием эмпирических значений асимметрии и эксцесса?</p> <p>35. В чем состоит критерий согласия Пирсона и как он применяется на практике?</p> <p>36. Какие цели преследует предварительная статистическая обработка эмпирических данных?</p> <p>37. В чем состоит суть метода наименьших квадратов, когда и как он применяется?</p> <p>38. Как получить систему нормальных уравнений в методе наименьших квадратов?</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>39. Какова обусловленность задачи при полиномиальной аппроксимации эмпирических данных методом наименьших квадратов?</p> <p>40. Приведите геометрическую иллюстрацию метода наименьших квадратов?</p> <p>41. Что такое «спрямляющая замена переменных» и как она применяется на практике? Приведите пример.</p> <p>42. Дайте определение ортогональной системы функций, приведите пример.</p> <p>43. В чем состоит задача подбора эмпирической формулы? Каков критерий эффективности той или иной формулы?</p> <p>44. Опишите последовательность действий при последовательном уточнении эмпирической формулы.</p> <p>45. Известно, что, зная функцию (плотность) распределения случайного вектора, можно вычислить функции (плотности) распределения компонент этого вектора. Можно ли решить обратную задачу, т. е. восстановить совместное распределение по распределениям отдельных компонент?</p> <p>46. Что такое независимые случайные величины?</p> <p>47. Каковы характерные признаки наличия стохастической зависимости случайных величин?</p> <p>48. Приведите основные соотношения для математического ожидания и дисперсии двух независимых случайных величин.</p> <p>49. Как соотносятся понятия зависимость и коррелированность, независимость и некоррелированность случайных величин в общем случае? Что можно сказать об этих понятиях для нормально распределенных случайных величин?</p> <p>50. В чем отличие таких понятий как функциональная зависимость и стохастическая зависимость? Могут ли две случайные величины быть связаны функциональной зависимостью? Могут ли две детерминированные (неслучайные) величины быть связаны стохастической зависимостью?</p> <p>51. Что такое функции регрессии? В чем состоит основная задача теории регрессии?</p> <p>52. В чем заключается суть алгоритмов сглаживания эмпирических данных? В чем состоит отличие линейных и нелинейных алгоритмов сглаживания?</p> <p>53. Опишите последовательность действий при сглаживании эмпирических данных.</p> <p>54. Как Вы понимаете тот факт, что операция численного дифференцирования приближенно (таблично) заданной функции является некорректной?</p> <p>55. Из каких составляющих складывается полная погрешность численного дифференцирования?</p> <p>56. Каким образом «шум» эксперимента проявляет себя при численно дифференцировании?</p> <p>57. Как производится выбор оптимального шага численного дифференцирования?</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>58. В чем состоит «правило Рунге» и как это правило применяется на практике?</p> <p>59. В чем общность и различие понятий аппроксимация и интерполяция?</p> <p>60. В чем состоит задача интерполяции? Однозначно ли строится интерполяционная функция?</p> <p>61. В каких случаях удобнее использовать интерполяционную формулу Ньютона, а в каких – формулу Лагранжа?</p> <p>62. Как ведут себя (на отрезке интерполирования) коэффициенты полинома Лагранжа? Проиллюстрируйте ответ графически.</p> <p>63. Какие факторы определяют погрешность интерполяции?</p> <p>64. Как проявляется «шум» эксперимента при интерполяции?</p> <p>65. Чем отличаются различные квадратурные формулы друг от друга?</p> <p>66. Каков порядок точности составных квадратурных формул трапеций и Симпсона?</p> <p>67. Следует ли при численном интегрировании экспериментальных данных прибегать к их предварительному сглаживанию? Почему?</p> <p>68. За счет чего достигается высокая точность в квадратурных формулах Гаусса?</p> <p>69. Почему априорные оценки погрешности численного интегрирования редко применяются на практике?</p> <p>70. В чем состоит правило Рунге для построения апостериорной оценки погрешности квадратурной формулы?</p>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1. Презентация	<p>Выбрать тему презентации для представления на практическом занятии, согласовав ее с преподавателем. Количество слайдов – не менее 10, время выступления – 5-7 минут.</p> <p><b>Критерии оценивания:</b></p> <p>Содержание: в презентации раскрыта тема – 2 балла</p> <p>Дизайн: оформление слайдов не перегружено текстом, иллюстрации, графики и таблицы соответствуют теме – 2 балла</p> <p>Выступление: выступающий свободно излагает материал (не зачитывает), отвечает на вопросы по теме презентации – 2 балла.</p>
2. Контрольная работа	<p>Проводится в аудитории. Максимальная оценка 10 баллов в случае правильных ответов на все вопросы</p>

<b>Оценочные мероприятия</b>		<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
3.	Защита лабораторной работы	Контрольные вопросы представлены в методических указаниях к лабораторным работам. Защищенная лабораторная работа оценивается максимально в 8 баллов (при ответе на более 70% вопросов), минимально в 2 балл (при ответе минимум на 55% вопросов).
4.	Зачет	Проводится в аудитории. Максимальная оценка 20 баллов в случае правильных ответов на все вопросы