

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

**ПРИЕМ 2018 г.  
ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

**МАТЕМАТИКА 1**

Направление подготовки/ специальность	<b>18.03.01 Химическая технология</b>		
Образовательная программа (направленность (профиль))	Химические технологии в биологии и медицине		
Специализация	Химические технологии в биологии и медицине		
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат		
Курс	1	семестр	1
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	6		

Зав. каф. - руководитель отделения математики и информатики на правах кафедры		Трифонов А.Ю.
Руководитель ООП		Михеева Е.В.
Преподаватель		Ласуков В.В.

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 1» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
				Код	Наименование
Математика 1	1	УК(У)-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК(У)-1.В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.31	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
		ОПК(У)-1	Способность и готовность использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности	ОПК(У)-1.В1	Владеет математическим аппаратом алгебры и дифференциального исчисления функции одной переменной для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач
				ОПК(У)-1.У1	Умеет применять изученные методы алгебры и анализа для решения стандартных задач
				ОПК(У)-1.31	Знает основные понятия и теоремы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, теории линейных пространств, дифференциального исчисления функции одной переменной

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			

РД1	Владеет основными понятиями и методами линейной алгебры, аналитической геометрии и дифференциального исчисления функции одной переменной	УК(У)-1 ОПК(У)-1	1.Линейная алгебра 2.Векторная алгебра 3.Аналитическая геометрия 4.Введение в анализ 5.Дифференциальное исчисление функции одной переменной	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД2	Умеет вычислять определители, выполнять действия с матрицами, исследовать и решать системы линейных алгебраических уравнений; производить действия над векторами; геометрически и аналитически представлять прямую и плоскость; устанавливать взаимное расположения прямых и плоскостей; приводить общие уравнения кривых и поверхностей к каноническому виду и строить их; находить пределы функций и числовых последовательностей; находить производные, исследовать функции одного переменного и строить их графики	УК(У)-1 ОПК(У)-1	1. Линейная алгебра 2. Векторная алгебра 3.Аналитическая геометрия 4.Введение в анализ 5.Дифференциальное исчисление функции одной переменной	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД3	Знает алгебру матриц; методы решения систем линейных алгебраических уравнений; методы векторной алгебры; свойства и уравнения основных геометрических образов ; основные положения теории пределов; правила и методы дифференцирования функции одной переменной, схему полного исследования функции	УК(У)-1 ОПК(У)-1	1.Линейная алгебра 2.Векторная алгебра 3.Аналитическая геометрия 4.Введение в анализ 5.Дифференциальное исчисление функции одной переменной	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО

### 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

**Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля**

<b>% выполнения задания</b>	<b>Соответствие традиционной оценке</b>	<b>Определение оценки</b>
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

**Шкала для оценочных мероприятий и дифференцированного зачета / зачета**

<b>Степень сформированности результатов обучения</b>	<b>Балл</b>	<b>Соответствие традиционной оценке</b>	<b>Определение оценки</b>
90%÷100%	90 ÷ 100	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% ÷ 89%	70 ÷ 89	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% ÷ 69%	55 ÷ 69	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
55%÷100%	55 ÷ 100	«Зачтено»	Результаты обучения соответствуют минимально достаточным требованиям
0% ÷ 54%	0 ÷ 54	«Неудовл.»/ «Не зачтено»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

**4. Перечень типовых заданий**

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
1.	Контрольная работа	<b>Контрольная работа «Линейная алгебра» ВАРИАНТ №1</b>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>1. Дан определитель <math>\begin{vmatrix} 2 &amp; 4 &amp; -3 &amp; 1 \\ -1 &amp; 1 &amp; 0 &amp; 1 \\ 3 &amp; 2 &amp; 4 &amp; 0 \\ 0 &amp; -1 &amp; 1 &amp; 3 \end{vmatrix}</math>.</p> <p>а) Запишите разложение данного определителя по четвёртому столбцу;  б) вычислите определитель, получив предварительно нули в какой – либо строке или столбце.</p> <p>2. Решить систему уравнений методом обратной матрицы: <math>\begin{cases} x+2y-z=-1, \\ 3y-z=1, \\ x+4y+z=5. \end{cases}</math></p> <p>Значение <math>x</math> вычислить также методом Крамера.</p> <p>3. Исследовать систему на совместность и решить методом Гаусса <math>\begin{cases} x_2 + x_3 + x_4 = 1 \\ x_1 - x_3 - x_4 = 2 \\ x_1 + x_2 - x_4 = 3 \\ x_1 + x_2 + x_3 = 4 \end{cases}</math></p> <p>4. Дана система однородных линейных уравнений <math>\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 + x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 + 4x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 0. \end{cases}</math></p> <p>а) Докажите, что система имеет нетривиальные решения;  б) Найдите общее решение системы;  в) найдите фундаментальную систему решений.</p> <p>5. При каких значениях параметра <math>\lambda</math> система линейных уравнений с расширенной матрицей <math>\begin{pmatrix} 2 &amp; 1 &amp; 1 &amp; 4 \\ 1 &amp; \lambda &amp; 1 &amp; 3 \\ 1 &amp; 2\lambda &amp; 1 &amp; 4 \end{pmatrix}</math> совместна?</p>

**Контрольная работа по теме «Векторная алгебра»  
ВАРИАНТ №1**

Даны четыре вектора:  $\vec{a} = \{4, 5, 2\}$ ;  $\vec{b} = \{3, 0, 1\}$ ;  $\vec{c} = \{-1, 4, 2\}$ ;  $\vec{d} = \{5, 7, 8\}$ .

- Доказать, что векторы  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  образуют базис и найти разложение вектора  $\vec{d}$  в этом базисе.
- Найти косинус угла между векторами  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$ .
- Найти длину вектора  $\vec{g} = \vec{a} + 2\vec{b} + 3\vec{c}$ .

II. Даны четыре точки:  $A(1; 3; 0)$ ,  $B(4; 1; 2)$ ,  $C(3; 0; 1)$ ,  $D(-4; 3; 5)$ .

- Найти объём пирамиды  $ABCD$  и длину высоты, опущенной из вершины  $D$  на грань  $ABC$ .
- Найти проекцию вектора  $\vec{AB}$  на ось вектора  $\vec{CD}$ .
- Найти координаты вектора  $[(\vec{BC} + \vec{AB}), \vec{CB}]$ .

III. Параллелограмм построен на векторах  $\vec{a} = \vec{p} + 4\vec{q}$ ,  $\vec{b} = \frac{1}{2}(\vec{p} - \vec{q})$ , где  $|\vec{p}| = 4$ ,  $|\vec{q}| = 2$ ,  $(\vec{p}, \vec{q}) = \frac{\pi}{3}$ .

Определить: а) косинус тупого угла между диагоналями; б) длину высоты, опущенной на сторону

**Контрольная работа по теме «Аналитическая геометрия»  
ВАРИАНТ №1**

- Определить при каких значениях  $a$  прямая  $(a+2)x + (a^2-9)y + 3a^2 - 8a + 5 = 0$  параллельна оси  $Ox$ .
- Составить уравнения прямых, параллельных прямой  $3x - 4y - 10 = 0$  и отстоящих от нее на расстояние  $d=3$
- Даны вершины треугольника  $A(2, 6)$ ,  $B(4, -2)$ ,  $C(-2, -6)$ . Составить уравнение высоты из вершины  $A$  и уравнение медианы из вершины  $C$ .
- Привести к каноническому виду, назвать и построить кривые:
  - $16x^2 + 25y^2 + 32x - 100y - 284 = 0$ ;
  - $y^2 - 4y - 20x + 24 = 0$ .
- Из общих уравнений прямой:  $2x + y - 3z - 9 = 0$ ,  
 $-2x + 3z + 4 = 0$   
получить канонические и параметрические уравнения прямой.

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>6. Найти проекцию точки <math>A(1,2,0)</math> на плоскость <math>8x + 6y + 8z - 25 = 0</math>.</p> <p>7. Построить тело, ограниченное поверхностями <math>x^2 = z</math>, <math>x + y = 2</math>, <math>y \geq 0, z \geq 0</math>.</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Введение в анализ»</b></p> <p><i>I. Вычислить пределы</i></p> <p>1. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^2 - 4n}}{\sqrt[3]{2n^3 + 1}}</math> ;</p> <p>2. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{2^n}}{n - 1}</math> ;</p> <p>3. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1 + x^2}}{2x}</math> ;</p> <p>4. <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^2 + 2x}{3x^2 + 1}</math> ;</p> <p>5. <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 - 3} - 1}{x - 2}</math> ;</p> <p>6. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}</math> ;</p> <p>7. <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+2}{x-1} \right)^{x^2+1}</math> ;</p> <p>8. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x^2 + 2) - \ln 2}{x^2}</math> ;</p> <p>9. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - e^x}{x}</math> ;</p> <p>10. <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(2 - x)}{\sqrt{2x} - 2}</math> .</p> <p><b>II. Определить порядок б. м. <math>\alpha(x)</math> при <math>x \rightarrow 0</math> относительно <math>x</math>:</b></p> <p>1. <math>\alpha(x) = \ln(1 + \sqrt[3]{x^2 \cdot \operatorname{tg} x})</math>,      2. <math>\alpha(x) = \sqrt{2x+1} - 1</math>.</p> <p><b>III. Найти точки разрыва функции, указать их характер. Построить график функции в окрестности точек разрыва:</b></p>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>1. <math>f(x) = \begin{cases} 0, &amp; \text{если } x &lt; 0, \\ x^2, &amp; \text{если } 0 \leq x &lt; 1, \\ x + 2, &amp; \text{если } x \geq 1. \end{cases}</math>    2. <math>y = \frac{1}{1+2^{1-x}}</math>,    3. <math>y = \frac{1}{x^2 - 4}</math>.</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Дифференциальное исчисление функции одного переменного» ВАРИАНТ №1</b></p> <p>I. Найти производные следующих функций:</p> <p>1. <math>y = (e^{\cos x} + 3x)^2</math>;    2. <math>3^x + 3^y = x - 2y</math>;    3. <math>y = (\operatorname{tg} 2x)^{\operatorname{ctg}(\sqrt{\frac{x}{2}})}</math>;</p> <p>II. Найти вторую производную <math>\frac{d^2y}{dx^2}</math>:</p> <p>1. <math>y = \frac{x^2}{x^2 - 1}</math>,    2. <math>\begin{cases} x = \cos(t/2), \\ y = t - \sin t. \end{cases}</math>    3. <math>y = \sin(x - y)</math></p> <p>III. . Пользуясь правилом Лопиталья найти пределы:</p> <p>1. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{x^2}{x-1} - \frac{1}{\ln x} \right)</math>    2. <math>\lim_{x \rightarrow 1-0} (\sin \pi x)^{\cos \frac{\pi x}{2}}</math></p> <p>IV Провести полное исследование функции <math>y = xe^{-\frac{1}{x}}</math> и построить её график</p>

2.

ИДЗ.

Пример варианта индивидуальных заданий.

Линейная алгебра

1. Вычислить определители

$$a) \begin{vmatrix} 12 & 3 & -1 & 2 \\ 1 & 1 & 0 & -1 \\ -4 & 2 & 4 & -2 \\ -2 & 0 & 1 & -1 \end{vmatrix} \quad b) \begin{vmatrix} -7 & -3 & 2 & 4 \\ -2 & 0 & 1 & 1 \\ -4 & 2 & 1 & 3 \\ -3 & -2 & 2 & 1 \end{vmatrix}$$

2. Найти матрицу X из уравнения. Сделать проверку

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & -2 \\ 2 & -2 & 1 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} 1 & 11 & -15 \\ 2 & -8 & 3 \\ 11 & 7 & 0 \end{pmatrix}.$$

3. Решить системы линейных уравнений:

а) методом Крамера, б) матричным методом

$$a) \begin{cases} 3x + 4y - 2z = 26 \\ x - y + 3z = -2 \\ 3x - 3y + 5z = -2 \end{cases} \quad b) \begin{cases} x + 5y - z = 5 \\ 3x + 8y + z = 7 \\ 4x - 6y + z = 10 \end{cases}$$

4. Решить системы методом Гаусса

$$a) \begin{cases} x_1 & x_2 & -3x_3 & +4x_4 & = & -5 \\ x_1 & & -2x_3 & +3x_4 & = & -4 \\ 3x_1 & +2x_2 & & -5x_4 & = & 12 \\ 4x_1 & +3x_2 & -5x_3 & & = & 5 \end{cases}$$

$$b) \begin{cases} x_1 + 3x_2 + 5x_3 - 4x_4 & = & 1 \\ x_1 + 3x_2 + 2x_3 - 2x_4 + x_5 & = & -1 \\ x_1 - 2x_2 + x_3 - x_4 - x_5 & = & 3 \\ x_1 - 4x_2 + x_3 + x_4 + x_5 & = & 3 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 - x_4 + x_5 & = & -1 \end{cases}$$

$$c) \begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = 0 \\ x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = 0 \\ 3x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = 0 \\ 3x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = 0 \end{cases}$$

5. Найти собственные значения и собственные векторы матриц.

$$a) A = \begin{pmatrix} 4 & -5 \\ -2 & 7 \end{pmatrix} \quad b) B = \begin{pmatrix} 4 & -3 & -3 \\ 1 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

Аналитическая геометрия на плоскости

1. Составить уравнения прямых, проходящих через точку  $M(-7;5)$ :

- а) параллельно прямой  $3x + 2y - 1 = 0$ ,  
 б) перпендикулярно прямой  $\frac{x-1}{-3} = \frac{y+4}{2}$ ,  
 в) под углом  $45^\circ$  к прямой  $\begin{cases} x = 3t + 4 \\ y = -t - 2 \end{cases}$

2. Даны вершины треугольника  $A(-1;3)$ ,  $B(2;5)$ ,  $C(0;6)$ .

- Составить: а) уравнение стороны AC,  
 б) уравнение медианы BM,  
 в) уравнение высоты CH и найти ее длину.

3. Даны две прямые  $l_1: y = 2x - 1$ ,  $l_2: \begin{cases} x = 3t - 1 \\ y = -4 \end{cases}$ . Найти:

- а) точку пересечения прямых,  
 б) косинус угла между прямыми,  
 в) составить уравнение биссектрисы тупого угла между прямыми.

4. Привести уравнения линий к каноническому виду и построить:

- 1)  $x^2 + y^2 - x - y - 1 = 0$     2)  $4x^2 + 8x + y^2 - 4y + 1 = 0$   
 3)  $y = 9 + 2\sqrt{x^2 + 4x + 9}$     4)  $x = 8 + 8y - y^2$   
 5)  $25x^2 - 14xy + 25y^2 = 10$     6)  $x^2 - 8xy + y^2 + 1 = 0$

5. Составить уравнение и построить линию, каждая точка которой одинаково удалена от точки  $M(-2;1)$  и от прямой  $x - 4 = 0$ .

6. Построить линии, заданные уравнениями в полярных координатах:

$$1) \rho = 1 + \frac{1}{\varphi}, \quad 2) \rho = \frac{1}{\sin \varphi}, \quad 3) \rho = \frac{1}{1 - 2 \cos \varphi}$$

7. Построить линии, заданные параметрическими уравнениями:

$$1) \begin{cases} x = 2 \cos t \\ y = -4 \sin t \end{cases} \quad 2) \begin{cases} x = \sqrt{t} \\ y = e^{-t} \end{cases}$$

8. Построить фигуру, ограниченную линиями

$$1) \begin{cases} y = x^2 \\ y - x = 2 \end{cases} \quad 2) \begin{cases} \rho = 2 \cos \varphi \\ \rho = 2 \sin \varphi \end{cases}$$

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий				
3.	Тестирование – независимый контроль ЦОКО (РТ1 и РТ2)	<p>Вопросы:</p> <p>1. С помощью элементарных преобразований расширенная матрица системы линейных уравнений приведена к виду <math display="block">\left( \begin{array}{cccc c} 1 &amp; -1 &amp; 2 &amp; 0 &amp; 1 &amp; 0 \\ 0 &amp; 0 &amp; 0 &amp; 0 &amp; 0 &amp; 1 \\ 0 &amp; 1 &amp; 0 &amp; 2 &amp; 0 &amp; 0 \end{array} \right)</math> Выберите верные утверждения, если <math>A</math> – основная матрица системы, <math>\hat{A}</math> – расширенная матрица системы.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li><math>\text{rang}(\hat{A}) = 2</math></li> <li><math>\text{rang}(\hat{A}) = 3</math></li> <li><math>\text{rang}(A) = 2</math></li> <li><math>\text{rang}(A) = 3</math></li> <li>система совместна</li> <li>система несовместна</li> </ol> <p>2. Высота треугольника <math>ABC</math>, опущенная из вершины <math>C</math>, если <math>A(3;1;2)</math>, <math>B(5;-3;6)</math>, <math>C(3;0;4)</math> равна _____</p> <p>3. Расстояние между фокусами эллипса <math>5x^2 + 9y^2 - 30x + 18y + 9 = 0</math> равно _____</p> <p>4. Косинус острого угла между прямыми <math>\frac{x+4}{10} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z+5}{-11}</math> и <math>\begin{cases} x = 9t + 1, \\ y = 6t, \\ z = 3 - 2t \end{cases}</math> равен _____</p> <p>5. Установите соответствие между функцией и её дифференциалом</p> <table border="1" data-bbox="745 1114 1688 1319"> <thead> <tr> <th data-bbox="745 1114 1368 1185">функция</th> <th data-bbox="1368 1114 1688 1185">производная</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td data-bbox="745 1185 1368 1319"><math>y = \sqrt[3]{\sin x}</math></td> <td data-bbox="1368 1185 1688 1319"><math>dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx</math></td> </tr> </tbody> </table>	функция	производная	$y = \sqrt[3]{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx$
функция	производная					
$y = \sqrt[3]{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx$					

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий	
		$y = \sqrt{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{2\sqrt{\sin x}} dx$
		$y = \frac{1}{\sqrt{\sin x}}$	$dy = -\frac{\cos x}{2\sqrt{\sin^3 x}} dx$
		$y = \frac{1}{\sqrt[3]{\sin x}}$	$dy = -\frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^4 x}} dx$
			$dy = \frac{\cos x}{2\sqrt[3]{\sin x}} dx$
			$dy = \frac{1}{2\sqrt{\sin x}} dx$
		<p>6. Определите порядок малости бесконечно малой функции <math>\frac{\ln\left(\frac{1+x^3}{x^3}\right)}{x}</math> относительно <math>\frac{1}{x}</math> при <math>x \rightarrow \infty</math>  <math>K = \underline{\hspace{2cm}}</math>.</p> <p>7. Функция <math>y = 6x \cdot e^{-2x}</math> убывает для значений <math>x</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>x \in (-\infty; 1/2)</math></li> <li>2. <math>x \in (1/2; +\infty)</math></li> <li>3. <math>x \in (-\infty; -1/2) \cup (1/2; +\infty)</math></li> <li>4. <math>x \in (-1/2; +\infty)</math></li> <li>5. <math>x \in (1/2; 0)</math>.</li> </ol>	
4.	Дифференцированный зачет	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Что такое определитель? При каких преобразованиях величина определителя не меняется</li> <li>• В каких случаях определитель равен нулю? Что следует из равенства определителя нулю?</li> </ul>	

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Дайте определение минора и алгебраического дополнения элемента определителя. Сформулируйте правило вычисления определителя.</li> <li>• Как осуществляются линейные операции над матрицами?</li> <li>• Как перемножаются две матрицы? Свойства произведения матриц.</li> <li>• Какова схема нахождения обратной матрицы?</li> <li>• Дайте определения решения системы линейных алгебраических уравнений. Расшифруйте понятия «совместная», «несовместная», «определённая», «неопределённая» системы.</li> <li>• Напишите формулы Крамера. В каком случае они применимы?</li> <li>• Что называется рангом матрицы? Как он находится?</li> <li>• Сформулируйте теорему Кронекера – Капелли.</li> <li>• При каких условиях система линейных алгебраических уравнений имеет множество решений? Когда она имеет единственное решение?</li> <li>• Опишите метод Гаусса решения систем линейных уравнений.</li> <li>• Какие неизвестные называются свободными, а какие базисными?</li> <li>• Какие особенности решения однородных систем линейных алгебраических уравнений Вы знаете?</li> <li>• Как строится фундаментальная система решений?</li> <li>• Как выполняются линейные операции над векторами? Каковы свойства этих операций?</li> <li>• Какие вектора называются линейно зависимыми, а какие линейно независимыми?</li> <li>• Что такое базис? Какие вектора образуют базис на плоскости и в пространстве?</li> <li>• Какой базис называют декартовым?</li> <li>• Что такое координаты вектора?</li> <li>• Что называется скалярным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется векторным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется смешанным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Запишите в векторной и координатной формах условия коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов.</li> <li>• Прямая линия на плоскости, её общее уравнение</li> <li>• Дайте понятие нормального и направляющего векторов прямой на плоскости, углового коэффициента.</li> <li>• Запишите различные виды прямой и укажите геометрический смысл параметров уравнения.</li> </ul>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Запишите условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости в случае различных видов уравнений прямых.</li> <li>• Как найти точку пересечения прямых на плоскости?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой на плоскости?</li> <li>• Дайте определение эллипса и запишите его каноническое уравнение.</li> <li>• Дайте определение гиперболы и запишите её каноническое уравнение</li> <li>• Дайте определение параболы и запишите её каноническое уравнение</li> <li>• Изложите схему приведения общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.</li> <li>• Дайте понятие полярной системы координат.</li> <li>• Опишите параметрический способ построения линий на плоскости</li> <li>• Плоскость, её общее уравнение</li> <li>• Как определяется взаимное расположение плоскостей? Запишите условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до плоскости?</li> <li>• Запишите различные виды уравнений прямой в пространстве и поясните смысл параметров, входящих в уравнения.</li> <li>• Изложите схему приведения общих уравнений прямой к каноническому виду.</li> <li>• Как определить взаимное расположение прямых в пространстве?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой в пространстве?</li> <li>• Как определить взаимное расположение прямой и плоскости?</li> <li>• Как ищется точка пересечения прямой и плоскости?</li> <li>• Назовите поверхности второго порядка и напишите их канонические уравнения.</li> <li>• Сформулируйте понятие предела числовой последовательности</li> <li>• Сформулируйте понятие предела функции одной переменной</li> <li>• Что такое односторонние пределы функции в точке?</li> <li>• Сформулируйте понятия бесконечно малой и бесконечно большой при <math>x \rightarrow a</math> функции.</li> <li>• Первый и второй замечательные пределы</li> <li>• Как сравниваются бесконечно малые величины? Что такое относительный порядок малости?</li> <li>• Какие бесконечно малые называются эквивалентными? Приведите примеры эквивалентных бесконечно малых.</li> <li>• Какими свойствами обладают функции, непрерывные на замкнутом промежутке?</li> <li>• Что понимают под точкой разрыва функции? Какие разрывы различают?</li> <li>• Как связаны понятия непрерывности и дифференцируемости функции в точке?</li> </ul>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Запишите правила дифференцирования обратной и сложной функций.</li> <li>• Запишите правила дифференцирования неявно заданной функции и функции, заданной параметрически.</li> <li>• Что такое дифференциал функции? Каков его геометрический смысл?</li> <li>• Какими свойствами обладают дифференцируемые функции?</li> <li>• Как находятся дифференциалы и производные высших порядков?</li> <li>• Формула Тейлора</li> <li>• Что такое точка экстремума функции? Какие точки экстремума бывают?</li> <li>• Необходимое условие существования экстремума для дифференцируемой функции</li> <li>• Достаточные условия существования экстремума</li> <li>• Схема исследования на экстремум функции одного переменного</li> <li>• Схема нахождения наибольшего и наименьшего значения функции на замкнутом промежутке.</li> <li>• Дайте определение выпуклости и вогнутости кривой на промежутке.</li> <li>• Какие точки называются точками перегиба?</li> <li>• Что называется асимптотой графика функции? Какие асимптоты различают?</li> <li>• В чем состоит правило Лопиталя? Для раскрытия каких неопределённостей оно применяется?</li> </ul>

### 5. Методические указания по процедуре оценивания

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1.	Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 5 контрольных работ, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствии с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <p>Баллы за контрольную работу получают умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствии с рейтинг-планом, на долю верно выполненных заданий.</p>
2.	ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 7 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p>

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
		<p>ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине. Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высылается отдельным файлом, указывается ФИО, группа.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Задание считается зачтенным, если выполнено более половины заданий Если задание не зачтено, работа возвращается студенту на доработку. Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель может учесть исправления и добавить баллы к предыдущим</p>
3.	Тестирование – независимый контроль ЦОКО	<p>В семестре студенты проходят два рубежных тестирования (РТ1 и РТ2) во время конференц-недели в середине и конце текущего семестра согласно расписанию. Рубежное тестирование (РТ) проводится в компьютерной форме в on-line режиме. Продолжительность тестирования – 90 минут без перерыва. Отсчёт времени начинается с момента входа студента в Тест. Инструктаж, предшествующий тестированию, не входит в указанное время. Студент может закончить выполнение Теста до истечения отведённого времени. РТ нацелено на независимую объективную оценку знаний, умений и владений, полученных студентами за определенный промежуток обучения.</p> <p>Каждый вариант билета моделируется компьютером по заданным разделам химии и содержит 20 заданий. Студенты вносят ответы в компьютер, но все решения и пояснения проводят на бумаге. По окончании тестирования преподавателю выдается матрица ответов и суммарный рейтинг за тест. Обсуждение результатов тестирования проводится на консультации.</p> <p><b>Критерии оценки одного задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• за каждое правильно выполненное задание выставляется 1 тестовый балл;</li> <li>• за неправильно выполненное или невыполненное задание выставляется 0 баллов;</li> <li>• для заданий с выбором нескольких правильных ответов, заданий на соответствие и установление последовательности предусмотрено частичное оценивание.</li> </ul> <p>Максимальный суммарный тестовый балл за каждое РТ составляет 15 баллов.</p> <p>За 2 недели до РТ студенты могут ознакомиться с демонстрационным вариантом билета, который располагается на сайте <a href="http://exam.tpu.ru">http://exam.tpu.ru</a> разделе «Мероприятия», и может быть выполнен каждым студентом неограниченное число раз.</p> <p><i>Для студентов, не прошедших РТ в период проведения тестирования по уважительной причине, предусмотрена возможность тестирования в резервный день, который назначается сразу после конференц-недели.</i></p>

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
		<i>При результате рубежного тестирования 6 баллов и менее, обучающимся предоставляется в период текущей промежуточной аттестации возможность повторно пройти РТ в резервный день, согласованный с Бюро расписаний ТПУ.</i>
4.	Дифференцированный зачет.	Дифференцированный зачет осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ.Итоговый балл определяется суммированием баллов за все оценочные мероприятия текущего семестра.