

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ  
ПРИЕМ 2016 г.**

**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

Математика 3.2		
Направление подготовки/ специальность	21.05.02 Прикладная геология	
Образовательная программа (направленность (профиль))	Прикладная геология	
Специализация	Геологическая съёмка, поиски и разведка месторождений твёрдых полезных ископаемых	
Уровень образования	высшее образование - специалитет	
Курс	2	семестр 3
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	3	
Заведующий кафедрой - руководитель ОМИ на правах кафедры		Трифонов А.Ю.
Руководитель ООП		Строкова Л.А.
Преподаватель		Рожкова О.В.

2020 г.

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**  
**ПРИЕМ 2016 г.**

**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

Математика 3.2		
Направление подготовки/ специальность	21.05.02 Прикладная геология	
Образовательная программа (направленность (профиль))	Прикладная геология	
Специализация	Геологическая съёмка, поиски и разведка месторождений твёрдых полезных ископаемых	
Уровень образования	высшее образование - специалитет	
Курс	2	семестр <b>3</b>
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	<b>3</b>	
Заведующий кафедрой - руководитель ОМИ на правах кафедры		Трифонов А.Ю.
Руководитель ООП		Строкова Л.А.
Преподаватель		Рожкова О.В.

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 3.2» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Результаты освоения ООП	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
					Код	Наименование
Математика 3.2	3	ОПК(У)-1	Способен решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности	Р1	ОПК(У)-1.В3	Владеет аппаратом теории вероятностей и математической статистики для описания, анализа, теоретического и экспериментального исследования и моделирования инженерных задач, физических и химических явлений и процессов
					ОПК(У)-1.У3	Умеет применять аппарат теории числовых и функциональных рядов, инструменты комплексного и операционного анализа при решении инженерных задач
					ОПК(У)-1.33	Знает базовые законы, понятия и методы теории рядов, комплексного и операционного анализа

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД-1	Знать математический аппарат современной теории вероятностей и математической статистики	ОПК(У)-1	Теория вероятностей Математическая статистика	Контрольная работа ИДЗ Экзамен
РД-2	Уметь решать стандартные теоретико-вероятностные задачи	ОПК(У)-1	Теория вероятностей	Контрольная работа ИДЗ Экзамен
РД-3	Владеть навыками интерпретации теоретико-вероятностных конструкций, обработки и интерпретации выборочных данных	ОПК(У)-1	Теория вероятностей Математическая статистика	Контрольная работа Защита лабораторной работы ИДЗ Экзамен

## 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции).

Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (экзамен) (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности
0% ÷ 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

Шкала для оценочных мероприятий экзамена

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	36 ÷ 40	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	28 ÷ 35	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	22 ÷ 27	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	0 ÷ 21	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### 4. Перечень типовых заданий

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1.	Контрольная работа	<p>Контрольная работа по теме «Теория вероятностей»</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Из 50 конденсаторов за время T из строя выходят 5 конденсаторов. Для контроля выбирают 8 конденсаторов. Найти вероятность того, что среди них за время T из строя выйдет ровно 1 конденсатор, используя формулу Пуассона и локальную теорему Лапласа.</li> <li>Прибор состоит из двух узлов a и b, соединенных последовательно в смысле надежности, и</li> </ol>

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий																		
		<p>стабилизатора напряжения <math>S</math>, работающего в двух режимах. При работе стабилизатора в первом режиме с вероятностью 0.7 надежность узлов <math>P(a) = 0.9</math>, <math>P(b) = 0.95</math>. При работе стабилизатора во втором режиме надежность узлов <math>P(a) = 0.8</math>, <math>P(b) = 0.9</math>. Найти надежность прибора, если узлы независимы.</p> <p>3. Задана плотность распределения <math>f(x)</math> случайной величины <math>X</math>: <math>f(x) = \begin{cases} Ax \sin x, &amp; x \in (0, \pi) \\ 0, &amp; x \notin (0, \pi) \end{cases}</math>. Требуется найти <math>A</math>, построить график <math>f(x)</math>, найти функцию распределения <math>F(x)</math> и построить ее график, найти вероятность попадания величины <math>X</math> на участок от 0 до <math>\frac{\pi}{2}</math>. Вычислить <math>M[X]</math>.</p>																		
2.	ИДЗ	<p style="text-align: center;">Контрольная работа по теме «Математическая статистика»</p> <p>Дан ряд распределения:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>x_i</math></td><td>-2.0</td><td>-1.5</td><td>-1.0</td><td>-0.5</td><td>0.0</td><td>0.5</td><td>1.0</td><td>1.5</td></tr> <tr> <td><math>p_i</math></td><td>0.06</td><td>0.11</td><td>0.19</td><td>0.22</td><td>0.16</td><td>0.12</td><td>0.08</td><td>0.06</td></tr> </table> <p>1. Построить гистограмму, полигон;      2. Найти точечные оценки математического ожидания, дисперсии, среднеквадратичного отклонения, асимметрии и эксцесса;      3. При уровне значимости <math>\alpha = 0.05</math> проверить гипотезу о распределении данной выборки по нормальному закону;      4. Найти интервальные оценки математического ожидания, дисперсии с надежностью <math>\beta = 0.9</math>.</p> <p style="text-align: center;">Пример варианта индивидуальных заданий 1</p> <p>1. Из <b>100</b> изделий, среди которых имеется <b>4</b> нестандартных, выбраны случайным образом <b>6</b> изделий для проверки их качества. Определить вероятность того, что среди выбранных <b>6</b> изделий окажутся ровно <b>1</b> нестандартное изделие, используя классическое определение вероятности, формулу Бернулли, формулу Пуассона и локальную теорему Лапласа      2. Система <math>S</math> состоит из трех независимых подсистем <math>S_a</math>, <math>S_b</math> и <math>S_c</math>. Неисправность хотя бы одной подсистемы ведет к неисправности всей системы (подсистемы соединены последовательно). Подсистема <math>S_b</math> состоит из двух независимых дублирующих блоков <math>b_k</math> (<math>k = 1, 2</math>) (схема параллельного подсоединения блоков в подсистемах).</p>	$x_i$	-2.0	-1.5	-1.0	-0.5	0.0	0.5	1.0	1.5	$p_i$	0.06	0.11	0.19	0.22	0.16	0.12	0.08	0.06
$x_i$	-2.0	-1.5	-1.0	-0.5	0.0	0.5	1.0	1.5												
$p_i$	0.06	0.11	0.19	0.22	0.16	0.12	0.08	0.06												

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий												
		<p>Найти надежность системы – вероятность того, что система будет исправна в течении некоторого времени, если известны надежности блоков <math>P(a) = 0.95</math>, <math>P(b_k) = 0.9</math>, <math>P(c) = 0.99</math>.</p> <p>3. Данна система из двух блоков <math>a</math> и <math>b</math>, соединенных параллельно в смысле надежности. Каждый из двух блоков может работать независимо от другого в трех разных режимах. Вероятность наступления первого режима <math>0.1</math>, второго <math>0.3</math>. Надежность работы первого блока в <math>1</math> – м, <math>2</math> – м, <math>3</math> – м режимах равна соответственно <math>0.9</math>; <math>0.8</math>; <math>0.85</math>. Надежность работы второго блока в <math>1</math> – м, <math>2</math> – м, <math>3</math> – м режимах равна соответственно <math>0.9</math>; <math>0.95</math>; <math>0.8</math>. Найти надежность системы, если блоки независимы.</p> <p>4. Передается <math>5</math> сообщений по каналу связи. Каждое сообщение с вероятностью <math>p = 0.3</math> независимо от других искажается. Случайная величина <math>X</math> – число не искаженных сообщений. Построить ее законы распределения, их графики, найти ее числовые характеристики. Найти вероятность того, что будет искажено не менее двух сообщений.</p> <p>5. Задана плотность распределения <math>f(x)</math> случайной величины <math>X</math>:</p> $f(x) = \begin{cases} A \sin^2 x, & x \in (0, \pi), \\ 0, & x \notin (0, \pi) \end{cases}$ <p>Требуется найти коэффициент <math>A</math>, построить график плотности распределения <math>f(x)</math>, найти функцию распределения <math>F(x)</math> и построить ее график, найти вероятность попадания величины <math>X</math> на участок от <math>0</math> до <math>\frac{\pi}{4}</math>. Найти числовые характеристики случайной величины <math>X</math>.</p> <p>6. Найти доверительный интервал неизвестного математического ожидания нормальной случайной величины <math>X</math>, зная доверительную вероятность <math>\beta = 0.99</math>, объем выборки <math>n = 20</math>, выборочную среднюю <math>\bar{x} = 200</math>, если 1) <math>\sigma = 10</math>, 2) <math>s = 10..</math></p> <p>7. По критерию Пирсона при уровне значимости <math>\alpha = 0.01</math> проверить гипотезу о распределении случайной величины <math>X</math> по нормальному закону, если задано <math>n_k</math> попаданий выборочных значений случайной величины <math>X</math> в подинтервал <math>\Omega_k = (a_k, b_k)</math>:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>\Omega_k</math></td> <td><math>10 \div 15</math></td> <td><math>15 \div 20</math></td> <td><math>20 \div 25</math></td> <td><math>25 \div 30</math></td> <td><math>30 \div 35</math></td> </tr> <tr> <td><math>n_k</math></td> <td>15</td> <td>20</td> <td>35</td> <td>18</td> <td>12</td> </tr> </table>	$\Omega_k$	$10 \div 15$	$15 \div 20$	$20 \div 25$	$25 \div 30$	$30 \div 35$	$n_k$	15	20	35	18	12
$\Omega_k$	$10 \div 15$	$15 \div 20$	$20 \div 25$	$25 \div 30$	$30 \div 35$									
$n_k$	15	20	35	18	12									
3.	Защита лабораторной работы	<p><b>Лабораторное занятие. Порядок работы</b></p> <p>1. Введите функцию распределения и функцию плотности нормального распределения с заданными параметрами <math>a</math> и <math>\sigma</math>. Здесь же проверьте правило трех сигм, т.е. на нормальной кривой выделите участки, опирающиеся на интервалы <math>a \pm \sigma</math>, <math>a \pm 2\sigma</math>, <math>a \pm 3\sigma</math></p> <p>2. Исследуйте влияние параметров на распределение, приайте каждому параметру три различных значения. Представьте на одном графике несколько нормальных кривых для разных <math>a</math> и <math>\sigma</math>:</p> $p_\xi(x, a, \sigma), p_\xi(x, a_1, \sigma), p_\xi(x, a_2, \sigma), \text{ где } a_1 < a, a_2 > a;$												

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий															
		<p style="text-align: center;"><math>p_\xi(x, a, \sigma), p_\xi(x, a, \sigma_1), p_\xi(x, a, \sigma_2)</math>, где <math>\sigma_1 &lt; \sigma, \sigma_2 &gt; \sigma</math>.</p> <p>3. Задайте выборку одним из двух способов и выведите её на график (используйте соответствующий тип линий). Проверьте правило трех сигм, т.е. выделите полосы, соответствующие интервалам <math>a \pm \sigma, a \pm 2\sigma, a \pm 3\sigma</math>.</p> <p>4. Постройте вариационный ряд выборки, выведите его на график</p> <p>5. Постройте выборочную функцию распределения, сравните ее с теоретической (графически).</p> <p>6. Постройте гистограмму и полигон частот. Сравните гистограмму с теоретической плотностью распределения (графически).</p> <p>7. Найдите выборочные числовые характеристики распределения и сравните их с теоретическими.</p> <p>8. Измените значение объема выборки, сначала уменьшив в 20 раз, затем увеличив в 20 раз, и заполните таблицу</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>Объем выборки</th> <th>Выборочное среднее</th> <th>Исправленная выборочная дисперсия</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table> <p>Сравните полученные результаты.</p> <p>9. Найдите интервальные оценки для математического ожидания и дисперсии при доверительной вероятности 90%, 95% и 98%.</p> <p style="text-align: right;">Вопросы:</p> <p>1) Сформулируйте правило трёх сигм и покажите его графическую иллюстрацию</p> <p>2) Какой из параметров распределения влияет на форму кривой распределения?</p> <p>3) Что является выборочным аналогом дисперсии?</p> <p>4) Как объем выборки влияет на точечные оценки параметров?</p> <p>5) Как изменяются доверительные интервалы при увеличении объема выборки, при изменении доверительной вероятности?</p>	Объем выборки	Выборочное среднее	Исправленная выборочная дисперсия												
Объем выборки	Выборочное среднее	Исправленная выборочная дисперсия															
4.	Экзамен	<p>Экзаменационный билет №</p> <p>1. Случайные события, их классификация. Операции над событиями.</p> <p>2. Дискретные случайные величины. Ряд распределения и его свойства.</p> <p>3. Известно, что 34% людей имеют первую группу крови, 37% – вторую, 21% – третью и 8% – четвертую. Больному с первой группой можно переливать только кровь первой группы, со второй – кровь первой и второй групп, с третьей – кровь первой и третьей групп, и человеку с четвертой группой можно переливать кровь любой группы. Какова вероятность, что произвольно взятому больному можно перелить кровь произвольно выбранного донора?</p> <p>4. Математическое ожидание числа отказов радиоаппаратуры за 10 000 часов равно 10. Определить вероятность одного отказа радиоаппаратуры за 100 часов работы.</p> <p>Перечень вопросов, ответы на которые дают возможность студенту продемонстрировать, а</p>															

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>преподавателю оценить степень усвоения теоретических и фактических знаний на экзамене</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Что в теории вероятностей понимают под событием? Какое событие называют достоверным? Какое – невозможным?</li> <li>2. Какие операции определены над событиями? Каковы свойства этих операций?</li> <li>3. Что такое случайная величина? Что называют законом распределения случайной величины?</li> <li>4. Какая случайная величина называется дискретной случайной величиной? Что такое ряд распределения дискретной случайной величины?</li> <li>5. Дайте определение функции распределения случайной величины. Каковы основные свойства функции распределения случайной величины?</li> <li>6. Какое распределение называется распределением Пуассона? Каковы основные числовые характеристики распределения Пуассона?</li> <li>7. Что такое стандартная нормальная величина? Какова связь между функциями распределения произвольной нормальной величины и стандартной нормальной величины? Как связана функция распределения стандартной величины с функцией Лапласа?</li> <li>8. Как определяется вероятность отклонения нормальной случайной величины от математического ожидания на заданную величину? В чем состоит правило «трех сигм»?</li> <li>9. Что называют системой случайных величин (случайным вектором)? Как определяется функция распределения системы случайных величин, каковы ее свойства (для двухмерного случайного вектора)?</li> <li>10. Чему равны математическое ожидание и дисперсия суммы и произведения случайных величин?</li> <li>11. Сформулируйте закон больших чисел Чебышева, теорему Бернулли.</li> <li>12. Сформулируйте центральную предельную теорему (ЦПТ).</li> <li>13. Что в математической статистике понимают под генеральной совокупностью? Выборкой из генеральной совокупности?</li> <li>14. Как строится статистический ряд? В каких случаях применяется сгруппированный статистический ряд? Как определяется длина интервала группирования?</li> <li>15. Что такое оценка параметра? Какая оценка называется несмещенной? Какая – состоятельной? Какая эффективной?</li> <li>16. Что такое доверительный интервал и вероятность? Каковы основные принципы построения ДИ?</li> <li>17. Как строится доверительный интервал для математического ожидания нормальной генеральной совокупности при известном и неизвестном <math>\sigma</math>?</li> <li>18. Как строится доверительный интервал для дисперсии нормальной генеральной совокупности при известном и неизвестном <math>a</math>?</li> <li>19. Что такая статистическая гипотеза и статистический критерий?</li> <li>20. Какие ошибки называют ошибками первого и второго рода при применении статистических критериев? Как определяется мощность и состоятельность критерия?</li> <li>21. Опишите критерий согласия <math>\chi^2</math> Пирсона для проверки гипотезы о законе распределения.</li> <li>22. Опишите критерии для проверки гипотез о значении математического ожидания нормальной совокупности.</li> <li>23. Опишите критерии для проверки гипотез о значении дисперсии нормальной совокупности.</li> </ol>

<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
1. Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 2 контрольных работы, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю выполненных заданий.</li> </ul>
2. ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 2 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>ИДЗ выдается каждому студенту персонально.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание выполняется до контрольной работы.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Оформление задания 25% баллов</p> <p>Содержание 75% баллов</p> <p>ИДЗ считается засчитанным, если набрано более 55% от максимального балла за задание</p>
3. Защита лабораторной работы	<p>В семестре студенты выполняют 8 лабораторных работ по математической статистике. У каждого студента в группе свои входные данные, номер варианта соответствует порядковому номеру компьютера в учебной аудитории.</p> <p>Задание выполняется в пакете MathCad. После выполнения работы студенты оформляют отчёт.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Оформление отчёта 10% баллов</p>

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
		<p>Содержание 70% баллов      Ответы на вопросы – 20%      Работа считается зачтенной, если набрано более 55% от максимального балла за задание</p>
4	Экзамен	<p>Экзамен осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ/ На экзамене студенту выдаются билеты, включающие теоретические вопросы и практические задания. Преподаватель, проверив работу, в ходе устной беседы со студентом может задавать вопросы по самому билету, а также дополнительные вопросы по теории и практике. В итоге студент набирает итоговый балл за экзамен, максимально 40 баллов. Оценка за дисциплину формируется как итоговая за работу в семестре и экзамен в соответствие с принятой шкалой оценивания.</p> <p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствие с действующей процедурой.</p>