

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
 ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
 ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
 «НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ  
 УНИВЕРСИТЕТ»

УТВЕРЖДАЮ  
 Директор ШБИП  
 Чайковский Д.В.  
 «01» 09 2020 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**  
**ПРИЕМ 2020 г.**  
**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ заочная**

**Математика 2**

Направление подготовки/ специальность	13.03.02 Электроэнергетика и электротехника	
Образовательная программа (направленность (профиль))	Промышленная электротехника и автоматизация	
Специализация	Электрооборудование и электрохозяйство предприятий, организаций и учреждений	
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат	
Курс	1	2
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	6	
Виды учебной деятельности	Временной ресурс	
Контактная (аудиторная) работа, ч	Лекции	8
	Практические занятия	16
	Лабораторные занятия	0
	ВСЕГО	24
Самостоятельная работа, ч		192
ИТОГО, ч		216

Вид промежуточной аттестации	Экзамен	Обеспечивающее подразделение	ОМИ ШБИП
---------------------------------	---------	---------------------------------	----------

Зав. каф.-руководитель отделения на правах кафедры Руководитель ООП Преподаватель		Трифонов А.Ю.
		Воронина Н.А.
		Терехина Л.И.

2020 г.

## 1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины является формирование у обучающихся определенного ООП (п. 5 Общей характеристики ООП) состава компетенций для подготовки к профессиональной деятельности.

Код компетенции	Наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенций		Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
		Код индикатора	Наименование индикатора достижения	Код	Наименование
УК(У)-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	И.УК(У)-1.1	Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие	УК(У)-1.1В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.1У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.1З1	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
ОПК(У)-2	Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач	И.ОПК(У)-2.1	Применяет математический аппарат исследования функций, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления, рядов, дифференциальных уравнений, теории функций комплексного переменного в инженерной деятельности	ОПК(У)-2.1В2	Владеет математическим аппаратом дифференциального и интегрального исчисления для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач
				ОПК(У)-2.1У2	Умеет применять аппарат дифференциального и интегрального исчисления для решения стандартных задач
				ОПК(У)-2.1З2	Знает основные понятия и теоремы дифференциального исчисления функции нескольких переменных и интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных

## 2. Место дисциплины (модуля) в структуре ООП

Дисциплина относится к базовой части Блока 1 учебного плана образовательной программы

## 3. Планируемые результаты обучения по дисциплине<sup>1</sup>

<sup>1</sup> п.3.8. ФГОС – «Организация самостоятельно планирует результаты обучения по дисциплинам (модулям) и практикам, которые должны быть соотнесены с установленными в программе индикаторами достижения компетенций. Совокупность запланированных результатов обучения по дисциплинам (модулям) и практикам должна обеспечивать формирование у выпускника всех компетенций, установленных программой магистратуры»

После успешного освоения дисциплины будут сформированы результаты обучения:

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Индикатор достижения компетенции
Код	Наименование	
РД1	Владеет методами дифференциального исчисления функции нескольких переменных; методами интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-2.1
РД2	Умеет находить частные производные и дифференциалы, исследовать функции нескольких переменных; вычислять неопределенные, определенные, несобственные, кратные, криволинейные и поверхностные интегралы; числовые характеристики скалярных и векторных полей	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-2.1
РД3	Знает основные этапы схемы полного исследования функции нескольких переменных; определение неопределенного, определенного, кратных, криволинейных и поверхностных интегралов, их физический и геометрический смысл; основные понятия векторного анализа, формулы Грина, Остроградского-Гаусса и Стокса	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-2.1

Оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации представлены в календарном рейтинг-плане дисциплины.

#### 4. Структура и содержание дисциплины

##### Основные виды учебной деятельности

Разделы дисциплины	Формируемый результат обучения по дисциплине	Виды учебной деятельности	Объем времени, ч.
<b>Раздел 1. Неопределенный интеграл</b>	РД1	Лекции	<b>2</b>
	РД2	Практические занятия	<b>2</b>
	РД3	Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>30</b>
<b>Раздел 2. Определенный и несобственный интеграл</b>	РД1	Лекции	<b>2</b>
	РД2	Практические занятия	<b>2</b>
	РД3	Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>40</b>
<b>Раздел 3. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных</b>	РД1	Лекции	<b>0</b>
	РД2	Практические занятия	<b>4</b>
	РД3	Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>30</b>
<b>Раздел 4. Кратные интегралы</b>	РД1	Лекции	<b>2</b>
	РД2	Практические занятия	<b>4</b>
	РД3	Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>52</b>
<b>Раздел 5. Элементы векторного анализа</b>	РД1	Лекции	<b>2</b>
	РД2	Практические занятия	<b>4</b>
	РД3	Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>40</b>

## Содержание разделов дисциплины:

### Раздел 1. Неопределенный интеграл

Понятие первообразной функции и неопределенного интеграла. Свойства неопределенного интеграла. Таблица интегралов. Непосредственное интегрирование. Метод замены переменной и метод интегрирования по частям. Интегрирование рациональных функций. Простейшие рациональные дроби и их интегрирование. Теорема о представлении правильной рациональной дроби в виде суммы конечного числа простейших дробей. Интегрирование выражений, содержащих тригонометрические функции. Интегрирование некоторых иррациональных функций. Подстановки Чебышева, тригонометрические

#### Темы лекций:

1. Первообразная и неопределенный интеграл. Общие методы интегрирования. Метод подстановки, интегрирование по частям. Интегрирование основных классов функций.

#### Темы практических занятий:

1. Основные методы интегрирования. Интегрирование основных классов функций.

### Раздел 2. Определенный и несобственный интеграл

Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определение интегральной суммы Римана. Понятие определенного интеграла, его геометрический и физический смысл. Классы интегрируемых функций. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенного интеграла. Геометрические приложения определенного интеграла: вычисление площадей плоских фигур. Определение и вычисление длины дуги плоской кривой. Вычисление объемов тел. Несобственные интегралы с бесконечными пределами. Определение, свойства. Признаки сходимости интегралов от неотрицательных функций. Абсолютная и условная сходимость. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Теорема сравнения.

#### Темы лекций:

1. Понятие и свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы I и II рода

#### Темы практических занятий:

1. Определенный интеграл, свойства, оценки, вычисление. Приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы I и II рода, вычисление, признаки сходимости.

### Раздел 3. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных

Определение функции нескольких переменных. Предел и непрерывность ФНП. Частные производные. Полный дифференциал ФНП. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Градиент и производная по направлению. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Формула Тейлора для функции двух переменных. Экстремум ФНП. Наименьшее и наибольшее значение функции в замкнутой области. Условный экстремум.

Темы практических занятий:

1. Функции нескольких переменных. Основные понятия. Частные производные. Полный и частные дифференциалы. Дифференцирование сложной и неявной функций. Производные и дифференциалы высших порядков.
2. Экстремум функции нескольких переменных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Скалярное поле. Производная по направлению. Градиент

#### **Раздел 4. Кратные интегралы**

... Задачи, приводящие к понятию двойного интеграла. Определение двойного интеграла, геометрический и физический смысл. Теорема существования, свойства. Сведение двойного интеграла от непрерывной функции к повторному интегралу. Теорема о замене переменных в двойном интеграле. Задачи, приводящие к понятию тройного интеграла. Тройной интеграл, определение, свойства, вычисление в декартовой системе координат. Формулировка теоремы о замене переменных в тройном интеграле. Цилиндрические и сферические координаты. Приложение кратных интегралов: вычисление объемов тел и площадей фигур, решение задач механики и физики.

**Темы лекций:**

1. Двойные интегралы, сведение к повторным интегралам. Свойства двойного интеграла. Замена переменных в двойном интеграле, его вычисление в полярной системе координат. Тройные интегралы и их вычисление в ДСК. Замена переменных в тройном интеграле, его вычисление в цилиндрических и сферических координатах. Приложения кратных интегралов

**Темы практических занятий:**

1. Двойные интегралы, свойства. Вычисление в ДСК. Двойные интегралы, свойства. Вычисление в ПСК
2. Тройные интегралы. Тройные интегралы. Цилиндрическая СК. Сферическая система координат

#### **Раздел 5. Элементы векторного анализа**

Криволинейные интегралы по длине дуги и по координатам. Определение, свойства и вычисление криволинейных интегралов. Теорема Грина. Условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования. Отыскание функции по ее полному дифференциалу. Поверхностный интеграл по площади поверхности. Определение, формула для вычисления. Определение, свойства и вычисление поверхностного интеграла по координатам. Теорема и формула Остроградского-Гаусса. Ориентация поверхности и направление обхода замкнутого контура. Теорема и формула Стокса. Векторное поле. Векторные линии. Оператор Гамильтона. Дифференциальные операции первого порядка в скалярном и векторных полях. Дивергенция векторного поля, ее физический смысл. Циркуляция и ротор векторного поля. Потенциальные и соленоидальные поля.

**Темы лекций:**

1. Векторное поле. Основные понятия. Поток, циркуляция. Теоремы Стокса и Остроградского-Гаусса. Простейшие векторные поля. Потенциал векторного поля, работа.

**Темы практических занятий:**

1. Вычисление потока векторного поля. Поток через замкнутую поверхность, дивергенция, формула Остроградского-Гаусса .
2. Циркуляция векторного поля. Ротор, формула Стокса. Нахождение работы. Потенциал.

## 5. Организация самостоятельной работы студентов

Самостоятельная работа студентов при изучении дисциплины (модуля) предусмотрена в следующих видах и формах:

- Работа в электронном курсе (изучение теоретического материала, выполнение индивидуальных заданий и контролирующих мероприятий и др.);
- Изучение тем, вынесенных на самостоятельную проработку;
- Выполнение домашних заданий, расчетно-графических работ и домашних контрольных работ;
- Подготовка к практическим занятиям;
- Подготовка к оценивающим мероприятиям

## 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 6.1. Учебно-методическое обеспечение

#### Основная литература:

1. Фихтенгольц Г.М. Основы математического анализа: учебник: в 2 частях / Г.М. Фихтенгольц. – 10-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, [б. г.]. – Часть 2. – 2019. – 464 с. – Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. – URL: <https://e.lanbook.com/book/115730> (дата обращения: 11.03.2020). – Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.

2. Ильин В. А. Математический анализ [Электронный ресурс] учебник для бакалавров: в 2 ч.: / В.А. Ильин, В.А. Садовничий, Б.Г. Сендов. – 4-е изд. – Москва: Юрайт, 2013 Ч. 1. – Мультимедиа ресурсы (10 директорий; 100 файлов; 740МВ). – 2013. – 1 Мультимедиа CD-ROM. – URL:<http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2014/FN/fn-69.pdf> (дата обращения: 11.03.2020). – Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.

3. Ильин В.А. Математический анализ [электронный ресурс] учебник для бакалавров: в 2 ч.: / В.А. Ильин, В.А. Садовничий, В.Х. Сендов. – 3-е изд. – Москва: Юрайт, 2013 Ч. 2. – Мультимедиа ресурсы (10 директорий; 100 файлов; 740МВ). – 2013. – 1 Мультимедиа CD-ROM. — Доступ из корпоративной сети ТПУ. – URL: <http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2014/FN/fn-88.pdf> (дата обращения: 11.03.2020). – Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.

4. Берман Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа: учебное пособие / Г.Н. Берман. – 9-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2020. – 492 с. – Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. – URL: <https://e.lanbook.com/book/126705> (дата обращения: 11.03.2020). – Режим доступа: из корпоративной сети.

#### Дополнительная литература:

1. Высшая математика для технических университетов. В 5 ч.: Ч. 3: Дифференциальное и интегральное исчисление. [Кн.] 3: Интегральное исчисление функций одной переменной. – 2017. – 494 с. / В.Н. Задорожный, В.Ф. Зальмеж, А.Ю. Трифонов, А.В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ). – Томск: Изд-во ТПУ, 2014. – URL: <http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m132.pdf> (дата обращения: 11.03.2020). – Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ. – Текст: электронный.

2. Высшая математика для технических университетов. В 5 ч. Ч. 3: Дифференциальное и интегральное исчисление, [Кн.] 2: Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных. – 2-е изд., испр. / В.Н. Задорожный, В.Ф. Зальмеж, А.Ю. Трифонов, А.В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ). – Томск: Изд-во ТПУ, 2014. – URL <http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m133.pdf> (дата обращения: 11.03.2020). – Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ. – Текст: электронный.

3. Терехина Л.И. Сборник индивидуальных заданий по высшей математике. Учебное пособие. В 4 ч. Ч. 2 / Л.И. Терехина, И.И. Фикс; Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ). – Томск: Изд-во ТПУ, 2011. – URL: <http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2012/m263.pdf> (дата обращения: 11.03.2020). – Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ. – Текст: электронный.

4. Терехина Л.И. Высшая математика. Учебное пособие. Ч. 2. Предел. Непрерывность. Производная функции. Приложения производной. Функции нескольких переменных / Л.И. Терехина, И.И. Фикс. – Томск: Дельтаплан, 2012. – 192 с.: ил. – Текст: непосредственный.

## 6.2. Информационное и программное обеспечение

Internet-ресурсы (в т.ч. в среде LMS MOODLE и др. образовательные и библиотечные ресурсы):

1. Электронный курс Математика 2, Веб-поддержка, описание по ссылке <https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=2285>

Материалы представлены 5 модулями. Каждый модуль содержит теоретические и практические материалы для подготовки к занятиям, варианты индивидуальных домашних заданий, тесты.

2. Общероссийский математический портал <http://mathnet.ru>

3. Электронная библиотека механико-математического факультета МГУ <http://lib.mexmat.ru>

Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы доступны по ссылке: <https://www.lib.tpu.ru/html/irs-and-pdb>

Лицензионное программное обеспечение (в соответствии с **Перечнем лицензионного программного обеспечения ТПУ**):

1. Microsoft Office 2013 Standard Russian Academic
2. Google Chrome
3. Zoom
4. Document Foundation LibreOffice

## 7. Особые требования к материально-техническому обеспечению дисциплины

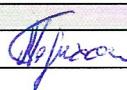
В учебном процессе используется следующее оборудование:

№	Наименование специальных помещений	Наименование оборудования
1.	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации  634034, Томская область, г. Томск, Усова улица, 7	Компьютер - 1 шт.;  Проектор - 2 шт.  Доска аудиторная настенная - 1 шт.;  Комплект учебной мебели на 140 посадочных мест.

	101	
2.	<p>Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации</p> <p>634034, Томская область, г. Томск, Усова улица, 7</p> <p>325</p>	<p>Компьютер - 1 шт.;</p> <p>Проектор - 1 шт.;</p> <p>.Доска аудиторная настенная - 1 шт.;</p> <p>Комплект учебной мебели на 28 посадочных мест.</p>
3.	<p>Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации</p> <p>634034, Томская область, г. Томск, Усова улица, 7</p> <p>331</p>	<p>Компьютер - 1 шт.;</p> <p>Телевизор - 1 шт.;</p> <p>Доска аудиторная настенная - 1 шт.;</p> <p>Комплект учебной мебели на 44 посадочных мест.</p>
4.	<p>Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации</p> <p>634034, Томская область, г. Томск, Усова улица, 7</p> <p>345</p>	<p>Компьютер - 1 шт.;</p> <p>Телевизор - 1 шт.</p> <p>Доска аудиторная настенная - 1 шт.;</p> <p>Комплект учебной мебели на 32 посадочных мест.</p>

Рабочая программа составлена на основе Общей характеристики образовательной программы «Промышленная электротехника и автоматизация» по специализации «Электрооборудование и электрохозяйство предприятий, организаций и учреждений» направления 13.03.02 «Электроэнергетика и электротехника» (прием 2020 г., заочная форма обучения).

Разработчик(и):

Должность		ФИО
Доцент ОМИ ШБИП		Терехина Л.И.

Программа одобрена на заседании Отделения электроэнергетики и электротехники (протокол от «1» сентября 2020 г № 1/1).

И.о. заведующего кафедрой - руководителя отделения  
на правах кафедры ОЭЭ ИШЭ, к.т.н.

  
\_\_\_\_\_ /А.С. Ивашутенко/  
подпись