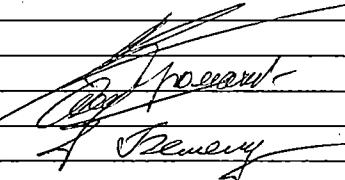
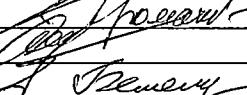


**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**  
**ПРИЕМ 2020 г.**

**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

**Математика 1**

Направление подготовки/ специальность	<b>15.03.04 Автоматизация технологических процессов и производств</b>	
Образовательная программа (направленность (профиль))	<i>Автоматизация технологических процессов и производств в нефтегазовой отрасли</i>	
Специализация	<i>Программно-технические комплексы управления производственными процессами</i>	
Уровень образования	<i>высшее образование - бакалавриат</i>	
Курс	1	семестр 1
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	6	

Зав.каф.-руководитель отделения		<b>А.Ю. Трифонов</b>
Руководитель ОП		<b>Е. И. Громаков</b>
Преподаватель		<b>О.Н. Имас</b>
Преподаватель		<b>Е.А. Беляускене</b>

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 1» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
				Код	Наименование
Математика 1	1	УК(У)-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК(У)-1.В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.31	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
		ОПК(У)-1	Способен использовать основные закономерности, действующие в процессе изготовления продукции требуемого качества, заданного количества при наименьших затратах общественного труда	ОПК(У)-1.31	Знает основные понятия и теоремы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, теории линейных пространств, дифференциального исчисления функций одной переменной
				ОПК(У)-1.У1	Умеет применять изученные методы алгебры и анализа для решения стандартных задач
				ОПК(У)-1.В1	Владеет математическим аппаратом алгебры и дифференциального исчисления функции одной переменной для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД1	Владеет основными понятиями и методами линейной алгебры, аналитической геометрии и дифференциального исчисления функции одной переменной	УК(У)-1 ОПК(У)-№ в соответствии с ФГОС ВО	1. Линейная алгебра 2. Векторная алгебра 3.Аналитическая геометрия 4.Введение в анализ 5.Дифференциальное исчисление функции одной переменной	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД2	Умеет вычислять определители, выполнять действия с матрицами, исследовать и решать системы линейных алгебраических уравнений; производить действия над векторами; геометрически и аналитически представлять прямую и плоскость; устанавливать взаимное расположения прямых и плоскостей; приводить общие уравнения кривых и поверхностей к каноническому виду и строить их; находить пределы функций и числовых последовательностей; находить производные, исследовать функции одного переменного и строить их графики	УК(У)-1 ОПК(У)-№ в соответствии с ФГОС ВО	1. Линейная алгебра 2. Векторная алгебра 3.Аналитическая геометрия 4.Введение в анализ 5.Дифференциальное исчисление функции одной переменной	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД3	Знает алгебру матриц; методы решения систем линейных алгебраических уравнений; методы векторной алгебры; свойства и уравнения основных геометрических образов ; основные положения теории пределов; правила и методы дифференцирования функции одной переменной, схему полного	УК(У)-1 ОПК(У)-№ в соответствии с ФГОС ВО	1. Линейная алгебра 2. Векторная алгебра 3.Аналитическая геометрия 4.Введение в анализ 5.Дифференциальное исчисление функции	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО

	исследования функции		одной переменной	
--	----------------------	--	------------------	--

### 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

Шкала для оценочных мероприятий экзамена

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	18 ÷ 20	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	14 ÷ 17	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	11 ÷ 13	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов

#### 4. Перечень типовых заданий

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1.	Контрольная работа	<p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа «Линейная алгебра»</b> <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p>1. Дан определитель</p> $\begin{vmatrix} 2 & 4 & -3 & 1 \\ -1 & 1 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & 4 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 3 \end{vmatrix}.$ <p>a) Запишите разложение данного определителя по четвёртому столбцу;      б) вычислите определитель, получив предварительно нули в какой – либо строке или столбце.</p> <p>2. Решить систему уравнений методом обратной матрицы:</p> $\begin{cases} x + 2y - z = -1, \\ 3y - z = 1, \\ x + 4y + z = 5. \end{cases}$ <p>Значение <math>x</math> вычислить также методом Крамера.</p> <p>3. Исследовать систему на совместность и решить методом Гаусса</p> $\begin{cases} x_2 + x_3 + x_4 = 1 \\ x_1 - x_3 - x_4 = 2 \\ x_1 + x_2 - x_4 = 3 \\ x_1 + x_2 + x_3 = 4 \end{cases}$ <p>4. Даны система однородных линейных уравнений</p> $\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 + x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 + 4x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 0. \end{cases}$ <p>a) Докажите, что система имеет нетривиальные решения;      б) Найдите общее решение системы;</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>6) найдите фундаментальную систему решений.</p> <p>7. При каких значениях параметра <math>\lambda</math> система линейных уравнений</p> <p>с расширенной матрицей</p> $\left( \begin{array}{ccc c} 2 & 1 & 1 & 4 \\ 1 & \lambda & 1 & 3 \\ 1 & 2\lambda & 1 & 4 \end{array} \right)$ <p>совместна?</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Векторная алгебра»</b> <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p><b>I. Данные четыре вектора:</b> <math>\vec{a} = \{4, 5, 2\}</math>; <math>\vec{b} = \{3, 0, 1\}</math>; <math>\vec{c} = \{-1, 4, 2\}</math>; <math>\vec{d} = \{5, 7, 8\}</math>.</p> <p>1. Доказать, что векторы <math>\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}</math> образуют базис и найти разложение вектора <math>\vec{d}</math> в этом базисе.</p> <p>2. Найти косинус угла между векторами <math>\vec{a}</math> и <math>\vec{b}</math>.</p> <p>3. Найти длину вектора <math>\vec{g} = \vec{a} + 2\vec{b} + 3\vec{c}</math>.</p> <p><b>II. Данные четыре точки:</b> <math>A(1; 3; 0)</math>, <math>B(4; 1; 2)</math>, <math>C(3; 0; 1)</math>, <math>D(-4; 3; 5)</math>.</p> <p>4. Найти объём пирамиды <math>ABCD</math> и длину высоты, опущенной из вершины <math>D</math> на грань <math>ABC</math>.</p> <p>5. Найти проекцию вектора <math>\overrightarrow{AB}</math> на ось вектора <math>\overrightarrow{CD}</math>.</p> <p>6. Найти координаты вектора <math>[(\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AB}), \overrightarrow{CB}]</math>.</p> <p><b>III. Параллелограмм построен на векторах</b> <math>\vec{a} = \vec{p} + 4\vec{q}</math>, <math>\vec{b} = \frac{1}{2}(\vec{p} - \vec{q})</math>, где <math> \vec{p}  = 4</math>, <math> \vec{q}  = 2</math>, <math>(\vec{p} \wedge \vec{q}) = \frac{\pi}{3}</math>.</p> <p>Определить: а) косинус тупого угла между диагоналями; б) длину высоты, опущенной на сторону</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Аналитическая геометрия»</b> <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p>1. Определить при каких значениях <math>a</math> прямая  <math display="block">(a+2)x + (a^2 - 9)y + 3a^2 - 8a + 5 = 0</math> параллельна оси ОХ.</p> <p>2. Составить уравнения прямых, параллельных прямой</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p><math>3x - 4y - 10 = 0</math> и отстоящих от нее на расстояние <math>d=3</math></p> <p>3. Даны вершины треугольника <math>A(2,6)</math>, <math>B(4,-2)</math>, <math>C(-2,-6)</math>. Составить уравнение высоты из вершины <math>A</math> и уравнение медианы из вершины <math>C</math>.</p> <p>4. Привести к каноническому виду, назвать и построить кривые: а) <math>16x^2 + 25y^2 + 32x - 100y - 284 = 0</math>; б) <math>y^2 - 4y - 20x + 24 = 0</math>.</p> <p>5. Из общих уравнений прямой: <math>2x + y - 3z - 9 = 0</math>, <math>-2x + 3z + 4 = 0</math> получить канонические и параметрическое уравнения прямой.</p> <p>6. Найти проекцию точки <math>A(1,2,0)</math> на плоскость <math>8x + 6y + 8z - 25 = 0</math>.</p> <p>7. Построить тело, ограниченное поверхностями <math>x^2 = z</math>, <math>x + y = 2</math>, <math>y \geq 0, z \geq 0</math>.</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Введение в анализ»</b></p> <p><i>I. Вычислить пределы</i></p> <p>1. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^2 - 4n}}{\sqrt[3]{2n^3 + 1}}</math>;</p> <p>2. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{2^n}}{n - 1}</math>;</p> <p>3. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1+x^2}}{2x}</math>;</p> <p>4. <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^2 + 2x}{3x^2 + 1}</math>;</p> <p>5. <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 - 3} - 1}{x - 2}</math>;</p> <p>6. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}</math>;</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;"><b>Примеры типовых контрольных заданий</b></p> <p>7. <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+2}{x-1} \right)^{\frac{x^2+1}{x}};</math>      8. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x^2 + 2) - \ln 2}{x^2};</math></p> <p>9. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - e^x}{x};</math>      10. <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(2-x)}{\sqrt{2x} - 2}.</math></p> <p><b>II. Определить порядок б. м. <math>\alpha(x)</math> при <math>x \rightarrow 0</math> относительно <math>x:</math></b></p> <p>1. <math>\alpha(x) = \ln(1 + \sqrt[3]{x^2 \cdot \operatorname{tg} x}),</math>      2. <math>\alpha(x) = \sqrt{2x+1} - 1.</math></p> <p><b>III. Найти точки разрыва функции, указать их характер. Построить график функции в окрестности точек разрыва:</b></p> <p>1. <math>f(x) = \begin{cases} 0, &amp; \text{если } x &lt; 0, \\ x^2, &amp; \text{если } 0 \leq x &lt; 1, \\ x + 2, &amp; \text{если } x \geq 1. \end{cases}</math>      2. <math>y = \frac{1}{\frac{1}{2^{1-x}}},</math>      3. <math>y = \frac{1}{x^2 - 4}.</math></p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа</b> по теме «Дифференциальное исчисление функции одного переменного» <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p>I. Найти производные следующих функций:</p> <p>1. <math>y = (e^{\cos x} + 3x)^2;</math>      2. <math>3^x + 3^y = x - 2y;</math>      3. <math>y = (\operatorname{tg} 2x)^{\operatorname{ctg}(\sqrt{\frac{x}{2}})}</math></p> <p>II. Найти вторую производную <math>\frac{d^2 y}{dx^2}:</math></p> <p>1. <math>y = \frac{x^2}{x^2 - 1},</math>      2. <math>\begin{cases} x = \cos(t/2), \\ y = t - \sin t. \end{cases}</math>      3. <math>y = \sin(x - y)</math></p> <p>III. Пользуясь правилом Лопитала найти пределы:</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>1. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{x^2}{x-1} - \frac{1}{\ln x} \right)</math></p> <p>2. <math>\lim_{x \rightarrow 1-0} (\sin \pi x)^{\cos \frac{\pi x}{2}}</math></p> <p>IV Провести полное исследование функции <math>y = xe^{-\frac{1}{x}}</math> и построить её график</p>

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
2.	ИДЗ.	<p><u>Пример варианта индивидуальных заданий.</u></p> <p style="text-align: center;"><u>Линейная алгебра</u></p> <hr/> <p>1. Вычислить определители</p> <p>a) <math>\begin{vmatrix} 12 &amp; 3 &amp; -1 &amp; 2 \\ 1 &amp; 1 &amp; 0 &amp; -1 \\ -4 &amp; 2 &amp; 4 &amp; -2 \\ -2 &amp; 0 &amp; 1 &amp; -1 \end{vmatrix}</math>      b) <math>\begin{vmatrix} -7 &amp; -3 &amp; 2 &amp; 4 \\ -2 &amp; 0 &amp; 1 &amp; 1 \\ -4 &amp; 2 &amp; 1 &amp; 3 \\ -3 &amp; -2 &amp; 2 &amp; 1 \end{vmatrix}</math></p> <p>2. Найти матрицу <math>X</math> из уравнения. Сделать проверку</p> $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & -2 \\ 2 & -2 & 1 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} 1 & 11 & -15 \\ 2 & -8 & 3 \\ 11 & 7 & 0 \end{pmatrix}.$ <p>3. Решить системы линейных уравнений:</p> <p>a) методом Крамера,      b) матричным методом</p> <p>a) <math>\begin{cases} 3x + 4y - 2z = 26 \\ x - y + 3z = -2 \\ 3x - 3y + 5z = -2 \end{cases}</math>      b) <math>\begin{cases} x + 5y - z = 5 \\ 3x + 8y + z = 7 \\ 4x - 6y + z = 10 \end{cases}</math></p> <p>4. Решить системы методом Гаусса</p> <p>a) <math display="block">\begin{cases} x_2 &amp; -3x_3 &amp; +4x_4 = -5 \\ x_1 &amp; -2x_3 &amp; +3x_4 = -4 \\ 3x_1 &amp; +2x_2 &amp; -5x_4 = 12 \\ 4x_1 &amp; +3x_2 &amp; -5x_3 = 5 \end{cases}</math></p> <p>b) <math display="block">\begin{cases} x_1 &amp; +3x_2 &amp; +5x_3 &amp; -4x_4 = 1 \\ x_1 &amp; +3x_2 &amp; +2x_3 &amp; -2x_4 &amp; +x_5 = -1 \\ x_1 &amp; -2x_2 &amp; +x_3 &amp; -x_4 &amp; -x_5 = 3 \\ x_1 &amp; -4x_2 &amp; +x_3 &amp; +x_4 &amp; +x_5 = 3 \\ x_1 &amp; +2x_2 &amp; +x_3 &amp; -x_4 &amp; +x_5 = -1 \end{cases}</math></p> <p>c) <math display="block">\begin{cases} x_1 &amp; +x_2 &amp; -x_3 &amp; +x_4 = 0 \\ x_1 &amp; -x_2 &amp; +x_3 &amp; -x_4 = 0 \\ 3x_1 &amp; +x_2 &amp; -x_3 &amp; +x_4 = 0 \\ 3x_1 &amp; -x_2 &amp; +x_3 &amp; -x_4 = 0 \end{cases}</math></p> <p>5. Найти собственные значения и собственные векторы матриц.</p> <p>a) <math>A = \begin{pmatrix} 4 &amp; -5 \\ -2 &amp; 7 \end{pmatrix}</math>      b) <math>B = \begin{pmatrix} 4 &amp; -3 &amp; -3 \\ 1 &amp; 2 &amp; 1 \\ 1 &amp; 1 &amp; 2 \end{pmatrix}</math></p> <hr/>

Аналитическая геометрия на плоскости

---

1. Составить уравнения прямых, проходящих через точку  $M(-7; 5)$ :

- a) параллельно прямой  $3x + 2y - 1 = 0$ ,  
 b) перпендикулярно прямой  $\frac{x-1}{-3} = \frac{y+4}{2}$ ,

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий				
3.	Тестирование – независимый контроль ЦОКО (РТ1 и РТ2)	<p>Вопросы:</p> <p>1. С помощью элементарных преобразований расширенная матрица системы линейных уравнений приведена к виду</p> $\left( \begin{array}{ccccc c} 1 & -1 & 2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 2 & 0 & 0 \end{array} \right)$ <p>Выберите верные утверждения, если <math>A</math> – основная матрица системы, <math>\bar{A}</math> – расширенная матрица системы.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>\text{rang}(A) = 2</math></li> <li>2. <math>\text{rang}(A) = 3</math></li> <li>3. <math>\text{rang}(A) = 2</math></li> <li>4. <math>\text{rang}(A) = 3</math></li> <li>5. система совместна</li> <li>6. система несовместна</li> </ol> <p>2. Высота треугольника <math>ABC</math>, опущенная из вершины <math>C</math>, если <math>A(3;1;2)</math>, <math>B(5;-3;6)</math>, <math>C(3;0;4)</math> равна _____</p> <p>3. Расстояние между фокусами эллипса <math>5x^2 + 9y^2 - 30x + 18y + 9 = 0</math> равно _____</p> <p>4. Косинус острого угла между прямыми <math>\frac{x+4}{10} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z+5}{-11}</math> и <math>\begin{cases} x = 9t + 1, \\ y = 6t, \\ z = 3 - 2t \end{cases}</math> равен _____</p> <p>5. Установите соответствие между функцией и её дифференциалом</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: center;">функция</th> <th style="text-align: center;">производная</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="text-align: center;"><math>y = \sqrt[3]{\sin x}</math></td> <td style="text-align: center;"><math>dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx</math></td> </tr> </tbody> </table>	функция	производная	$y = \sqrt[3]{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx$
функция	производная					
$y = \sqrt[3]{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx$					

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий	
		$y = \sqrt{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{2\sqrt{\sin x}} dx$
		$y = \frac{1}{\sqrt{\sin x}}$	$dy = -\frac{\cos x}{2\sqrt{\sin^3 x}} dx$
		$y = \frac{1}{\sqrt[3]{\sin x}}$	$dy = -\frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^4 x}} dx$
			$dy = \frac{\cos x}{2\sqrt[3]{\sin x}} dx$
			$dy = \frac{1}{2\sqrt{\sin x}} dx$
<p>6. Определите порядок малости бесконечно малой функции <math>\frac{\ln\left(\frac{1+x^3}{x^3}\right)}{x}</math> относительно <math>\frac{1}{x}</math> при <math>x \rightarrow \infty</math></p> <p>K= _____.</p> <p>7. Функция <math>y = 6x \cdot e^{-2x}</math> убывает для значений <math>x</math></p>		<p>1. <math>x \in (-\infty; 1/2)</math></p> <p>2. <math>x \in (1/2; +\infty)</math></p> <p>3. <math>x \in (-\infty; -1/2) \cup (1/2; +\infty)</math></p> <p>4. <math>x \in (-1/2; +\infty)</math></p> <p>5. <math>x \in (1/2; 0)</math>.</p>	
4.	Дифференцированный зачет	<ul style="list-style-type: none"> <li>Что такое определитель? При каких преобразованиях величина определителя не меняется</li> <li>В каких случаях определитель равен нулю? Что следует из равенства определителя нулю?</li> </ul>	

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Дайте определение минора и алгебраического дополнения элемента определителя. Сформулируйте правило вычисления определителя.</li> <li>• Как осуществляются линейные операции над матрицами?</li> <li>• Как перемножаются две матрицы? Свойства произведения матриц.</li> <li>• Какова схема нахождения обратной матрицы?</li> <li>• Дайте определения решения системы линейных алгебраических уравнений. Расшифруйте понятия «совместная», «несовместная», «определенная», «неопределенная» системы.</li> <li>• Напишите формулы Крамера. В каком случае они применимы?</li> <li>• Что называется рангом матрицы? Как он находится?</li> <li>• Сформулируйте теорему Кронекера – Капелли.</li> <li>• При каких условиях система линейных алгебраических уравнений имеет множество решений? Когда она имеет единственное решение?</li> <li>• Опишите метод Гаусса решения систем линейных уравнений.</li> <li>• Какие неизвестные называются свободными, а какие базисными?</li> <li>• Какие особенности решения однородных систем линейных алгебраических уравнений Вы знаете?</li> <li>• Как строится фундаментальная система решений?</li> <li>• Как выполняются линейные операции над векторами? Каковы свойства этих операций?</li> <li>• Какие вектора называются линейно зависимыми, а какие линейно независимыми?</li> <li>• Что такое базис? Какие вектора образуют базис на плоскости и в пространстве?</li> <li>• Какой базис называют декартовым?</li> <li>• Что такое координаты вектора?</li> <li>• Что называется скалярным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется векторным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется смешанным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Запишите в векторной и координатной формах условия коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов.</li> <li>• Прямая линия на плоскости, её общее уравнение</li> <li>• Дайте понятие нормального и направляющего векторов прямой на плоскости, углового коэффициента.</li> <li>• Запишите различные виды прямой и укажите геометрический смысл параметров уравнения.</li> </ul>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Запишите условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости в случае различных видов уравнений прямых.</li> <li>• Как найти точку пересечения прямых на плоскости?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой на плоскости?</li> <li>• Дайте определение эллипса и запишите его каноническое уравнение.</li> <li>• Дайте определение гиперболы и запишите её каноническое уравнение</li> <li>• Дайте определение параболы и запишите её каноническое уравнение</li> <li>• Изложите схему приведения общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.</li> <li>• Дайте понятие полярной системы координат.</li> <li>• Опишите параметрический способ построения линий на плоскости</li> <li>• Плоскость, её общее уравнение</li> <li>• Как определяется взаимное расположение плоскостей? Запишите условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до плоскости?</li> <li>• Запишите различные виды уравнений прямой в пространстве и поясните смысл параметров, входящих в уравнения.</li> <li>• Изложите схему приведения общих уравнений прямой к каноническому виду.</li> <li>• Как определить взаимное расположение прямых в пространстве?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой в пространстве?</li> <li>• Как определить взаимное расположение прямой и плоскости?</li> <li>• Как ищется точка пересечения прямой и плоскости?</li> <li>• Назовите поверхности второго порядка и напишите их канонические уравнения.</li> <li>• Сформулируйте понятие предела числовой последовательности</li> <li>• Сформулируйте понятие предела функции одной переменной</li> <li>• Что такое односторонние пределы функции в точке?</li> <li>• Сформулируйте понятия бесконечно малой и бесконечно большой при <math>x \rightarrow a</math> функции.</li> <li>• Первый и второй замечательные пределы</li> <li>• Как сравниваются бесконечно малые величины? Что такое относительный порядок малости?</li> <li>• Какие бесконечно малые называются эквивалентными? Приведите примеры эквивалентных бесконечно малых.</li> <li>• Какими свойствами обладают функции, непрерывные на замкнутом промежутке?</li> <li>• Что понимают под точкой разрыва функции? Какие разрывы различают?</li> <li>• Как связаны понятия непрерывности и дифференцируемости функции в точке?</li> </ul>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Запишите правила дифференцирования обратной и сложной функций.</li> <li>• Запишите правила дифференцирования неявно заданной функции и функции, заданной параметрически.</li> <li>• Что такое дифференциал функции? Каков его геометрический смысл?</li> <li>• Какими свойствами обладают дифференцируемые функции?</li> <li>• Как находятся дифференциалы и производные высших порядков?</li> <li>• Формула Тейлора</li> <li>• Что такое точка экстремума функции? Какие точки экстремума бывают?</li> <li>• Необходимое условие существования экстремума для дифференцируемой функции</li> <li>• Достаточные условия существования экстремума</li> <li>• Схема исследования на экстремум функции одного переменного</li> <li>• Схема нахождения наибольшего и наименьшего значения функции на замкнутом промежутке.</li> <li>• Дайте определение выпуклости и вогнутости кривой на промежутке.</li> <li>• Какие точки называются точками перегиба?</li> <li>• Что называется асимптотой графика функции? Какие асимптоты различают?</li> <li>• В чем состоит правило Лопитала? Для раскрытия каких неопределённостей оно применяется?</li> </ul>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1. Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 5 контрольных работ, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <p>Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</p>
2. ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 7 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p>

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
		<p>ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высылается отдельным файлом, указывается ФИО, группа.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Задание считается зачтенным, если выполнено более половины заданий</p> <p>Если задание не зачленено, работа возвращается студенту на доработку.</p> <p>Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель может учсть исправления и добавить баллы к предыдущим</p>
3.	Тестирование – независимый контроль ЦОКО	<p>В семестре студенты проходят два рубежных тестирования (РТ1 и РТ2) во время конференц-недели в середине и конце текущего семестра согласно расписанию. Рубежное тестирование (РТ) проводится в компьютерной форме в on-line режиме. Продолжительность тестирования – 90 минут без перерыва. Отсчёт времени начинается с момента входа студента в Тест. Инструктаж, предшествующий тестированию, не входит в указанное время. Студент может закончить выполнение Теста до истечения отведённого времени. РТ нацелено на независимую объективную оценку знаний, умений и владений, полученных студентами за определенный промежуток обучения.</p> <p>Каждый вариант билета моделируется компьютером по заданным разделам химии и содержит 20 заданий. Студенты вносят ответы в компьютер, но все решения и пояснения проводят на бумаге. По окончании тестирования преподавателю выдается матрица ответов и суммарный рейтинг за тест. Обсуждение результатов тестирования проводится на консультации.</p> <p><b>Критерии оценки одного задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• за каждое правильно выполненное задание выставляется 1 тестовый балл;</li> <li>• за неправильно выполненное или невыполненное задание выставляется 0 баллов;</li> <li>• для заданий с выбором нескольких правильных ответов, заданий на соответствие и установление последовательности предусмотрено частичное оценивание.</li> </ul> <p>Максимальный суммарный тестовый балл за каждое РТ составляет 15 баллов.</p> <p>За 2 недели до РТ студенты могут ознакомиться с демонстрационным вариантом билета, который располагается на сайте <a href="http://exam.tpu.ru">http://exam.tpu.ru</a> в разделе «Мероприятия», и может быть выполнен каждым</p>

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
		<p>студентом неограниченное число раз.</p> <p><i>Для студентов, не прошедших РТ в период проведения тестирования по уважительной причине, предусмотрена возможность тестирования в резервный день, который назначается сразу после конференции недели.</i></p> <p><i>При результате рубежного тестирования 6 баллов и менее, обучающимся предоставляется в период текущей промежуточной аттестации возможность повторно пройти РТ в резервный день, согласованный с Бюро расписаний ТПУ.</i></p>
4.	Экзамен.	Экзамен осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ. Итоговый балл определяется суммированием баллов за все оценочные мероприятия текущего семестра.