МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

УТВЕРЖДАЮ Директор ШБИП

Д. В. Чайковский 2020 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ ПРИЕМ 2017 г. ФОРМА ОБУЧЕНИЯ <u>очная</u>

	Математик	a 2.3		
Направление подготовки/ специальность	15 03 04 Автоматизация технологических процессов и производств			
Образовательная программа (направленность (профиль))	Автоматизация технологических процессов и производств			
Специализация	Интеллектуалы	ные системь	і автоматиз	ации и управления
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат			
Курс	1	семе	стр	2
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	6			
Виды учебной деятельности	Временной ресурс			
		Лекции	.300	48
Контактная (аудиторная)	Практические занятия		48	
работа, ч	Лабораторн	ые занятия		
		ВСЕГО		96
	Самостоятельная работа, ч 120		120	
		ИТОГО, ч		216
Вид промежуточной аттестации	экзамен	Обеспечн подраг	ивающее зделение	ОМИ ШБИП
Зав. кафедрой -руководитель отделения			А. Ю. Трифонов	
Руководитель ООП	aposeal-		Е. И. Громаков	
Преподаватель	(Jac)		О. Н. Имас	

2020 г

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины является формирование у обучающихся определенного ООП (п. 6. Общей характеристики ООП) состава компетенций для подготовки к профессиональной деятельности.

Элемент образовательно й программы	Семестр	Код компетенции Наименование компетенции	Результаты освоения	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)		
(дисциплина, практика, ГИА)			компетенции	ООП	Код	Наименование
Математика 2.3		ОПК(У)- 1.33	Знает базовые понятия и методы интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных, числовых и функциональных рядов, основные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений			
			ОПК(У)-1.У3	Умеет применять аппарат интегрального исчисления, решать дифференциальные уравнения первого и высших порядков, применять методы теории рядов при решении инженерных задач		
			ОПК(У)-1.В3	Владеет аппаратом интегрального исчисления и методами решения обыкновенных дифференциальных уравнений, и теорией рядов для описания, анализа, теоретического и экспериментального исследования и моделирования физических явлений и процессов		
		2.34				процессов

2. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина относится к базовой части Блока 1 учебного плана образовательной программы

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

После успешного освоения дисциплины будут сформированы результаты обучения:

	Гомпотонина	
Код	Наименование	Компетенция
РД-1	Способен применять технику интегрирования	ОПК(У)-1
РД-2	Способен использовать и применять основные законы и аппарат интегрального исчисления при решении практических инженерных задач	ОПК(У)-1
РД-3	Способен решать обыкновенные дифференциальные уравнения	ОПК(У)-1
РД -4	Способен исследовать сходимость рядов, выполнять разложения в степенной ряд и в ряд по ортогональной системе функций при решении типовых задач	ОПК(У)-1

Оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации представлены в календарном рейтинг-плане дисциплины.

Основные виды учебной деятельности

Разделы дисциплины	Формируемый результат обучения по дисциплине	Виды учебной деятельности	Объем времени, ч.
Раздел 1.	РД1	Лекции	6
Неопределенный интеграл		Практические занятия	12
		Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	30
Раздел 2.	РД2	Лекции	14
Определенный интеграл		Практические занятия	12
		Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	30
Раздел 3.	РД3	Лекции	14
Обыкновенные		Практические занятия	12
дифференциальные		Лабораторные занятия	0
уравнения		Самостоятельная работа	30
Раздел 4.		Лекции	14
Числовые и функциональные		Практические занятия	12
ряды		Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	30

Содержание разделов дисциплины:

Раздел 1. Неопределенный интеграл

Первообразная функция. Неопределенный интеграл, его свойства. Таблица интегралов. Методы интегрирования: рациональные и иррациональные функции, тригонометрические выражения.

Темы лекций:

- 1. Первообразная функция. Неопределенный интеграл, его свойства. Таблица интегралов.
 - 2. Методы интегрирования: рациональные функции.
 - 3. Методы интегрирования: иррациональные функции.

Темы практических занятий:

- 1. Непосредственное интегрирование, подведение под знак дифференциала
- 2. Метод интегрирования по частям.
- 3. Интегрирование рациональных дробей
- 4. Интегрирование тригонометрических функций
- 5. Интегрирование иррациональных выражений
- 6. Контрольная работа по теме «Неопределенный интеграл»

Раздел 2. Определенный интеграл

Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл и его свойства. Основные методы вычисления определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Геометрические приложения определенного интеграла. Вычисление площадей, длины дуги, объема тела вращения в декартовой (ДСК), полярно системах координат (ПСК) и параметрической форме. Приложения определенного интеграла в механике. Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций. Признаки сходимости. Абсолютная сходимость. Понятие главного значения несобственного интеграла. Задачи, приводящие к понятию кратного интеграла. Определение двойного интеграла. Достаточные условия интегрируемости. Свойства кратных интегралов. Сведение к повторному интегралу. Криволинейные координаты, якобиан перехода, замена переменных в

кратных интегралах.

Темы лекций:

- 1. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл и его свойства.
 - 2. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница.
- 3. Геометрические приложения определенного интеграла. Вычисление площадей в различных системах координат.
- 4. Геометрические приложения определенного интеграла. Вычисление длины дуги, объема тела вращения в различных системах координат.
 - 5. Несобственные интегралы с бесконечными пределами. Признаки сходимости.
- 6. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Абсолютная сходимость. Понятие главного значения несобственного интеграла
- 7. Понятие двойного интеграла. Сведение к повторному интегралу. Криволинейные координаты, якобиан перехода, замена переменных в кратных интегралах.

Темы практических занятий:

- 1. Вычисление определенного интеграла
- 2. Вычисление площади ограниченной области в ДСК, ПСК и параметрической форме.
- 3. Вычисление длин дуг в ДСК, ПСК и параметрической форме, вычисление объемов тел вращения
 - 4. Вычисление и исследование несобственных интегралов
 - 5. Вычисление двойных интегралов
 - 6. Контрольная работа по теме «Определенный интеграл»

Раздел 3. Обыкновенные дифференциальные уравнения

Основные понятия и определения теории дифференциальных уравнений (ДУ). Задача Коши. Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными и приводящиеся к ним, Однородные уравнения и приводящиеся к ним. Линейные уравнения, уравнения Бернулли. Уравнения в полных дифференциалах. Дифференциальные уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной. Дифференциальные уравнения высших порядков: основные понятия, задача Коши. Уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Свойства линейного дифференциального оператора. Линейно зависимые и линейно независимые системы функций. Определитель Вронского. Линейные однородные дифференциальные уравнения (ЛОДУ) высших порядков. Свойства решений. Теорема об общем решении ЛОДУ. ЛОДУ с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения (ЛНДУ). Метод Лагранжа вариации произвольных постоянных. Структура общего решения ЛНДУ с постоянными коэффициентами. Отыскание частного решения ЛНДУ по виду правой части уравнения. Комплексные числа и действия над ними.

Темы лекций:

- 1. Основные понятия и определения теории дифференциальных уравнений. Задача Коши.
- 2. Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными и приводящиеся к ним, Однородные уравнения и приводящиеся к ним.
 - 3. Линейные уравнения, уравнения Бернулли. Уравнения в полных дифференциалах.
- 4. Дифференциальные уравнения высших порядков: основные понятия, задача Коши. Уравнения, допускающие понижение порядка.
- 5. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Определитель Вронского. Свойства решений,
- 6. Линейные однородные дифференциальные уравнения (ЛОДУ) высших порядков. Свойства решений.

7. ЛНДУ с постоянными коэффициентами. Метод Лагранжа. Отыскание частного решения ЛНДУ по виду правой части уравнения.

Темы практических занятий:

- 1. ДУ первого порядка: разделение переменных, однородные уравнения.
- 2. Линейные уравнения, уравнения Бернулли
- 3. Уравнения в полных дифференциалах. Уравнения, допускающие понижение порядка.
 - 4. Комплексные числа. ЛОДУ высших порядков
 - 5. ЛНДУ со специальной правой частью. Метод Лагранжа
 - 6. Контрольная работа по теме «Дифференциальные уравнения»

Раздел 4. Числовые и функциональные ряды

Числовые ряды: основные определения и свойства. Необходимое условие сходимости. Гармонический ряд. Обобщенный гармонический ряд. Знакоположительные ряды. Признаки сходимости знакоположительных рядов: сравнения, Даламбера, Коши, интегральный. Знакопеременные ряды. Знакочередующиеся ряды. Теорема Лейбница. Оценка остатка ряда. Абсолютная и условная сходимость числовых рядов. Свойства абсолютно сходящихся числовых рядов. Функциональные последовательности и ряды. Область сходимости. Равномерная сходимость. Признак Вейерштрасса. Свойства равномерно сходящихся рядов. Степенные ряды. Свойства степенных рядов. Теорема Абеля. Ряд Тейлора. Разложения элементарных функций в степенные ряды. Применения степенных рядов. Ряды Фурье по ортогональным системам. Минимальное свойство частных сумм рядов Фурье, критерии функций скалярным произведением. сходимости. Пространство co тригонометрических рядов. Тригонометрические ряды Фурье. Неполные ряды Фурье.

Темы лекций:

- 1. Числовые ряды: основные определения и свойства. Необходимое условие сходимости. Гармонический ряд. Обобщенный гармонический ряд.
- 2. Знакоположительные ряды. Признаки сходимости знакоположительных рядов: сравнения, Даламбера, Коши, интегральный.
- 3. Знакочередующиеся ряды. Теорема Лейбница. Оценка остатка ряда. Абсолютная и условная сходимость числовых рядов.
- 4. Функциональные последовательности и ряды. Область сходимости. Равномерная сходимость. Признак Вейерштрасса. Свойства равномерно сходящихся рядов.
 - 5. Степенные ряды. Свойства степенных рядов. Теорема Абеля. Ряд Тейлора.
- 6. Ряды Фурье по ортогональным системам. Пространство функций со скалярным произведением. Сходимость тригонометрических рядов.
 - 7. Тригонометрические ряды Фурье. Неполные ряды Фурье.

Темы практических занятий:

- 1. Числовые ряды: сумма, сходимость, признаки сравнения.
- 2. Знакоположительные ряды: признаки Даламбера, Коши, интегральный
- 3. Знакочередующиеся ряды. Абсолютная и условная сходимость.
- 4. Функциональные ряды, область сходимости, ряды Тейлора
- 5. Ряд Фурье: признак Дирехле, разложение функции в ряд.
- 6. Контрольная работа по теме «числовые и функциональные ряды»

5. Организация самостоятельной работы студентов

Самостоятельная работа студентов при изучении дисциплины (модуля) предусмотрена в следующих видах и формах:

- -Работа в электронном курсе (изучение теоретического материала, выполнение индивидуальных заданий и контролирующих мероприятий и др.);
 - -Изучение тем, вынесенных на самостоятельную проработку;

- -Выполнение домашних заданий, расчетно-графических работ и домашних контрольных работ;
 - -Подготовка к практическим занятиям;
 - -Подготовка к оценивающим мероприятиям

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины 6.1. Учебно-методическое обеспечение

Основная литература

- 1. Шипачев, Виктор Семенович. Основы высшей математики: учебное пособие / В. С. Шипачев; под ред. А. Н. Тихонова. 7-е изд. Москва: Высшая школа, 2009. 479 с
- 2. Пискунов, Николай Семенович. Дифференциальное и интегральное исчисления: учебное пособие для втузов: в 2 т. / Н. С Пискунов. Минск: Высшая школа A, 2011
- 3. Берман, Георгий Николаевич. Сборник задач по курсу математического анализа: решение типичных и трудных задач: учеб. пособие [Текст]. Москва: Лань, 2017. 604 с. URL: https://e.lanbook.com/book/126705?category=910 (дата обращения: 30.06.2017)
- 4. Фихтенгольц, Григорий Михайлович. Курс дифференциального и интегрального исчисления: учебник: в 3 т. / Г. М. Фихтенгольц. 9-е изд. стер. Москва: Лань, 2009. URL: https://e.lanbook.com/reader/book/113948/#1 (дата обращения: 30.06.2017)

Дополнительная литература

- 1. Письменный, Дмитрий Трофимович. Конспект лекций по высшей математике: полный курс / Д. Т. Письменный. 12-е изд. Москва: Айрис-Пресс, 2014. URL: http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C3 00414 (дата обращения: 30.06.2017)
- 2. Ляшко И.И. Справочное пособие по высшей математике в 5 т.: Т. 1: Математический анализ: введение в анализ, производная, интеграл. Москва: 2011-2015. URL: http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/advanced/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C315408 (дата обращения: 30.06.2017)
- 3. Имас О.Н., Пахомова Е.Г., Рожкова С.В., Устинова И.Г. Лекции по дифференциальным уравнениям. Томск: Изд-во ТПУ, 2012. 193 с. URL: http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2012/m343.pdf (дата обращения: 30.06.2017)

6.2. Информационное и программное обеспечение

Internet-ресурсы (в т.ч. в среде LMS MOODLE и др. образовательные и библиотечные ресурсы):

- 1. LMS MOODLE «Математика 2.3». Авторы: Имас О.Н. https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=2015
- 2. Корпоративный портал ТПУ, персональный Internet-сайт $E.\Gamma.$ Пахомовой, http://portal.tpu.ru/SHARED/p/PEG.
- 3. Электронная библиотека механико-математического факультета МГУ http://lib.mexmat.ru
 - 4. общероссийский математический портал http://mathnet.ru

Профессиональные Базы данных:

Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU – https://elibrary.ru

Лицензионное программное обеспечение (в соответствии с **Перечнем лицензионного программного обеспечения ТПУ**):

- 1. Acrobat Reader DC and Runtime Software Distribution Agreement;
- 2. Visual C++ Redistributable Package;
- 3. Mozilla Public License 2.0;

- 4. K-Lite Codec Pack;
- 5. GNU Lesser General Public License 3;
- 6. GNU Affero General Public License 3;
- 7. Chrome;
- 8. Berkeley Software Distribution License 2-Clause.

7. Особые требования к материально-техническому обеспечению дисциплины

В учебном процессе используется следующее лабораторное оборудование для

практических и лабораторных занятий:

№	Наименование специальных помещений	Наименование оборудования
1.	Аудитория для проведения учебных занятий всех	Доска аудиторная настенная - 2 шт.;
	типов, курсового проектирования, консультаций,	Комплект учебной мебели на 112
	текущего контроля и промежуточной аттестации	посадочных мест;
	634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект,	Компьютер - 2 шт.;
	д. 30	Проектор - 1 шт.
	310	
2.	Аудитория для проведения учебных занятий всех	Доска аудиторная настенная - 2 шт.;
	типов, курсового проектирования, консультаций,	Комплект учебной мебели на 120
	текущего контроля и промежуточной аттестации	посадочных мест;
	634028, Томская область, г. Томск, Тимакова улица,	Компьютер - 2 шт.;
	12, 305	Проектор - 1 шт.;
		Телевизор - 1 шт.
3.	Аудитория для проведения учебных занятий всех	Комплект учебной мебели на 42 посадочных
	типов, курсового проектирования, консультаций,	мест;
	текущего контроля и промежуточной аттестации	Компьютер - 1 шт.
	634028, Томская область, г. Томск, Тимакова улица,	
	12, 301	

Рабочая программа составлена на основе Общей характеристики образовательной программы по направлению 15.03.04 Автоматизация технологических процессов и производств, профиль / специализация «Интеллектуальные системы автоматизации и управления» (прием 2017 г., очная форма обучения).

Разработчик(и):

Должность	ФИО
Доцент	О. Н. Имас
Программа одобрена на заседании кафедры С	УМ № 5 от 17.05.2017
Зав. кафедрой – руководитель ОАР ИШИТР, к.т.н., доцент,	А. А. Филипас

Лист изменений рабочей программы дисциплины:

Учебный год	Содержание /изменение	Обсуждено на заседании Отделения автоматизации и робототехники (протокол)
2018/2019 учебный год	1. Обновлено программное обеспечение 2. Обновлен состав профессиональных баз данных и информационно-справочных систем 3. Обновлено содержание дисциплин и практик 4. Обновлен список литературы, в том числе ссылок ЭБС 5. Реорганизована структура университета	Протокол от «05» июня 2018 г. № 6
	5. Изменена система оценивания	От «30» августа 2018 г. № 7
2019/2020 учебный год	1. Обновлено программное обеспечение 2. Обновлен состав профессиональных баз данных и информационно-справочных систем 3. Обновлено содержание дисциплин и практик 4. Обновлен список литературы, в том числе ссылок ЭБС	Протокол от «28» июня 2019 г. № 18а