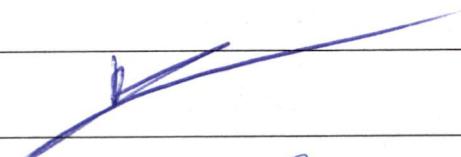


**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**  
**ПРИЕМ 2017 г.**  
**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

**Математический анализ 1.3**

Направление подготовки/ специальность	15 03 04 Автоматизация технологических процессов и производств		
Образовательная программа (направленность (профиль))	Автоматизация технологических процессов и производств		
Специализация	Интеллектуальные системы автоматизации и управления		
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат		
Курс	1	семестр	1
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)		6	

Зав. кафедрой – руководитель отделения		A. Ю. Трифонов
Руководитель ООП		E. И. Громаков
Преподаватель		O. Н. Имас

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математический анализ 1.3» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Результаты освоения ООП	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)	
					Код	Наименование
Математический анализ 1.3	1	ОПК(У)-1	Способен использовать основные закономерности, действующие в процессе изготовления продукции требуемого качества, заданного количества при наименьших затратах общественного труда	Р1	ОПК(У)-1.32	Знает базовые понятия и методы теории пределов, дифференциального исчисления
					ОПК(У)-1.У2	Умеет применять аппарат дифференциального исчисления, проводить исследования функций одной и нескольких переменных при решении инженерных задач
					ОПК(У)-1.В2	Владеет математическим аппаратом дифференциального исчисления функции одной и нескольких переменных для описания, анализа, теоретического и экспериментального исследования и моделирования физических и геометрических задач

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД-1	Способен использовать и применять основные законы и аппарат теории пределов, исследовать поведение функций при построении и в профессиональной деятельности	ОПК(У)-1	Введение в анализ	Контрольная работа ИДЗ. Экзамен
РД-2	Способен использовать аппарат дифференциального исчисления функции одной переменной при решении профессиональных задач	ОПК(У)-1	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	Контрольная работа ИДЗ. Экзамен
РД -3	Способен использовать аппарат дифференциального исчисления функции нескольких переменных при решении типовых задач	ОПК(У)-1	Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	Контрольная работа ИДЗ. Экзамен

## 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка – максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

#### Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

<b>% выполнения задания</b>	<b>Соответствие традиционной оценке</b>	<b>Определение оценки</b>
90% ÷ 100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности
0% ÷ 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### Шкала для оценочных мероприятий экзамена

<b>% выполнения заданий экзамена</b>	<b>Экзамен, балл</b>	<b>Соответствие традиционной оценке</b>	<b>Определение оценки</b>
90% ÷ 100%	36 ÷ 40	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	28 ÷ 35	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	22 ÷ 27	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности
0% ÷ 54%	0 ÷ 21	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### 4. Перечень типовых заданий

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
1.	Контрольная работа	<p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа «Введение в анализ»</b> <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p>1. Доказать, что последовательность <math>x_n = n^2</math> расходится. Найти <math>N(C)</math>, при <math>C=10000</math>. Вычислить</p> <p>2. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - x^2 - x + 1}{x^3 + x^2 - x - 1}</math></p> <p>3. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[n+2]{n+2} - \sqrt[3]{8n^3 + 5}}{\sqrt[4]{n+1} - 4n}</math></p> <p>4. <math>\lim_{x \rightarrow 1} (3x - 2)^{\frac{x}{x-1}}</math></p> <p>5. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^x - 7^x}{6^x - 5^x}</math></p> <p>6. <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{12x - 1}{\sqrt{x^2 + 1} - 1}</math></p> <p>7. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} n \left( \sqrt{n^2 + 1} - \sqrt{n^2 - 1} \right).</math></p> <p>8. Определить порядок малости <math>\alpha(x) = \ln(\cos x)</math> относительно <math>x</math> при <math>x \rightarrow 0</math>.</p> <p>9. Исследовать непрерывность функции и построить график</p> <p>a) <math>y = \frac{ x }{x-1},</math></p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>b) <math>y = \frac{1}{2^x - 1}</math>.</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Дифференциальное исчисление функций одной переменной»</b>  <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p>1. <math>y = \begin{cases} \operatorname{arctg} \frac{1}{x^2}, &amp; x \neq 0 \\ \frac{\pi}{2}, &amp; x = 0 \end{cases}</math>. Найти <math>y'(0)</math></p> <p>2. Найти производные:</p> <p>a) <math>y = \sin^2 x \cdot \sqrt{1+x^2}</math></p> <p>б) <math>\sin(x+y) = \frac{x}{y};</math></p> <p>в) <math>y = x^{\ln x};</math></p> <p>г) <math>y = 5 \ln^4(x-x^2);</math></p> <p>3. Найти производную второго порядка <math>\frac{d^2y}{dx^2}</math> для функции, заданной параметрически</p> $\begin{cases} x = a(t - \sin t), \\ y = a(1 - \cos t). \end{cases}$ <p>4. Записать формулу Маклорена для функции <math>y = \sqrt[3]{1-x}</math></p> <p>5. Пользуясь правилом Лопитала, найти пределы:</p> <p>а) <math>\lim_{x \rightarrow \pi/2} \frac{\cos^2 x}{1 - \sin x};</math></p> <p>б) <math>\lim_{x \rightarrow 0} x \ln \frac{1}{x}.</math></p>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
		<p><b>6.</b> Провести полное исследование функции <math>y = \frac{x^4 + 27}{2x^3}</math>. Построить эскиз графика.</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных»</b>  <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p>Дана функция <math>u = 3x - 5y + \sqrt[4]{x^2 + y^3}</math> и точка <math>O(0;0)</math>.</p> <p>Исследовать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) непрерывность функции</li> <li>б) существование частных производных</li> </ul> <p>Найти <math>u'_x</math>, <math>u''_{xy}</math>, если <math>u = f(xy) \cdot g(xy)</math> – дважды дифференцируемая функция.</p> <p>или <math>u = f(x^y; x - y)</math></p> <p>Скалярное поле задано функцией <math>u = \ln\left(\frac{x}{y} + \frac{y}{z} + \frac{z}{x}\right)</math>. Найдите:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а) уравнение поверхности уровня, проходящей через точку <math>M_0(-1;1;-2)</math>;</li> <li>б) уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности уровня в точке <math>M_0</math>.</li> </ul> <p>Найдите производную скалярного поля <math>u = x^2yz + e^{y^2z}</math> в точке <math>M_0</math> по направлению луча, проходящего из точки <math>M_0(-1;1;-2)</math> к точке <math>M(1;1;1)</math>;</p> <p>Найдите направление наискорейшего возрастания поля <math>u = x^2yz + e^{y^2z}</math> в точке <math>M_0(-1;1;-2)</math>;</p> <p>Разложить функцию <math>u = x^2 \cdot \sqrt{1+y}</math> по формуле Тейлора в т. <math>M_0(1;3)</math> до <math>o(\rho^2)</math>.</p> <p>Исследовать функцию на экстремум <math>u = 2x^2 + y^2 + z^2 - 2y + 4x - 6z + 1</math>.</p>
2.	ИДЗ.	<b>ИДЗ по теме «Введение в анализ»</b>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;"><b>Вариант 1</b></p> <p>1. Исходя из определения предела, доказать:</p> <p>1. а) <math>\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - x - 12}{x - 4} = 7</math>      б) <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3}{2^x - 1} = \infty</math></p> <p>2. Доказать, что функция <math>\sin \frac{\pi}{x-2}</math> не имеет предела при <math>x \rightarrow 2</math>.</p> <p>3. Исходя из определения непрерывности, убедиться, что функция <math>f(x) = x^2 + 3x - 2</math> непрерывна в любой точке.</p> <p>4. Вычислить пределы:</p> <p>1) <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^2 - 4n}}{\sqrt[3]{2n^3 + 1}}</math>      7) <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}</math></p> <p>2) <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1 - x^2}}{x - 1}</math>      8) <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x + \operatorname{arctg} x}{x}</math></p> <p>3) <math>\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 7x + 12}{x^3 - 2x^2 - 9x + 4}</math>      9) <math>\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos x - \sin x}{2 \cos 2x}</math></p> <p>4) <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+2)! + (n+1)!}{(n+2)! - (n+1)!}</math>      10) <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+2}{x-1} \right)^{\frac{x^2+1}{x}}</math></p> <p>5) <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 - 3} - 1}{x - 2}</math>      11) <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x^2 + 2) - \ln 2}{x^2}</math></p> <p>6) <math>\lim_{x \rightarrow \pm\infty} (\sqrt{x^2 + 1} - x)</math>      12) <math>\lim_{x \rightarrow -1-0} \left( 2 - 3^{\frac{1}{x+1}} \right)</math></p> <p>5. Определить порядок малости бесконечно малых функций <math>y(x)</math> относительно <math>x</math> при <math>x \rightarrow 0</math>:</p> <p>а) <math>y = \ln(1 + \sqrt{x^2 \operatorname{tg} x})</math>      б) <math>y = \sqrt{2x+1} - 1</math>.</p> <p>6. Сравнить бесконечно малые при <math>x \rightarrow \pi</math> функции <math>\alpha(x) = 1 + \cos 3x</math> и <math>\beta(x) = \sin^2 7x</math>.</p> <p>7. Исследовать на непрерывность, выяснить характер точек разрыва и изобразить графически следующие функции:</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;"><b>ИДЗ по теме «Дифференциальное исчисление функций одной переменной»</b></p> <p>1. Исходя из определения производной, найти <math>f'(x_0)</math> для функций:</p> <p>1.1. <math>f(x) = (2-x)^2, x_0=1;</math>      1.2. <math>f(x) = \begin{cases} \operatorname{tg}\left(x^3 + x^2 \sin \frac{2}{x}\right), &amp; x \neq 0; \\ 0, &amp; x = 0, \end{cases}</math></p> <p>2. Найти производную функций:</p> <p>2.1. <math>y = x \cdot \ln(x+1);</math>      2.2. <math>y = 1 - \sin x + (1-x^2)^3;</math></p> <p>2.3. <math>y = x^2 \cdot e^{\sqrt{x^2+x+1}};</math>      2.4. <math>y = \frac{3x^5 - 2x^4 + 4}{\sqrt{x^2 - 1}};</math></p> <p>2.5. <math>y = 2\sqrt[3]{x+3} - \frac{3}{\sqrt{x^2 + x + 1}};</math>      2.6. <math>y = \cos^3(1-5x^2);</math></p> <p>2.7. <math>y = \ln(2x + \sqrt{2^x - \sqrt{x+1}});</math>      2.8. <math>y = \operatorname{arctg}(\operatorname{tg}^2 x + \sqrt{1 - \sin x}).</math></p> <p>3. Найти производную степенно-показательной функции <math>y = (\sin x)^{x^2}.</math></p> <p>4. Найти производную неявной функции <math>y=y(x): \operatorname{tg}(xy) = e^{x^2+y^3}.</math></p> <p>5. Найти производную параметрической функции: <math>\begin{cases} x = t^3 - 3t, \\ y = \frac{1}{2}t^2 - t. \end{cases}</math></p> <p>6. Найти угловой коэффициент касательной к кривой <math>y=y(x)</math> в точке <math>x_0</math> и составить уравнение касательной и нормали в точке <math>M_0(x_0; y_0):</math></p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>6.1. <math>y = \frac{4x - x^2}{4}</math>, <math>x_0 = 2</math>;</p> <p>6.2. <math>\begin{cases} x = a \sin^3 t, \\ y = a \cos^3 t, \end{cases} M_0\left(\frac{a}{8}; a \frac{3\sqrt{3}}{8}\right)</math>.</p> <p>7. Найти производную второго порядка <math>\frac{d^2y}{dx^2}</math> для функций:</p> <p>7.1. <math>y = x^2 \cdot e^{\sqrt{x^2+x+1}}</math>;</p> <p>7.2. <math>\begin{cases} x = a \cos t, \\ y = b \sin^2 t. \end{cases}</math></p> <p>8. Найти дифференциал функции <math>y = \sqrt[3]{x}</math> и вычислить приближенно с помощью дифференциала <math>y = \sqrt[3]{7.76}</math>.</p> <p>9. Найти дифференциал второго порядка функции <math>y = \ln(1 - \cos 2x)</math> в точке <math>x_0 = \square/2</math>.</p> <p>10. Вычислить указанные пределы, используя правило Лопитала:</p> <p>a) <math>\lim_{x \rightarrow 1} \left[ \frac{x}{x-1} - \frac{1}{\ln x} \right]</math>;</p> <p>б) <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\pi/x}{\operatorname{ctg}(\pi x/2)}</math>;</p> <p>в) <math>\lim_{x \rightarrow 0} (ctgx)^{\frac{1}{\ln x}}</math>.</p> <p>11. Записать формулу Тейлора для функции <math>y=f(x)</math> в окрестности точки <math>x_0</math>:</p> <p>а) <math>y = \frac{1}{\sqrt[3]{x}}, x_0=1</math>;</p> <p>б) <math>y = x \cdot \sin x^2, x_0=0</math>.</p> <p>Для функции б) оценить интервал, в котором <math>y = x \cdot \sin x^2</math> аппроксимируется одним слагаемым с точностью <math>\varepsilon = 0.001</math>.</p> <p>12. Найти экстремумы функций:</p> <p>а) <math>y = \frac{x^3}{3} - \frac{x^2}{2} - 2x + 1</math>;</p> <p>б) <math>y = \frac{(x-1)^2}{x^2+1}</math>;</p> <p>в) <math>y = x - 2 \ln x</math>.</p> <p>13. Найти наибольшее и наименьшее значение функций в указанных интервалах:</p> <p>а) <math>y = x + \sqrt{x}, [0;4]</math>;</p> <p>б) <math>y = \frac{x+3}{x^2+7}, [-3;7]</math>.</p> <p>14. Исследовать и построить графики функций:</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p><i>a)</i> <math>y = \frac{(x+1)^2}{x-2}</math></p> <p><i>б)</i> <math>y = x \cdot e^{-\frac{x^2}{2}}</math>.</p> <p>15. Построить эскиз графика по известным результатам аналитического исследования:</p> <p>1) Область определения: <math>X \in (-\infty; 4) \cup (4; \infty)</math>.</p> <p>2) Вертикальные асимптоты: <math>x = 4</math>.</p> <p>3) Горизонтальные асимптоты: <math>y = 0 (x \rightarrow +\infty)</math>.</p> <p>4) Наклонные асимптоты: <math>y = x (x \rightarrow -\infty)</math>.</p> <p>5) Стационарные точки: <math>1; 2</math>.</p> <p>6) Точки, где <math>(y' = \infty)</math>: <math>-2; 0</math>.</p> <p>7) Интервалы монотонности:</p> <p>а) возрастания: <math>(-\infty; -2), (-2; -1), (0; 2), (2; 4)</math></p> <p>б) убывания: <math>(-1; 0), (4; \infty)</math>.</p> <p>8) Интервалы выпуклости и вогнутости:</p> <p>а) выпуклости: <math>(-2; 0), (0; 2)</math></p> <p>б) вогнутости: <math>(-\infty; -2), (2; 4), (4; \infty)</math>.</p> <p>9) Значение функции в некоторых точках:  <math>y(-2)=0, y(-1)=2, y(0)=0, y(2)=3, y(5)=2</math>.</p> <p style="text-align: center;"><b>ИДЗ по теме «Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных»</b>  <b>Вариант 1</b></p> <p>1) Найдите и постройте область определения функции  <math display="block">z = \sqrt{2x - y + 4} - \log_3(y + 5x - 1).</math></p> <p>2) Докажите, что функция <math>z = \ln(x^2 + y^2)</math> удовлетворяет уравнению  <math display="block">y \frac{\partial z}{\partial x} - x \frac{\partial z}{\partial y} = 0.</math></p> <p>3) Найти все частные производные второго порядка от функции <math>u = \ln(e^x + e^y)</math>.</p> <p>Найти указанные частные производные сложной функции</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>4) <math>z = \operatorname{arctg} xy</math>, <math>x = \frac{u}{v^2}</math>, <math>y = \frac{u^2}{v}</math>; <math>\frac{\partial z}{\partial u} - ?</math>   <math>\frac{\partial z}{\partial v} - ?</math>   <math>\frac{\partial^2 z}{\partial u^2} - ?</math></p> <p>5) <math>z = xy \ln(x + y)</math>, <math>x = t^2 + 1</math>, <math>y = \frac{1}{t^2}</math>; <math>\frac{dz}{dt} - ?</math></p> <p>6) <math>z = f(x^2 + y^2, xy)</math>, <math>\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} - ?</math></p> <p>7) Функция <math>y = y(x)</math> задана неявно уравнением <math>b^2x^2 + a^2y^2 = a^2b^2</math>. Найти <math>\frac{dy}{dx}</math>.</p> <p>8) Функция <math>z = z(x, y)</math> задана неявно уравнением <math>z^2x + x^2y + y^2z + 2x - y = 0</math>. Найти <math>\frac{\partial z}{\partial x}</math> и <math>\frac{\partial z}{\partial y}</math>.</p> <p>9) Для функции <math>z = x^2y^2 - xy^3 - 3y - 1</math> найти:      а) производную в точке <math>M(2,1)</math> в направлении от точки <math>M</math> к точке <math>O(0,0)</math>;      б) <math>\operatorname{grad} z</math> в точке <math>N(2,2)</math>.</p> <p>10) Записать уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности <math>y^2 - 2z^2 - x^2 = 1</math> в точке <math>M(1,2,1)</math>. Существует ли на поверхности точка, в которой нормаль к поверхности параллельна оси <math>OZ</math>?</p> <p>11) Исследовать на экстремум функцию <math>z = x^2 + xy + y^2 - 2x - y</math>.</p> <p>12) Записать формулу Тейлора до членов 3-го порядка малости для функции <math>z = \ln(2x - y)</math> в окрестности точки <math>M(1,1)</math></p> <p>13) Найдите наименьшее и наибольшее значения функции <math>z = x^2 + y^2</math> в замкнутой области, ограниченной линиями <math>x + y - 1 = 0</math>, <math>x = 2</math>, <math>y = 2</math>.</p> <p>14) Вычислить приближённо <math>1,002 \cdot (2,003)^2</math>.</p>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
3.	Экзамен	<p style="text-align: center;">Экзаменационный билет № 1 По дисциплине «линейная алгебра и аналитическая геометрия» институт ИК Курс I</p> <p style="text-align: center;">Примерный вариант</p> <p>1. Ограниченные и неограниченные последовательности. Докажите по определению, что последовательность <math>x_n = 10^n</math> - неограниченная.</p> <p>2. Сформулируйте и докажите теорему о представлении функции по формуле Тейлора с остаточным членом в форме Пеано и Лагранжа.</p> <p>3. Составьте уравнение касательной и нормали к кривой <math>\begin{cases} x = 2(t - \sin t) \\ y = 2(t - \cos t) \end{cases}</math> в точке <math>t = \frac{\pi}{2}</math>.</p> <p>4. Проведите необходимые исследования для построения графика функции <math>y = xe^{\frac{x}{2}} + 1</math>, постройте график.</p> <p>5. Исследовать функцию на экстремум <math>u = 2x^2 + y^2 + z^2 - 2y + 4x - 6z + 1</math>.</p> <p><b>Вопросы</b></p> <p style="text-align: center;">Тема: <b>Введение в анализ</b></p> <p>1. Понятие множества, подмножества, пустого множества, равных множеств. 2. Числовое множество <math>\mathbb{R}</math>, свойства множества <math>\mathbb{R}</math>. 3. Счетное множество, примеры. 4. Точные границы числовых множеств. Понятие точных границ ограниченного множества. Теорема Больцано – существования точной верхней границы у множества, ограниченного сверху (снизу). 5. Понятие числовой последовательности. Ограниченные и неограниченные числовые последовательности. 6. Бесконечно малые последовательности и их свойства: а) об ограниченности бесконечно малой и неограниченности бесконечно большой последовательности, б) об алгебраической сумме конечного числа бесконечно малых последовательностей, в) о произведении бесконечно малой последовательности на ограниченную, г) о последовательности, обратной бесконечно малой последовательности и наоборот; д) о постоянной бесконечно малой последовательности.</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>7. Бесконечно большие последовательности и их свойства.</p> <p>8. Сходящаяся последовательность. Единственность ее предела и ограниченность.</p> <p>9. Свойства сходящихся последовательностей:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>1) о единственности предела последовательности;</li> <li>2) об эквивалентности утверждений: <math>\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = A \Leftrightarrow x_n = A + \alpha</math></li> <li>об ограниченности сходящейся последовательности</li> <li>об ограниченности последовательности, обратной к сходящейся</li> <li>о сумме двух сходящихся последовательностей</li> <li>произведении двух сходящихся последовательностей</li> <li>частном двух сходящихся последовательностей;</li> <li>о предельном переходе в неравенствах.</li> </ul> <p>10. Критерий сходимости Коши.</p> <p>11. Монотонные последовательности. Теорема Вейерштрасса.</p> <p>12. Второй замечательный предел. Использование при решении неопределенности вида <math>1^\infty</math>.</p> <p>13. Понятие функции. Вещественная функция вещественного аргумента. Композиция функций. Основные элементарные функции. Классификация основных элементарных функций.</p> <p>14. Определение предела функции в точке по Гейне и по Коши. Теоремы о пределе суммы, произведения, частного и композиции функций.</p> <p>15. Теоремы о предельном переходе в неравенстве.</p> <p>16. Односторонние пределы функции в точке. Необходимые и достаточные условия существования предела функции в точке.</p> <p>17. Локальные свойства функций, имеющих предел в точке: о локальной ограниченности функции, об устойчивости знака.</p> <p>18. Предел функции на бесконечности.</p> <p>19. Бесконечно малые функции в точке и на бесконечности и их свойства.</p> <p>20. Бесконечно большие функции в точке и на бесконечности и их свойства.</p> <p>21. Понятие функции, непрерывной в точке. Доказать непрерывность всех элементарных функций в их области определения.</p> <p>22. Точки разрыва и их классификация.</p> <p>23. Локальные свойства непрерывных функций. Непрерывность элементарных функций в области определения.</p> <p>24. Первый замечательный предел и его следствия.</p> <p>25. Второй замечательный предел и его следствия.</p> <p>26. Сравнение бесконечно малых величин.</p> <p>27. Эквивалентные бесконечно малые величины, их свойства. Таблица эквивалентных бесконечно малых с доказательством каждого.</p> <p>28. Критерий эквивалентности бесконечно малых величин. Теорема о применении эквивалентных бесконечно малых величин к вычислению пределов.</p> <p>29. Эквивалентные бесконечно большие величины, их свойства.</p> <p style="text-align: right;">Тема: <b>Дифференциальное исчисление</b></p>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
		<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Задачи, приводящие к понятию производной функции.</li> <li>2. Понятие производной функции в точке. Односторонние производные функции в точке.</li> <li>3. Связь производной функции в точке с ее непрерывностью в этой точке.</li> <li>4. Геометрический и физический смысл производной функции.</li> <li>5. Уравнение касательной и нормали (вывод).</li> <li>6. Правила дифференцирования. Производная суммы, разности, произведения и частного функций. Производная обратной функции. Производная сложной функции.</li> <li>7. Понятие функции заданной неявно и параметрически. Дифференцирование неявно заданной функции; функции, заданной параметрически. Логарифмическое дифференцирование.</li> <li>8. Понятие дифференцируемой функции в точке.</li> <li>9. Критерий дифференцируемости функции в точке (доказать).</li> <li>10. Понятие дифференциала функции в точке. Геометрический смысл дифференциала. Свойства Дифференциала. Инвариантность формы первого дифференциала.</li> <li>11. Производные высших порядков. Производные высших порядков от функции, заданной неявно, параметрически.</li> <li>12. Дифференциалы высших порядков.</li> <li>13. Теоремы о среднем значении для дифференцируемых функций. Теорема Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши (все доказать).</li> </ol> <p style="text-align: center;"><b>Тема: Приложения дифференциального исчисления</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Привило Лопиталя для неопределенности вида <math>0/0</math></li> <li>2. Формула Тейлора. Понятие остаточного члена формулы Тейлора. Остаточный член в форме Пеано и Лагранжа.</li> <li>3. Формула Маклорена (разложение для элементарных функций – получить).</li> <li>4. Аналитические признаки монотонности функции. Понятие локального максимума и минимума. Понятие убывающей и невозрастающей функции, возрастающей и неубывающей функции. Достаточное условие строгой монотонности.</li> <li>5. Понятие стационарных и критических точек. Необходимый признак экстремума дифференцируемой функции (теорема Ферма). Первый и второй достаточный признаки экстремума.</li> <li>6. Понятие наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.</li> <li>7. Понятие выпуклого и вогнутого графика функции. Достаточное условие выпуклости и вогнутости графика функции.</li> <li>8. Понятие точки перегиба. Необходимое и достаточное условия точки перегиба.</li> <li>9. Понятие асимптоты. Вертикальная и наклонная асимптота. Критерий существования наклонной асимптоты.</li> </ol> <p style="text-align: center;"><b>Тема: ФУНКЦИИ НЕСКОЛЬКИХ ПЕРЕМЕННЫХ (ФНП)</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Основные топологические понятия: замкнутая и открытая область, расстояние между точками, связная и несвязная область и т.д.</li> <li>2. Понятие функции нескольких переменных. Область определения, область значений, график, линии (поверхности) уровня.</li> <li>3. Понятие предела ФНП. Свойства пределов ФНП</li> </ol>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
		<p>4. Непрерывность ФНП.</p> <p>5. Свойства ФНП, непрерывной в точке (без док.)</p> <p>6. Теорема о непрерывности элементарных ФНП в области определения (без док.) Свойства ФНП, непрерывной на множестве (без док.)</p> <p>7. Понятие частной производной ФНП. Геометрический и физический смысл.</p> <p>8. Понятие дифференцируемой ФНП в точке.</p> <p>9. Понятие полного приращения и полного дифференциала. Геометрическая интерпретация.</p> <p>10. Свойства дифференцируемой ФНП в точке: теорема о непрерывности дифференцируемой функции и теорема о необходимом условии дифференцируемости функции (2 теоремы - доказать), теорема о достаточном условии дифференцируемости функции и следствие (без док.)</p> <p>11. Понятие неявно заданной функции. Теорема о дифференцируемости неявно заданной функции (без док.)</p> <p>12. Уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности в точке (вывод)</p> <p>13. Теоремы о дифференцировании сложной функции (1-я теорема – доказать, 2-я – без док.)</p> <p>14. Теорема об инвариантности формы первого дифференциала (доказать для случая <math>z=U(x,y)</math>).</p> <p>15. Понятие производной по направлению (вывод).</p> <p>16. Понятие градиента. Свойства градиента (3 свойства доказать).</p> <p>17. Понятие частной производной высшего порядка. Дифференциал высшего порядка.</p> <p>18. Формула Тейлора ФНП (теорема без док.)</p> <p>19. Экстремум ФНП. Теорема о необходимом условии существования экстремума (доказать).</p> <p>20. Квадратичные формы. Положительно определенная, отрицательно определенная, квазизнакоопределенная, неопределенная квадратичная форма. Достаточное условие существования экстремума в терминах квадратичной формы (теорему сформулировать)</p>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
1.	Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 3 контрольные работы, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <p>Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</p>
2.	ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 3 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы. ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине.</p>

<b>Оценочные мероприятия</b>		<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
		<p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высылается отдельным файлом, указывается ФИО, группа.</p> <p><b>Критерии оценки одного задания:</b></p> <p>Задание считается зачтенным, если выполнено более половины заданий</p> <p>Если задание не зачтено, работа возвращается студенту на доработку.</p> <p>Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель может учсть исправления и добавить баллы к предыдущим</p>
3.	Экзамен.	<p>Экзамен осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ На экзамене студенту выдаются билеты, включающие теоретические вопросы и практические задания. Преподаватель, проверив работу, в ходе устной беседы со студентом может задавать вопросы по самому билету, а также дополнительные вопросы по теории и практике. В итоге студент набирает итоговый балл за экзамен, максимально 20 баллов. Оценка за дисциплину формируется как итоговая за работу в семестре и экзамен в соответствие с принятой шкалой оценивания.</p> <p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствие с действующей процедурой.</p> <p>В соответствии с приказами от 25.07.2018 г. №58/од Об утверждении и введении в действие «Системы оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете» и №59/од Об утверждении и введении в действие новой редакции «Положения о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации в ТПУ» экзамен по физике проводится в устной форме. Студенту выдается экзаменационный билет, содержащий теоретические вопросы, качественные и количественные задачи. Каждый вопрос билета оценивается баллом (всего по билету 20 баллов). Экзамен проходит в устной форме.</p> <p>Согласно шкале оценивания результатов</p> <p>18-20 баллов (отлично) - всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>14-17 баллов (хорошо) - достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>11-13 баллов (удовлетворительно) - приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>0-10 баллов (неудовлетворительно) - результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям.</p>

Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
	Результаты промежуточной аттестации оформляются ведомостью и вносятся в зачетную книжку обучающегося.