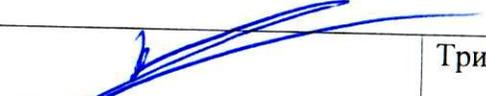


**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**  
**ПРИЕМ 2017 г.**  
**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

**Математический анализ 1.5**

Направление подготовки/ специальность	01.03.02 Прикладная математика и информатика		
Образовательная программа (направленность (профиль))	Прикладная математика и информатика		
Специализация	Компьютерное моделирование		
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат		
Курс	1	семестр	1
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	8		

Заведующий кафедрой- руководитель отделения		Трифонов А.Ю.
Руководитель ООП		Шевелев Г.Е.
Преподаватель		Мягкий А.Н.

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математический анализ 1.5» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Результаты освоения ООП	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)	
					Код	Наименование
Математический анализ 1.5	1	ДОПК(У)-1	Способен применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	РЗ	ДОПК(У)-1.В6	Владеет математическим аппаратом дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной для решения задач в области системного и прикладного программирования
					ДОПК(У)-1.У7	Умеет решать основные задачи на вычисление пределов, исследовать функции одной переменной, находить неопределённые, определённые и несобственные интегралы и исследовать последние на сходимость
					ДОПК(У)-1.39	Знает базовые понятия и методы теории пределов, определения и теоремы о непрерывных и о дифференцируемых функциях, правила и методы нахождения производных от функций одной переменной, методы и приемы их исследования, свойства неопределённого интеграла и методы интегрирования, свойства определённых интегралов и приемы их вычисления, определения и свойства несобственных интегралов, и основные признаки сходимости

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД-1	Знает базовые понятия и методы матричной, векторной и линейной алгебры, теории линейных пространств, спектральной теории		1. Введение в анализ 2. Дифференциальное исчисление функции одной независимой переменной 3. Неопределенный интеграл 4. Определенный интеграл	Контрольная работа ИДЗ. (Экзамен)
РД-2	Умеет находить пределы функций и числовых последовательностей; находить производные, исследовать функции одного переменного и строить их графики, вычислять неопределенные, определенные, несобственные интегралы		1. Введение в анализ 2. Дифференциальное исчисление функции одной независимой переменной 3. Неопределенный интеграл 4. Определенный интеграл	Контрольная работа ИДЗ. (Экзамен)
РД-3	Знает основные положения теории пределов; правила и методы нахождения производных функций одной переменной, схему полного исследования функции одной переменной, определение и свойства неопределенного, определенного интегралов, их физический и геометрический смысл, несобственные интегралы 1-го и 2-го рода		1. Введение в анализ 2. Дифференциальное исчисление функции одной независимой переменной 3. Неопределенный интеграл 4. Определенный интеграл	Контрольная работа ИДЗ. (Экзамен)

### 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка – максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтингом-планом дисциплины.

Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля\*

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности
0% ÷ 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

Шкала для оценочных мероприятий экзамена\*

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	36 ÷ 40	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	28 ÷ 35	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	22 ÷ 27	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности
0% ÷ 54%	0 ÷ 21	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### 4. Перечень типовых заданий

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1.	Контрольная работа	<p><b>Образцы контрольных заданий</b>  <b>Предел последовательности.</b>  <b>Вариант 1.</b></p> <p>1. По определению предела доказать, что <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n^2 + 1}{(n + 1)^2} = 2</math>.</p> <p>2. Найти следующие пределы: а) <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^{2n+1} - 3^{n-2}}{2^{2n-1} - 3^n}</math>. б) <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2n-1)^3 - (2n+1)^3}{(2n+1)^2 + (2n-1)^2}</math>.</p>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>           с) <math>\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 + 3n + 1} - \sqrt{n^2 - n + 2})</math>. д) <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \left( \frac{(1 + 3 + 5 + \dots + (2n - 1)) - (n + 1)^2}{n} \right)</math>.            е) <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \left( 1 + \frac{1}{3n} \right)^{2n}</math>.         </p> <p>           3. Доказать, что последовательность <math>x_n = \frac{4 \cdot 7 \cdot \dots \cdot (3n + 1)}{1 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (4n - 3)}</math> имеет предел и найти его.         </p> <p>           4. Найти все частичные пределы и указать верхний и нижний пределы последовательности <math>x_n = \cos^n(\pi/3)</math> </p> <p><b>Контрольная «Дифференциальное исчисление»</b></p> <p><b>I. Найти производные следующих функций:</b></p> <p>           1. <math>y = (e^{\cos x} + 3x)^2</math>;      2. <math>3^x + 3^y = x - 2y</math>;      3. <math>y = (\operatorname{tg} 2x)^{\operatorname{ctg}(\sqrt{\frac{x}{2}})}</math>;         </p> <p><b>II. Найти вторую производную <math>\frac{d^2y}{dx^2}</math>:</b></p> <p>           1. <math>y = \frac{x^2}{x^2 - 1}</math>,      2. <math>\begin{cases} x = \cos(t/2), \\ y = t - \sin t. \end{cases}</math>      3. <math>y = \sin(x - 2y)</math> </p> <p><b>III. Найдите производную n-го порядка от функции <math>y = \ln(2 - 3x + x^2)</math></b></p> <p><b>IV. Пользуясь правилом Лопиталья найти пределы:</b></p>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>1. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{x^2}{x-1} - \frac{1}{\ln x} \right)</math>      2. <math>\lim_{x \rightarrow 1-0} (\sin \pi x)^{\cos \frac{\pi x}{2}}</math></p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Определенный и несобственный интеграл»</b></p> <p style="text-align: center;"><b>Вариант 1.</b></p> <p>1. Вычислить среднее значение функции на указанном отрезке:</p> $y = \frac{x}{\sqrt{a^2 - x^2}}, \quad x \in [0, a].$ <p>2. Вычислить несобственные интегралы или установите их расходимость:</p> <p>1) <math>\int_0^1 \frac{x^3 dx}{1-x^8}</math>;      2) <math>\int_4^{\infty} \frac{dx}{x(\ln x)^3}</math>;      3) <math>\int_0^{\infty} \frac{dx}{1+e^x}</math>.</p> <p>3. Исследовать на сходимость</p> <p>1) <math>\int_1^{\infty} \frac{\ln(x+1) dx}{x(\ln x^2 + 1)}</math>;    2) <math>\int_0^3 \frac{x dx}{\cos x}</math>;    3) <math>\int_1^{\infty} \sin(e^{4x}) dx</math>.</p>

4. Вычислить длины кривых:

1)  $\rho = \sin^4(\varphi/4)$     2)  $y = -\ln \cos x, \quad 0 \leq x \leq \frac{\pi}{6}$ .

5. Найти объем тела, образованного вращением вокруг оси ОУ фигуры, ограниченной линиями:

$$\begin{cases} y = \sin x, \\ y = 0. \end{cases} \quad x \in [\pi; 2\pi]$$

**Контрольная работа по теме «Введение в анализ»**

*I. Вычислить пределы*

1.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^2 - 4n}}{\sqrt[3]{2n^3 + 1}}$ ;

2.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{2^n}}{n-1}$ ;

3.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1+x^2}}{2x}$ ;

4.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^2 + 2x}{3x^2 + 1}$ ;

5.  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 - 3} - 1}{x - 2}$ ;

6.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}$ ;

7.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+2}{x-1} \right)^{\frac{x^2+1}{x}}$ ;

8.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x^2 + 2) - \ln 2}{x^2}$ ;

9.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - e^x}{x}$ ;

10.  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(2-x)}{\sqrt{2x-2}}$ .

**II. Определить порядок б. м.  $\alpha(x)$  при  $x \rightarrow 0$  относительно  $x$ :**

1.  $\alpha(x) = \ln(1 + \sqrt[3]{x^2 \cdot \operatorname{tg} x})$ ,

2.  $\alpha(x) = \sqrt{2x+1} - 1$ .

**III. Найти точки разрыва функции, указать их характер. Построить график функции в окрестности точек разрыва:**

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>1. <math>f(x) = \begin{cases} 0, &amp; \text{если } x &lt; 0, \\ x^2, &amp; \text{если } 0 \leq x &lt; 1, \\ x + 2, &amp; \text{если } x \geq 1. \end{cases}</math>    2. <math>y = \frac{1}{2^{1-x}}</math>,    3. <math>y = \frac{1}{x^2 - 4}</math>.</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа</b> по теме «Дифференциальное исчисление функции одного переменного» <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p>I. Найти производные следующих функций:</p> <p>1. <math>y = (e^{\cos x} + 3x)^2</math>;    2. <math>3^x + 3^y = x - 2y</math>;    3. <math>y = (\operatorname{tg} 2x)^{\operatorname{ctg}(\sqrt{\frac{x}{2}})}</math>;</p> <p>II. Найти вторую производную <math>\frac{d^2 y}{dx^2}</math>:</p> <p>1. <math>y = \frac{x^2}{x^2 - 1}</math>,    2. <math>\begin{cases} x = \cos(t/2), \\ y = t - \sin t. \end{cases}</math>    3. <math>y = \sin(x - y)</math></p> <p>III. . Пользуясь правилом Лопиталя найти пределы:</p> <p>1. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{x^2}{x - 1} - \frac{1}{\ln x} \right)</math>    2. <math>\lim_{x \rightarrow 1-0} (\sin \pi x)^{\cos \frac{\pi x}{2}}</math></p> <p>IV Провести полное исследование функции <math>y = x e^{-\frac{1}{x}}</math> и построить её график</p>

2.

ИДЗ.

Пример варианта индивидуальных заданий.**Вариант № 1**

1.1. Найти пределы

1.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n!(n+3)}{(n+2)!-n!};$

2.  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x+1}{\sqrt[3]{x \sin(\pi x/4)}};$

3.  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2-8x+15}{x^3-27};$

4.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{8x^3+3x^2-1}{2x^4+25};$

5.  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x^2-12}-2}{\sqrt{x^2-7}-3};$

6.  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} (\sqrt{x^2+3}-2x);$

7.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos^3 x}{\sin^2 x};$

8.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos 2x}{x \operatorname{arctg} x};$

9.  $\lim_{x \rightarrow \pi/3} \frac{\sin(x-\pi/3)}{\frac{1}{2}-\cos x};$

10.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{2x-1}{2x+2} \right)^{x+2};$

11.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - e^{2x}}{x};$

1.2. Записать асимптотическую оценку функций

1)  $e^{\sqrt{x^3}} - 1;$  2)  $1 - \cos 2x$

при  $x \rightarrow 0$  и определить порядок первой бесконечно малой относительно второй.

1.3. Исследовать на непрерывность функции

1)  $y = \begin{cases} x^2, & \text{если } x < 0; \\ 1-x, & \text{если } 0 \leq x < 1; \\ \ln x, & \text{если } x \geq 1; \end{cases}$  2)  $f(x) = \frac{1}{1+3^{1/(2x-1)}};$  3)  $y = \frac{1}{3x+4}.$

1.4. Найти производные следующих функций:

1)  $y = \frac{3x^6+4x^4-2}{15\sqrt{1+x^2}};$

2)  $y = \ln \ln \operatorname{ctg} x;$

3)  $y = \frac{\sin(1-x)}{3 \cos 6x};$

4)  $y = x \arcsin \sqrt{1+x^2};$

5)  $y = (\operatorname{ctg} x)^{x+3};$

6)  $y = 7^{\cos(1-4x)};$

7)  $y = \frac{3}{2} \ln \operatorname{th} \frac{x}{2} + x - 3;$

8)  $y = (\operatorname{tg}^2 x)^{\ln 5x};$

9)  $y = x \ln(1 + \sec x);$

10)  $\sin e^x + \sin e^y = e^{xy};$

11)  $3 \ln \frac{x}{y} + y^3 = 7;$

12)  $3^x + y^2 = \frac{y}{x};$

$$13) \begin{cases} x = \ln t, \\ y = \operatorname{arctg} t; \end{cases}$$

$$14) \begin{cases} x = \operatorname{tg} t + 5, \\ y = \sqrt{\frac{1+t^2}{1-t^2}}; \end{cases}$$

$$15) \begin{cases} x = t - \frac{1}{t}, \\ y = \ln^2 t. \end{cases}$$

1.5. Найти значения производной в точке  $x = x_0$ :

$$y = \ln \frac{\sqrt{e-x}-1}{\sqrt{e-x}+1}, x_0 = 0; \quad y = \arcsin e^{-2x} + \cos x, x_0 = 0.$$

1.6. Составить уравнения касательной и нормали к кривой

$$y = x \arcsin \sqrt{\frac{x}{x+1}}, x_0 = 1; \quad y = \operatorname{arctg}(\cos x) + \ln \operatorname{tg} \frac{x}{2}, x_0 = \frac{\pi}{4}.$$

в данной точке  $x_0$ .

1.7. Найти первый  $dy$  и второй  $d'y$  дифференциалы функций

$$y = x \operatorname{arctg} x - \ln \sqrt{1+x}; \quad y = \sin \sqrt{2x-6}; \quad y = e^{\cos^3(1-2x)}.$$

1.8. Вычислить приближенно  $y = \sqrt[3]{x}$ ,  $x = 7,76$ .

1.9. Проверить, удовлетворяет ли функция  $y = \sin(\ln x) + \cos(\ln x)$  уравнению  $x^2 y'' + xy' + y = 0$ .

1.10. Найти производные указанных порядков:

$$y = \frac{1}{3} \sqrt{1-x^2} + \frac{2}{3} \sqrt{x}, y'' = ?; \quad y = x - \arcsin \sqrt{x}, y''' = ?; \quad y = \log_3(x+5), y^{(n)} = ?;$$

$$\begin{cases} x = t^2 \ln t, \frac{d^2 x}{dt^2} = ?; \\ y = t^2 - 1, \frac{dy^2}{dt^2} = ?; \end{cases} \quad \begin{cases} x = \sin^3 t, \frac{d^2 y}{dt^2} = ? \\ y = \cos^2 t, \frac{dx^2}{dt^2} = ? \end{cases}$$

1.11. Найти экстремумы функций

$$a) y = \frac{2}{3} x^2 \sqrt[3]{6x-7}; \quad б) y = \frac{x^2 - 2x + 2}{x-1}; \quad в) y = \ln x + \frac{1}{x}.$$

1.12. Найти наибольшее и наименьшее значения функций в указанных интервалах:

$$a) y = x^4 - 2x^2 + 3 [-3; 2]; \quad б) y = \frac{x-5}{x^2+11} [-3; 7]; \quad в) y = \sqrt{4-x^2} [-2; 2].$$

1.13. Исследовать функции и построить их графики:

$$a) y = x + \ln(x^2 - 4); \quad \acute{a}) y = \frac{x-1}{x^2-4}; \quad \hat{a}) y = x^2 e^{1/x}.$$

1.14. Найти радиус основания и высоту цилиндра с наибольшей боковой поверхностью, который можно вписать в шар радиуса  $R$ .

1.15. Вычислить указанные пределы, используя правило Лопиталья:

$$a) \lim_{x \rightarrow \infty} \left( x^n \sin \frac{a}{x} \right); \quad \acute{a}) \lim_{x \rightarrow 1} (1-x)^{\cos(\pi x/2)}; \quad \hat{a}) \lim_{x \rightarrow \infty} [\sqrt[3]{(a+x)(b+x)(c+x)} - x].$$

1.16. Построить эскиз графика по известным результатам аналитического исследования:

- 1) область определения  $X = ]-2, \infty[$ ;
- 2) вертикальные асимптоты  $x = -2$ ;
- 3) горизонтальные асимптоты  $y = 2$  ( $x \rightarrow +\infty$ );
- 4) наклонные асимптоты ---;
- 5) стационарные точки  $-1, 1$ ;
- 6) точки, где  $y' = \infty$ :  $0; 2$
- 7) интервалы монотонности: а) возрастания:  $] -1; 0[$ ,  $] 1; 2[$ ,  $(2, \infty)$ ; б) убывания:  $] -2; -1[$ ,  $] 0; 1[$ ;
- 8) интервалы выпуклости и вогнутости: а) выпуклости:  $] 2, \infty[$ ; б) вогнутости:  $] -2; 0[$ ,  $] 0; 2[$ ;
- 9) значения функции в некоторых точках:  $y(-1) = -2$ ;  $y(0) = 0$ ;  $y(1) = -2$ ;  $y(2) = 0$ .

## Аналитическая геометрия в пространстве

1. Составить уравнение плоскости, проходящей через точку  $M_0(3; -2; 4)$  параллельно двум векторам  $\vec{a}_1 = \{6; 1; -1\}$ ,  $\vec{a}_2 = \{3; 2; -2\}$ . Найти расстояние от начала координат до этой плоскости и объем пирамиды, отсекаемой плоскостью от координатного угла.

2. Из общих уравнений прямой

$$\begin{cases} 3x + 4y + 3z + 1 = 0 \\ 2x - 4y - 2z + 4 = 0 \end{cases}$$

получить ее канонические и параметрические уравнения. Определить расстояние от начала координат до прямой.

3. Найти точку пересечения и угол между прямой

$$\begin{cases} x = 2t + 3 \\ y = t - 2 \\ z = t + 3 \end{cases} \text{ и плоскостью } 2x - 6y + 14z = 0.$$

Составить уравнение проекции данной прямой на эту плоскость.

4. Даны вершины треугольной пирамиды

$$A(4; 4; 5), B(-5; -3; 2), C(-2; -6; -3), D(-2; 2; 1).$$

Составить уравнение грани ABC и уравнение высоты DH, опущенной на эту грань. Найти объем пирамиды.

5. Построить поверхности

$$\begin{array}{ll} 1) x^2 + z^2 = 2z & 2) x^2 + y^2 = (z - 2)^2 \\ 3) z = -\left(\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{4}\right) & 4) y^2 - 4y + z = 0 \\ 5) x^2 + y^2 + z^2 + 2x = 0 & 6) z = 3 + \sqrt{2 - x} \end{array}$$

6. Построить тело, ограниченное поверхностями

$$1) \begin{cases} z = x^2, \\ x + y = 6, \\ y = 2x \\ z = 0. \end{cases} \quad 2) \begin{cases} x^2 + y^2 = 4z^2, \\ x^2 + y^2 = 2z \\ x = 0, y = 0, \\ (x > 0, y > 0) \end{cases}$$

**Приложения производной**

---

1. Исследовать на экстремум функции

$$1) y = \frac{x^3}{2(x+1)^2} \quad 2) y = x^{2/3} - (x^2 - 1)^{1/3}$$

$$3) y = e^{2x} - x^2$$

2. Составить уравнения всех асимптот следующих кривых

$$1) y = \sqrt[3]{1-x^3} \quad 2) y = \frac{x^2 - 6x + 3}{x - 3}$$

$$3) y = x - 2 \ln x$$

3. Провести полное исследование и построить графики функций

$$1) y = \frac{4x}{x^2 + 4} \quad 2) y = \sqrt[3]{(2-x)(x^2 - 4x + 1)}$$

$$3) y = \frac{3}{x} - \frac{1}{x^3}$$

4. Составить уравнения касательной и нормали к графику функции в точке с абсциссой  $x = x_0$ , или соответствующей значению параметра  $t = t_0$

$$1) y = \frac{1}{4}(x^2 - 2x - 3) \quad x_0 = 4$$

$$2) \begin{cases} x = 2 \cos t \\ y = \sin t \end{cases} \quad t_0 = -\pi/3$$

5. В круг радиуса  $R$  вписан равнобедренный треугольник. При каком соотношении сторон треугольник будет иметь наибольшую площадь.

6. Найти наибольшее и наименьшее значения функции

$$y = x^2 + \frac{16}{x} - 16 \quad \text{в интервале } [1; 4]$$

7. Используя правило Лопиталья, найти пределы

$$1) \lim_{x \rightarrow \pi/3} \frac{8 \cos^3 x - 1}{x/2 - \pi/6} \quad 2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x e^{x/2}}{x + e^x}$$

--	--	--

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
3.	Экзамен	<p><i>Вопросы и задания, выносимые на экзамен</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Сформулируйте определение предела числовой последовательности</li> <li>• Сформулируйте определение предела функции одной переменной</li> <li>• Что такое односторонние пределы функции в точке?</li> <li>• Сформулируйте понятия бесконечно малой и бесконечно большой при <math>x \rightarrow a</math> функции.</li> <li>• Первый и второй замечательные пределы</li> <li>• Как сравниваются бесконечно малые величины? Что такое относительный порядок малости?</li> <li>• Какие бесконечно малые называются эквивалентными? Приведите примеры эквивалентных бесконечно малых.</li> <li>• Какими свойствами обладают функции, непрерывные на замкнутом промежутке?</li> <li>• Что понимают под точкой разрыва функции? Какие разрывы различают?</li> <li>• Как связаны понятия непрерывности и дифференцируемости функции в точке?</li> <li>• Запишите правила дифференцирования обратной и сложной функций.</li> <li>• Запишите правила дифференцирования неявно заданной функции и функции, заданной параметрически.</li> <li>• Что такое дифференциал функции? Каков его геометрический смысл?</li> <li>• Какими свойствами обладают дифференцируемые функции?</li> <li>• Как находятся дифференциалы и производные высших порядков?</li> <li>• Формула Тейлора</li> <li>• Что такое точка экстремума функции? Какие точки экстремума бывают?</li> <li>• Необходимое условие существования экстремума для дифференцируемой функции</li> <li>• Достаточные условия существования экстремума</li> <li>• Схема исследования на экстремум функции одного переменного</li> <li>• Схема нахождения наибольшего и наименьшего значения функции на замкнутом промежутке.</li> <li>• Дайте определение выпуклости и вогнутости кривой на промежутке.</li> <li>• Какие точки называются точками перегиба?</li> <li>• Что называется асимптотой графика функции? Какие асимптоты различают?</li> <li>• В чем состоит правило Лопиталя? Для раскрытия каких неопределённостей оно применяется?</li> </ul>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p><u>Образцы экзаменационных билетов</u></p> <p style="text-align: center;">Экзаменационный билет №1 Семестр I Курс I 20 /20 уч. год.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Сформулировать и доказать критерий Коши сходимости последовательности. <b>(7 баллов)</b></li> <li>2. Сформулировать и доказать теорему Лагранжа <b>(7 баллов)</b></li> <li>3. Найдите предел: <math>\lim_{x \rightarrow +0} x e^{\frac{1}{x}}</math>. <b>(5 баллов)</b></li> <li>4. Найдите производную функции <math>y = \ln \operatorname{tg}(5 \cdot 2^x)</math>. <b>(5 баллов)</b></li> <li>5. Определите точки перегиба и интервалы выпуклости и вогнутости функции <math>y = \frac{(x+2)^3}{x-1}</math>. ..... <b>(5 баллов)</b></li> <li>6. Найти <math>\int \frac{dx}{\sqrt[3]{x^3+8}}</math> <b>(5 баллов)</b></li> <li>7. Найдите длину линии <math>\rho = \sin^2(\phi/2)</math> <b>(6 баллов)</b></li> </ol>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1.	Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 4 контрольные работы, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <p>Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</p>
2.	ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 4 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высылается отдельным файлом, указывается ФИО, группа.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Задание считается зачтенным, если выполнено более половины заданий</p> <p>Если задание не зачтено, работа возвращается студенту на доработку.</p> <p>Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель может учесть исправления и добавить баллы к предыдущим</p>
3.	Экзамен	<p>Оценка качества освоения дисциплины в ходе текущей и промежуточной аттестации обучающихся осуществляется в соответствии приказ №88/од от 27.12.2013 г., и с «Руководящими материалами по текущему контролю успеваемости, промежуточной и итоговой аттестации студентов</p>

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
		<p>Томского политехнического университета), утвержденными приказом ректора № 77/од от 29.11.2011 г.</p> <p>В соответствии с «Календарным планом изучения дисциплины»:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– текущая аттестация (оценка качества усвоения теоретического материала (ответы на вопросы и др.) и результаты практической деятельности (решение задач, выполнение заданий, решение проблем и др.) производится в течение семестра (оценивается в баллах (максимально 60 баллов), к моменту завершения семестра студент должен набрать не менее 33 баллов);</li> <li>– промежуточная аттестация (экзамен, зачет) производится в конце семестра (оценивается в баллах (максимально 40 баллов), на экзамене (зачете) студент должен набрать не менее 22 баллов).</li> </ul> <p>Итоговый рейтинг по дисциплине определяется суммированием баллов, полученных в ходе текущей и промежуточной аттестаций. Максимальный итоговый рейтинг соответствует 100 баллам.</p> <p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствии с действующей процедурой.</p> <p>Результаты промежуточной аттестации оформляются ведомостью и вносятся в зачетную книжку обучающегося.</p>