

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**  
**ПРИЕМ 2018 г.**  
**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ** заочная

**Математика 2.4**

Направление подготовки/ специальность	38.03.02 Менеджмент		
Образовательная программа (направленность (профиль))	Производственный менеджмент		
Специализация	Производственный менеджмент		
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат		
Курс	2	семестр	<b>3,4</b>
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	6		

Заведующий кафедрой-руководитель отделения на правах кафедры		Трифонов А.Ю.
Руководитель ООП		Видяев И.Г.
Преподаватель		Харлова А.Н.

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 2.4» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Результаты освоения ООП	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)	
					Код	Наименование
Математика 2.4	3,4	УК(У)-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	Р10	УК(У)-1.В5	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера математическим аппаратом
					УК(У)-1.У7	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
					УК(У)-1.38	Знает законы естественных наук и математические методы
					УК(У)-1.В7	Владеет методами решения обыкновенных дифференциальных уравнений и элементами рядов, инструментами теории вероятностей и математической статистики для описания, анализа, теоретического и экспериментального исследования и моделирования экономических процессов
					УК(У)-1.У9	Умеет решать дифференциальные уравнения первого и второго порядков, исследовать числовые ряды, применять методы теории вероятностей и математической статистики при решении экономических задач
					УК(У)-1.310	Знает методы решения дифференциальных уравнений и исследования числовых рядов, основы теории вероятностей и математической статистики

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД-1	Решать задачи с использованием методов вычисления и оценки определённого интеграла	УК(У)-1	Определённый интеграл	ИДЗ 1 Тест экзамен
РД-2	Исследовать числовые ряды на сходимость		Числовые ряды	ИДЗ 2 Тест экзамен
РД -3	Классифицировать и выбирать метод решения		Дифференциальные	ИДЗ 3

	дифференциальных уравнений		уравнения	Тест экзамен
РД-4	Проверять и анализировать полученные решения дифференциальных уравнений		Дифференциальные уравнения	ИДЗ 3 Тест экзамен
РД-5	Использовать законы распределения при построении моделей вероятностных процессов		Элементы теории вероятностей и математической статистики	ИДЗ 4 Тест экзамен

### 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка – максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности
0% ÷ 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

### Шкала для оценочных мероприятий экзамена

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	36 ÷ 40	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	28 ÷ 35	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	22 ÷ 27	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности
0% ÷ 54%	0 ÷ 21	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

### 4. Перечень типовых заданий

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1.	ИДЗ	<p><b>ИДЗ №1</b></p> <p>1. Вычислите определённые интегралы:</p> <p>1.1. <math>\int_3^6 15x^5 dx;</math>      1.6. <math>\int_5^{10} (e^{3x} + 1) dx;</math></p> <p>1.2. <math>\int_0^{\frac{\sqrt{2}}{2}} \frac{5dx}{\sqrt{9 - 9x^2}};</math>      1.7. <math>\int_1^e x \ln x dx;</math></p> <p>1.3. <math>\int_{\pi/4}^{\pi/3} \cos^2 x \sin x dx;</math>      1.8. <math>\int_0^9 \sqrt{81 - x^2} dx,</math> замена <math>x = 9 \sin t;</math></p> <p>1.4. <math>\int_0^1 \frac{x dx}{(x^2 + 1)^3};</math>      1.9. <math>\int_3^6 \frac{(x+1) dx}{x \sqrt{x-2}},</math> замена <math>x-2=t^2;</math></p> <p>1.5. <math>\int_{-5}^0 f(x) dx,</math> <math>f(x) = \begin{cases} 3, &amp; \text{если } x \leq -4, \\ x-1, &amp; \text{если } -4 &lt; x \leq -2, \\ x^2, &amp; \text{если } x &gt; -2. \end{cases}</math></p> <p>2. Вычислите несобственные интегралы (или установите их расходимость):</p> <p>2.1. <math>\int_2^\infty \frac{\ln(x+1)}{x+1} dx;</math>      2.2. <math>\int_{-\infty}^1 \frac{(x+1) dx}{\sqrt[3]{x}};</math></p> <p>3. Вычислите площади фигур, ограниченных графиками функций:</p> <p>3.1. <math>\begin{cases} y = x^2, \\ y = 2x - x^2, \end{cases}</math>      3.2. <math>\begin{cases} y = e^x, y = 0, \\ x = 0, x = 1. \end{cases}</math></p> <p>4. Найдите среднее значение функций на отрезке:</p> <p>4.1. <math>y = x^4 + 4x, \quad [-1; 1];</math>      4.2. <math>y = \frac{4x}{x^2 + 1}, \quad [0; 1].</math></p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>5. Решите уравнение <math>\int_0^x (4t+1) dt = 0</math>.</p> <p><b>ИДЗ №2</b></p> <p>1. Напишите пять первых членов ряда по известной формуле для общего члена ряда <math>u_n = \frac{n+1}{n2^n}</math> и проверьте, выполняется ли необходимый признак сходимости.</p> <p>2. Найдите общий член ряда</p> $1 + \frac{5}{2} + \frac{25}{3} + \frac{125}{4} + \dots$ <p>3. Исследуйте ряды на сходимость, используя признаки сравнения</p> <p>3.1. <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n-1}{n^3+n+2}</math>;      3.2. <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{7^n}{3^n+2}</math>.</p> <p>4. Исследуйте ряды на сходимость, используя признак Даламбера</p> <p>4.1. <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n-1)!}{(n+1)!}</math>;      4.2. <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n-1}}{(n+1)^3}</math>.</p> <p>5. Исследуйте ряды на сходимость, используя признак Коши</p> <p>5.1. <math>\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{n-2}{4n} \right)^n</math>;      5.2. <math>\sum_{n=1}^{\infty} \sin^n \frac{\pi}{2^{n+1}}</math>.</p> <p>6. Исследуйте ряды на сходимость, используя интегральный признак</p> <p>6.1. <math>\sum_{n=2}^{\infty} \frac{e^{-\sqrt{n-1}}}{\sqrt{n-1}}</math>;      6.2. <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)\ln^4(n+1)}</math>.</p> <p>7. Исследуйте ряды на абсолютную и условную сходимость</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>7.1. <math>\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} \sqrt{2n-1}}{(2n-1)!};</math></p> <p>7.2. <math>\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n-3}{n};</math></p> <p>7.3. <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos n}{n^4}.</math></p> <p><b>ИДЗ №3</b></p> <p>1. Найти общий интеграл уравнения</p> <p>1.1. <math>\sqrt{5+y^2} dx + 4(x^2y + y) dy = 0;</math></p> <p>1.2. <math>(2-3e^x) yy' = e^x.</math></p> <p>1.3. <math>y' = \frac{y^2}{2x^2} + \frac{y}{x} + 9.</math></p> <p><math>(\ln y - 2x) dx + \left( \frac{x}{y} - 2y \right) dy = 0;</math></p> <p>2. Решить задачу Коши <math>y' - \frac{y}{x} = -\ln x, y(1) = 1.</math></p> <p>3. Найти общее решение уравнений</p> <p>3.1. <math>y''' = \frac{2}{x^3};</math></p> <p>3.2. <math>y'' = e^x + \frac{3}{4\sqrt{x^5}};</math></p> <p>3.3. <math>y'' = \frac{1}{(x-1)^3} - \frac{1}{(x+1)^3};</math></p> <p>3.4. <math>y''' = \cos \frac{x}{2}.</math></p> <p>3.5. <math>xy'' = y' \ln \frac{y'}{x};</math></p> <p>3.6. <math>y'' tgy = 2(y')^2.</math></p> <p>4. Найти частное решение</p> <p>2.1. <math>y'' - 6y' + 9y = x^2 - x + 3, y(0) = \frac{4}{3}; y'(0) = \frac{1}{27};</math></p> <p>2.2. <math>y'' + 25y = -2x, y(0) = 0; y'(0) = 1.</math></p> <p>5. Найти общее решение уравнения</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий												
	<p><math>y'' + 4y = \frac{1}{\sin 2x}</math>.</p> <p>6. <math>\begin{cases} \frac{dx}{dt} + y = 0, \\ \frac{dx}{dt} - \frac{dy}{dt} = 3x + y \end{cases}</math></p> <p><b>ИДЗ №4</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Построить множество элементарных исходов. Игровая кость подбрасывается дважды. Наблюдаемый результат-два числа выпавших в первый и второй раз. События: А- {оба раза выпало число очков, кратное трём}; В-{оба раза выпало не менее пяти очков}.</li> <li>В ящике 25 деталей, 5 из них бракованые. Из ящика вынимают сразу 2 детали. Найти вероятность того, что они обе окажутся бракованными.</li> <li>Из трёх орудий произведён залп по цели. Вероятность попадания в цель при одном выстреле из первого орудия равна 0,6; для второго и третьего орудий эти вероятности соответственно равны 0,8 и 0,7. Найти вероятность того, что <ul style="list-style-type: none"> <li>◦ только один снаряд попадёт в цель;</li> <li>◦ только два снаряда попадёт в цель;</li> <li>◦ все три снаряда попадут в цель;</li> <li>◦ хотя бы один снаряд попадёт в цель.</li> </ul> </li> <li>Случайная величина <math>X</math> задана следующим законом распределения</li> </ol> <table border="1" data-bbox="759 1244 1260 1319"> <tr> <td><math>X</math></td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr> <tr> <td><math>P</math></td><td>0,3</td><td></td><td>0,15</td><td>0,25</td><td>0,1</td></tr> </table> <p>◦ найти значение вероятности, с которой случайная величина принимает значение 2;</p>	$X$	1	2	3	4	5	$P$	0,3		0,15	0,25	0,1
$X$	1	2	3	4	5								
$P$	0,3		0,15	0,25	0,1								

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> <li>◦ найти функцию распределения <math>F(X)</math>;</li> <li>◦ найти математическое ожидание случайной величины;</li> <li>◦ найти дисперсию случайной величины;</li> <li>◦ найти среднее квадратическое отклонение случайной величины.</li> </ul> <p>5. Случайная величина <math>X</math> задана интегральной функцией <math>F(X)</math></p> $F(X) = \begin{cases} 0, & x \leq 0; \\ \sqrt{2x+1}, & 0 < x \leq 4; \\ 1, & x > 4 \end{cases}$ <p>Требуется</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>◦ найти плотность вероятности (дифференциальную функцию <math>f(x)</math>);</li> <li>◦ найти математическое ожидание;</li> <li>◦ найти дисперсию;</li> <li>◦ найти среднее квадратическое отклонение случайной величины.</li> </ul>
2.	Образец билета	<p>Билет 1</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Достаточные признаки сходимости числовых рядов с положительными членами.</li> <li>2. Замена переменной в определенном интеграле.</li> <li>3. Исследуйте числовой ряд на сходимость</li> </ol> $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{4n}{n+3} \right)^{\frac{n}{2}}.$ <p>4. Вычислите определённый интеграл</p> $\int_1^3 \frac{(x-1)dx}{x^2 + 6x + 10}.$ <p>Билет 2</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. ДУ первого порядка. Основные понятия.</li> <li>2. Основные теоремы теории вероятностей.</li> <li>3. Решить задачу Коши <math>y'' - 5y' + 4y = 0</math>, <math>y(0) = 1</math>, <math>y'(0) = 1</math></li> </ol>

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
		<p>4. Случайная величина <math>X</math> задана функцией распределения</p> $F(X) = \begin{cases} 0, & x \leq -1; \\ \frac{3}{4}x + \frac{3}{4}, & -1 < x \leq \frac{1}{3}; \\ 1, & x > \frac{1}{3} \end{cases}$ <p>Найти вероятность того, что в результате испытания величина <math>X</math> примет значение, заключённое в интервале <math>\left(0; \frac{1}{3}\right)</math>.</p>
3.	Экзамен	<p>Вопросы:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Задача о вычислении площади криволинейной трапеции, приводящая к понятию определённого интеграла.</li> <li>2. Определение определенного интеграла. Теорема существования.</li> <li>3. Свойства определенного интеграла.</li> <li>4. Геометрический смысл определенного интеграла.</li> <li>5. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона – Лейбница.</li> <li>6. Замена переменной в определенном интеграле. Интегрирование «по частям» в определённом интеграле.</li> <li>7. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования.</li> <li>8. Вычисление площадей плоских фигур с помощью определенного интеграла.</li> <li>9. Определение числового ряда и его суммы. Определение сходящегося и расходящегося ряда. Пример.</li> <li>10. Исследование на сходимость ряда, составленного из членов геометрической прогрессии.</li> <li>11. Сходящиеся и расходящиеся ряды. Необходимый признак сходимости ряда (доказательство).</li> <li>12. Свойства сходящихся рядов.</li> <li>13. Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами. Два признака сравнения. Примеры.</li> </ol>

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
		<p>14. Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами. Признак Даламбера. Примеры.</p> <p>15. Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами. Признак Коши радикальный.</p> <p>16. Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами. Интегральный признак сходимости. Примеры.</p> <p>17. Исследование на сходимость обобщённого гармонического ряда.</p> <p>18. Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница, следствие из теоремы Лейбница.</p> <p>19. Абсолютная и условная сходимости знакопеременных рядов. Общая схема исследования знакочередующихся рядов на сходимость.</p>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания		
	Оценочные мероприятия	
1.	ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 3 ИДЗ по разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>ИДЗ выдается каждому студенту персонально.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высылается отдельным файлом (в ЭК), указывается ФИО, группа или сдается преподавателю в бумажном варианте на занятии в указанные сроки.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Оформление задания 25% баллов</p> <p>Содержание 75% баллов</p> <p>ИДЗ считается зачтенным, если набрано более 55% от максимального балла за задание</p>
2.	Экзамен	Экзамен осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ . Итоговый балл определяется суммированием баллов за все оценочные мероприятия текущего семестра.