

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ
ПРИЕМ 2018 г.**

ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная

Математика 2		
Направление подготовки/ специальность	18.03.01 Химическая технология	
Образовательная программа (направленность (профиль))	Химическая технология переработки нефти и газа	
Специализация	Технология нефтегазохимии и полимерных материалов	
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат	
Курс	1	семестр 2
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	6	
Заведующий кафедрой- руководитель ОМИ на правах кафедры		Трифонов А.Ю.
Руководитель ООП		Мойзес О. Е.
Преподаватель		Ласуков В. В.

2020г.

1. Роль дисциплины «Математика 2» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
				Код	Наименование
Математика 2	2	УК(У)-1	Способность осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК(У)-1.В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.31	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
	2	ОПК (У)-1	Способность и готовность использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности	ОПК(У)-1.В2	Владеет математическим аппаратом дифференциального и интегрального исчисления для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач
				ОПК(У)-1.У2	Умеет применять аппарат дифференциального и интегрального исчисления для решения стандартных задач
				ОПК(У)-1.32	Знает основные понятия и теоремы дифференциального исчисления функций нескольких переменных и интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных

2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД 1	Уметь интегрировать рациональные, простейшие иррациональные, тригонометрические функции	УК(У)-1 ОПК (У)-1	1. Неопределенный интеграл 2. Определенный и несобственный интеграл 3. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных 4. Кратные интегралы 5. Элементы векторного анализа	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД 2	Умеет находить частные производные и дифференциалы, исследовать функции нескольких переменных; вычислять неопределенные, определенные, несобственные, кратные, криволинейные и поверхностные интегралы; числовые характеристики скалярных и векторных полей	УК(У)-1 ОПК (У)-1	1. Неопределенный интеграл 2. Определенный и несобственный интеграл 3. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных 4. Кратные интегралы 5. Элементы векторного анализа	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД 3	Знает основные этапы схемы полного исследования функции нескольких переменных; определение неопределенного, определенного, кратных, криволинейных и поверхностных интегралов, их физический и геометрический смысл; основные понятия векторного	УК(У)-1 ОПК (У)-1	1. Неопределенный интеграл 2. Определенный и несобственный интеграл 3. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО

	анализа , формулы Грина, Остроградского-Гаусса и Стокса		4. Кратные интегралы 5. Элементы векторного анализа	
--	---	--	--	--

3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

Шкала для оценочных мероприятий и дифференцированного зачета / зачета

Степень сформированности результатов обучения	Балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
---	------	----------------------------------	--------------------

90% ÷ 100%	90 ÷ 100	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% ÷ 89%	70 ÷ 89	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% ÷ 69%	55 ÷ 69	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
55% ÷ 100%	55 ÷ 100	«Зачтено»	Результаты обучения соответствуют минимально достаточным требованиям
0% ÷ 54%	0 ÷ 54	«Неудовл.»/ «Не засчитано»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

4. Перечень типовых заданий

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1.	Контрольная работа	<p style="text-align: center;">Контрольная работа №1 по теме «Неопределенный интеграл» ВАРИАНТ №1</p> <p style="text-align: center;"> $1. \int \frac{xdx}{\sqrt{2x^2 + 3}} .$ $2. \int \frac{\sin 3x dx}{\sqrt[3]{\cos^4 3x}} .$ $3. \int \frac{dx}{arctgx(1+x^2)} .$ $4. \int \frac{e^{2x} dx}{e^{2x} + 2} .$ $5. \int x \sqrt{1-x^2} dx .$ $6. \int (1+x) \sin 2x dx .$ $7. \int \frac{xdx}{(x+1)(x+3)(x+5)} .$ $8. \int \frac{\sin^4 x}{\cos^6 x} dx .$ $9. \int \frac{\sqrt{x} dx}{\sqrt{\sqrt{x^3} + 4}} .$ </p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;">Контрольная работа №2 по теме «Определенный интеграл» ВАРИАНТ №1</p> <p>1. $\int_0^{\pi} (2x + \sin 2x) dx$ 3. $\int_{\frac{1}{2}}^1 \sqrt{4x - 2} dx$</p> <p>2. $\int_0^1 xe^x dx$ 4. $\int_1^3 \frac{dx}{x^2 + x}$</p> <p>1. Вычислить несобственные интегралы или установить их расходимость:</p> <p>a) $\int_3^{\infty} \frac{x^2 dx}{x^2 + 4}$ б) $\int_0^1 \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx$</p> <p>2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:</p> <p>а) $y = x^3$, $y = x^2$, $x = -2$, $x = 1$. б) $\rho = 3 - 2\cos \varphi$, $\beta = \frac{1}{2}$</p> <p>3. Вычислить длину дуги кривой $y = 1 - \ln \sin x$, от $x = 0$ до $x = \frac{\pi}{4}$</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;">Контрольная работа №3 по теме «Кратные интегралы» ВАРИАНТ №1</p> <p>1. Изменить порядок интегрирования:</p> $\int_0^1 dx \int_{x-4}^{4-x} f(x, y) dy$ <p>2. Расставить границы интегрирования</p> $\iint_D f(x, y) dxdy \quad D: \quad y = x, \quad y = 2x, \quad x+y = 6$ <p>1. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями: $x^2 + y^2 - 2x = 0$, $y = x$, $y = 0$.</p> <p>2. Найти объем тела, ограниченного указанными поверхностями: $x^2 + y^2 - 8x = 0$, $x^2 + y^2 = z^2$, $z = 0$.</p> <p>3. Найти массу тела, ограниченного поверхностями : $x^2 + z^2 = 1$, $y = 0$, $y = 1$, если $\rho(x, y, z) = k(x^2 + y^2 + z^2)$.</p> <p style="text-align: center;">Контрольная работа №4 по теме «Элементы векторного анализа» ВАРИАНТ №1</p> <p>1. Вычислить криволинейный интеграл 1^{го} рода</p> $\int_L (1+x^2) dl, \text{ где } L: x^2 + y^2 = ay.$ <p>2. Вычислить работу силового поля. Проверить зависит ли интеграл от траектории интегрирования? Если не зависит, то упростить вычисления.</p> $\int_L (xy - 1) dx + x^2 y^2 dy, \text{ где } L: AB; A(1,0); B(0,2).$

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>3. Вычислить поверхностный интеграл $\iint_{(S)} dS$, где S – часть плоскости $x + y + z = a$, заключенная в первом октанте.</p> <p>4. Найти поток векторного поля $\vec{A} = 4\vec{i} - 9\vec{j}$ через внешнюю сторону поверхности параболоида вращения $y = x^2 + z^2$, огранич. плоскостью $y = 4$, при $x \leq 0, z \geq 0$.</p> <p>5. $\vec{A} = (x + \ln z)\vec{i} + (y + \ln x)\vec{j} + (z + \ln y)\vec{k}$. $\operatorname{div} \vec{A} = ?$, $\operatorname{rot} \vec{A} = ?$</p>

2. ИДЗ.

ЗАДАНИЕ N 9

Вариант 22

Неопределенный интеграл

1. $\int \frac{\sin 9x}{5 + \cos^2 9x} dx$

3. $\int \frac{dx}{x \ln x \ln^2(\ln x)}$

5. $\int \frac{x^2 dx}{(7x^3 + 5)^4}$

7. $\int \frac{(1 - 2x^2)^2 dx}{x \cdot \sqrt[3]{x}}$

9. $\int \frac{dx}{\sqrt{3 + 5x^2}}$

11. $\int (x^2 + 3) \cdot e^{-2x} dx$

13. $\int (x + 6) \cdot \cos 6x dx$

15. $\int 2^x \cdot \cos 3x dx$

17. $\int \frac{dx}{x^2 + 8x + 12}$

19. $\int \frac{(x+4)dx}{7 + 6x - x^2}$

21. $\int \frac{x^2 - 2x + 1}{x^3 + 2x^2 + x} dx$

23. $\int \frac{(x^2 - x) dx}{8x^3 - 125}$

25. $\int \frac{x^3 - 5x^2 + 5x + 23}{(x-1)(x+1)(x-5)} dx$

27. $\int \frac{\sqrt[5]{(1 + \sqrt[3]{x^2})^4}}{x^2 \cdot \sqrt[5]{x}} dx$

29. $\int \frac{\sqrt{x^2 - 3} dx}{x}$

31. $\int \frac{dx}{\cos^3 x \sin^2 x}$

33. $\int 2 \sin x - 3 \cos x dx$

35. $\int \sqrt[3]{\sin^2 x} \cos^5 x dx$

37. $\int \frac{e^{2x} dx}{\sqrt[4]{e^x - 1}}$

2. $\int \frac{3 - 2 \operatorname{ctg}^2 x}{\cos^2 x} dx$

4. $\int \frac{e^x dx}{\sqrt{e^x + 1}}$

6. $\int \frac{\sin(1/x)}{x^2} \frac{dx}{x^2}$

8. $\int \frac{dx}{\sqrt{1 - 9x^2} \sqrt{1 - \arcsin 3x}}$

10. $\int x^3 \cdot \sqrt[5]{7x^4 - 9} dx$

12. $\int \frac{\ln(\cos x) dx}{\cos^2 x}$

14. $\int \frac{\arccos x dx}{\sqrt{1 - x}}$

16. $\int \ln(x + \sqrt{x^2 - 4}) dx$

18. $\int \frac{dx}{\sqrt{1 - 8x - 4x^2}}$

20. $\int \frac{(6x - 1)dx}{\sqrt{x^2 + 3x + 8}}$

22. $\int \frac{(x - 1) dx}{x^3 + 5x}$

24. $\int \frac{x + \sqrt[3]{x^2} + \sqrt[3]{x}}{x \cdot (1 + \sqrt[3]{x})} dx$

26. $\int \frac{dx}{\sqrt{x+1+1}}$

28. $\int \frac{x dx}{\sqrt{x+2} + \sqrt{x+6}}$

30. $\int \frac{x^2 dx}{\sqrt{(2+x^2)^3}}$

32. $\int \cos^4 \left(\frac{x}{4} \right) dx$

34. $\int \frac{dx}{4 + 3 \cos^2 x}$

36. $\int \frac{dx}{1 + \operatorname{ctg} z}$

38. $\int x^3 \cdot \operatorname{arctg} x dx$

Аналитическая геометрия на плоскости

1. Составить уравнения прямых, проходящих через точку $M(-7; 5)$:

a) параллельно прямой $3x + 2y - 1 = 0$,

b) перпендикулярно прямой $\frac{x-1}{-3} = \frac{y+4}{2}$,

c) под углом 45° к прямой $\begin{cases} x = 3t + 4 \\ y = -t - 2 \end{cases}$

2. Даны вершины треугольника $A(-1; 3)$, $B(2; 5)$, $C(0; 6)$.

Составить: а) уравнение стороны AC ,

б) уравнение медианы BM ,

в) уравнение высоты CH и найти ее длину.

3. Даны две прямые $l_1 : y = 2x - 1$, $l_2 : \begin{cases} x = 3t - 1 \\ y = -4 \end{cases}$ Найти:

а) точку пересечения прямых,

б) косинус угла между прямыми,

в) составить уравнение биссектрисы тупого угла между прямыми.

4. Привести уравнения линий к каноническому виду и построить:

1) $x^2 + y^2 - x - y - 1 = 0$ 2) $4x^2 + 8x + y^2 - 4y + 1 = 0$

3) $y = 9 + 2\sqrt{x^2 + 4x + 9}$ 4) $x = 8 + 8y - y^2$

5) $25x^2 - 14xy + 25y^2 = 10$ 6) $x^2 - 8xy + y^2 + 1 = 0$

5. Составить уравнение и построить линию, каждая точка которой одинаково удалена от точки $M(-2; 1)$ и от прямой $x - 4 = 0$.

6. Построить линии, заданные уравнениями в полярных координатах:

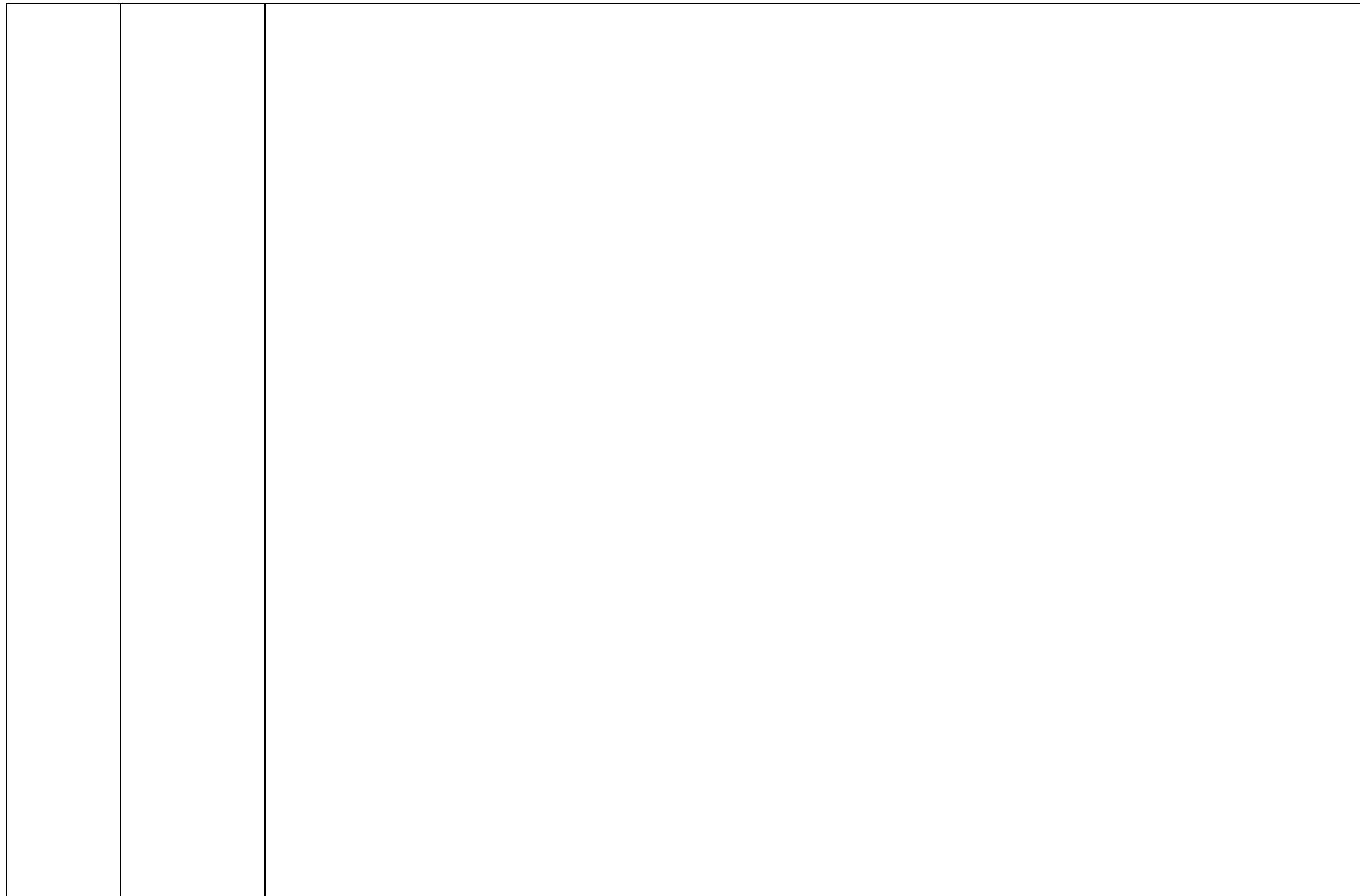
1) $\rho = 1 + \frac{1}{\varphi}$, 2) $\rho = \frac{1}{\sin \varphi}$, 3) $\rho = \frac{1}{1 - 2 \cos \varphi}$.

7. Построить линии, заданные параметрическими уравнениями:

1) $\begin{cases} x = 2 \cos t \\ y = -4 \sin t \end{cases}$ 2) $\begin{cases} x = \sqrt{t} \\ y = e^{-t} \end{cases}$

8. Построить фигуру, ограниченную линиями

1) $\left| \begin{array}{l} y = x^2, \\ y - x = 2. \end{array} \right.$ 2) $\left| \begin{array}{l} \rho = 2 \cos \varphi, \\ \rho = 2 \sin \varphi. \end{array} \right.$



Аналитическая геометрия в пространстве

1. Составить уравнение плоскости, проходящей через точку $M_0(3; -2; 4)$ параллельно двум векторам $\vec{a}_1 = \{6; 1; -1\}$, $\vec{a}_2 = \{3; 2; -2\}$. Найти расстояние от начала координат до этой плоскости и объем пирамиды, отсекаемой плоскостью от координатного угла.

2. Из общих уравнений прямой

$$\begin{cases} 3x + 4y + 3z + 1 = 0 \\ 2x - 4y - 2z + 4 = 0 \end{cases}$$

получить ее канонические и параметрические уравнения. Определить расстояние от начала координат до прямой.

3. Найти точку пересечения и угол между прямой

$$\begin{cases} x = 2t + 3 \\ y = t - 2 \\ z = t + 3 \end{cases} \quad \text{и плоскостью } 2x - 6y + 14z = 0.$$

Составить уравнение проекции данной прямой на эту плоскость.

4. Даны вершины треугольной пирамиды

$$A(4; 4; 5), \quad B(-5; -3; 2), \quad C(-2; -6; -3), \quad D(-2; 2; 1).$$

Составить уравнение грани ABC и уравнение высоты DH, опущенной на эту грань. Найти объем пирамиды.

5. Построить поверхности

$$\begin{array}{ll} 1) \quad x^2 + z^2 = 2z & 2) \quad x^2 + y^2 = (z - 2)^2 \\ 3) \quad z = -\left(\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{4}\right) & 4) \quad y^2 - 4y + z = 0 \\ 5) \quad x^2 + y^2 + z^2 + 2x = 0 & 6) \quad z = 3 + \sqrt{2 - x} \end{array}$$

6. Построить тело, ограниченное поверхностями

$$1) \quad \begin{cases} z = x^2, \\ x + y = 6, \\ y = 2x \\ z = 0. \end{cases} \quad 2) \quad \begin{cases} x^2 + y^2 = 4z^2, \\ x^2 + y^2 = 2z \\ x = 0, \quad y = 0, \\ (x > 0, \quad y > 0) \end{cases}$$

Приложения производной

1. Исследовать на экстремум функции

$$\begin{aligned} 1) \quad & y = \frac{x^3}{2(x+1)^2} & 2) \quad & y = x^{2/3} - (x^2 - 1)^{1/3} \\ & & 3) \quad & y = e^{2x} - x^2 \end{aligned}$$

2. Составить уравнения всех асимптот следующих кривых

$$\begin{aligned} 1) \quad & y = \sqrt[3]{1-x^3} & 2) \quad & y = \frac{x^2 - 6x + 3}{x - 3} \\ & & 3) \quad & y = x - 2 \ln x \end{aligned}$$

3. Провести полное исследование и построить графики функций

$$\begin{aligned} 1) \quad & y = \frac{4x}{x^2 + 4} & 2) \quad & y = \sqrt[3]{(2-x)(x^2 - 4x + 1)} \\ & & 3) \quad & y = \frac{3}{x} - \frac{1}{x^3} \end{aligned}$$

4. Составить уравнения касательной и нормали к графику функции в точке с абсциссой $x = x_0$, или соответствующей значению параметра $t = t_0$

$$1) \quad y = \frac{1}{4}(x^2 - 2x - 3) \quad x_0 = 4$$

$$2) \quad \begin{cases} x = 2 \cos t \\ y = \sin t \end{cases} \quad t_0 = -\pi/3$$

5. В круг радиуса R вписан равнобедренный треугольник. При каком соотношении сторон треугольник будет иметь наибольшую площадь.

6. Найти наибольшее и наименьшее значения функции

$$y = x^2 + \frac{16}{x} - 16 \quad \text{в интервале} \quad [1; 4]$$

7. Используя правило Лопитала, найти пределы

$$\begin{aligned} 1) \quad & \lim_{x \rightarrow \pi/3} \frac{8 \cos^3 x - 1}{x/2 - \pi/6} & 2) \quad & \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x e^{x/2}}{x + e^x} \end{aligned}$$

ЗАДАНИЕ № 10

Вариант 20

Определенный интеграл

1. Вычислить определённые интегралы

$$\begin{array}{lll} 1) \int_{\frac{1}{2}}^4 \frac{1+\sqrt{x}}{x^2} dx & 2) \int_0^1 \sqrt{(1-x^2)^3} dx & 3) \int_{-2}^2 \ln(x + \sqrt{1+x^2}) dx \\ 4) \int_0^{\pi/2} \frac{dx}{5 - 3 \cos x} & 5) \int_0^{1/2} \frac{x^2 dx}{x^4 - 1} & 6) \int_{-1}^0 \frac{dx}{1 + \sqrt[3]{x+1}} \end{array}$$

2. Найти среднее значение функций в указанных интервалах

$$1) y = \cos^3 x, \quad [0; \pi] \quad 2) y = \frac{1}{e^x + 1}, \quad [0; 2]$$

3. Оценить значения интегралов

$$\begin{array}{ll} 1) \int_0^3 \sqrt[3]{(x^2 - 2x)^2} dx & 2) \int_{1/e}^1 x^2 \ln x dx \end{array}$$

4. Исследовать на сходимость несобственные интегралы

$$\begin{array}{ll} 1) \int_0^{\infty} \frac{x dx}{16x^4 + 1} & 2) \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt[5]{(2-4x)^3}} \\ 3) \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x(x+3)(x+6)}} & 4) \int_0^2 \frac{\ln(1 + \sqrt[3]{x^5})}{e^{\sin 2x} - 1} dx \end{array}$$

5. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$1) \begin{cases} y = e^{-x}, \\ y = e^x, \\ y = e. \end{cases} \quad 2) \begin{cases} \rho = 4 \cos \varphi, \\ \rho = 6 \cos \varphi. \end{cases} \quad 3) \begin{cases} x = 3 \cos t, \\ y = 4 \sin t \cos^2 t, \quad t \in [0; \pi/2]. \end{cases}$$

6. Найти объём тела, образованного вращением фигуры, ограниченной указанными линиями: 1) – вокруг оси OX, 2) – вокруг оси OY:

$$1) \begin{cases} y^2 = 4x/3, \\ x = 3. \end{cases} \quad 2) \begin{cases} y = x, \\ y = x + \sin^2 x, \\ 0 \leq x \leq \pi. \end{cases}$$

7. Вычислить длины дуг кривых

$$1) L : \begin{cases} y = \arcsin x + \sqrt{1 - x^2}. \end{cases} \quad 2) L : \begin{cases} x = e^t (\cos t + \sin t), \\ y = e^t (\cos t - \sin t), \\ \pi/6 \leq \varphi \leq \pi/4. \end{cases}$$

8. Вертикальная плотина имеет форму полукруга радиуса 3 м. Найти силу давления воды на плотину.

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;">ЗАДАНИЕ № 8</p> <p style="text-align: right;">Вариант 13</p> <hr/> <p style="text-align: center;">Функции многих переменных</p> <hr/> <p>1. Найти и изобразить области определения функций:</p> <p>1) $z = \ln(5 - 10x^2 - y^2)$ 2) $z = \frac{1}{\sqrt{y \cdot \sin x}}$</p> <p>2. Найти частные производные z'_x и z'_y функций</p> <p>1) $z = \left(\frac{x^2 - y}{3y + x}\right)^3$ 2) $z = \sin \frac{x}{x^2 - 5y} \cdot \sqrt{x - 2y^3}$</p> <p>3) $z = e^{\cos 2x} - \operatorname{tg} y \cdot \ln(y^2 - 1)$ 4) $z = \frac{(x - y)}{\operatorname{arctg} 3^{y-x}} - \frac{3\sqrt{\cos(3y - x^2)}}{\sin \ln y}$</p> <p>3. Найти частные производные z'_x и z'_y сложной функции</p> <p>$z = \frac{u - 3v}{\operatorname{arctg}(u)}$, где $u = \operatorname{ctg} \frac{1}{x}$, $v = \frac{y}{x^3}$</p> <p>4. Найти производную z'_t, если</p> <p>$z = \sqrt{4 + \operatorname{ctg}(x \ln y)}$, где $x = 7^{2t}$, $y = \sqrt[4]{t}$</p> <p>5. Найти производные $\frac{\partial z}{\partial x}$ и $\frac{d z}{d x}$, если</p> <p>$z = \sin(\sqrt{xy} - y^3)$, где $y = \ln(x^2 + 4)$</p> <p>6. Найти производную y' неявной функции $y(x)$, заданной выражением</p> <p>1) $xy - y \cdot 2^{-x^2} = \sqrt{(x - y)^5}$</p> <p>2) $\left(\frac{x}{y}\right)^2 - x \sqrt{y} = \arcsin 3x$</p> <p>7. Найти частные производные z'_x и z'_y неявной функции $z(x, y)$, заданной выражением $e^{z/x} + \cos x - 4xy^4z^3 = 0$</p> <p>8. Найти первый dz и второй d^2z дифференциалы функции</p> <p>$z = \sqrt{\ln(x^2 - y^2)}$</p> <p>9. Составить уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности $z = 4x^2 + 24xy + 11y^2 + 64x + 42y + 55$ в точке $M_0(-1; 1; z_0)$</p> <p>10. Исследовать на экстремум функцию $z = x^3 + y^3 - 9xy + 27$</p> <hr/>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;">ЗАДАНИЕ № 11</p> <p style="text-align: right;">Вариант 24</p> <p style="text-align: center;">Кратные интегралы</p> <hr/> <p>1. В двойном интеграле $\iint\limits_{(D)} f(x; y) dx dy$ перейти к повторному и расставить пределы интегрирования по области (D), ограниченной линиями:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) $y = \sqrt{12 - x^2}$, $y = 2\sqrt{3} - \sqrt{12 - x^2}$, $x = 0$, ($x \geq 0$). 2) $y = \ln x$, $y = 5$. <p>2. Изменить порядок интегрирования в интеграле</p> $J = \int_0^{1/2} dx \int_0^{\sqrt{2x}} f(x, y) dy + \int_{1/2}^{\sqrt{2}} dx \int_0^1 f(x, y) dy + \int_{\sqrt{2}}^{\sqrt{3}} dx \int_0^{\sqrt{3-x^2}} f(x, y) dy.$ <p>3. Перейти к полярным координатам и вычислить</p> $\iint\limits_{(D)} x dx dy, \quad D : \{x^2 + y^2 \leq bx, \quad x \geq 0\}.$ <p>4. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) $y = 2$; $y = x^2 + 5$, $x = 1$, $x = 3$. 2) $(x^2 + y^2)^{5/2} = x \cdot y^2$. <p>5. Вычислить массу пластинки, занимающей область (D), при заданной поверхностной плотности $\delta(x; y)$</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) $D : \{y = 4x + 6, \quad x - 2y - 1 = 0, \quad x = -1\}, \quad \delta(x; y) = x$. 2) $D : \{y \leq x^2 + y^2 \leq 2y\}, \quad \delta(x; y) = 3y$. <p>6. Записать тройной интеграл $\iiint\limits_{(V)} f(x; y; z) dx dy dz$ в виде повторного и расставить пределы интегрирования по области (V), ограниченной поверхностями:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) $z = x^2$, $2x = y$, $x = 4$, $y \geq 0$, $z \geq 0$. 2) $x^2 + y^2 = 4$, $y = \sqrt{x^2 + z^2}$, $y \geq 0$. <p>7. Вычислить объем тела, ограниченного поверхностями:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) $x^2 + y^2 + z^2 = 1$, $x^2 + y^2 + z^2 = 9$, $y \leq x$, $y \geq 0$, $z \geq 0$. 2) $z = 4 - x^2 - y^2$, $x + y = 2$, $x \geq 0$, $y \geq 0$, $z \geq 0$. <p>8. Вычислить массу тела, занимающего область</p> $V : \{x^2 + y^2 = 2x, \quad x + z = 2, \quad y \geq 0, \quad z \geq 0\},$ <p>если задана объемная плотность $\gamma(x; y; z) = \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}}$.</p>

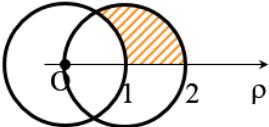
Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;">ЗАДАНИЕ N 13</p> <p style="text-align: center;">Вариант 24</p> <p style="text-align: center;">Скалярное и векторное поле</p> <hr/> <p>1. Найти работу силового поля $\vec{F}(x; y) = \{x + \sqrt{x^2 + y^2}; (y - \sqrt{x^2 + y^2})\}$ вдоль дуги плоской кривой $L: x = 4 \cos t, y = 4 \sin t, (x \geq 0; y \geq 0)$ между точками $(4; 0)$ и $(0; 4)$.</p> <p>2. Найти работу силового поля $\vec{F} = y \cdot \vec{i} + z \cdot \vec{j} + x \cdot \vec{k}$ вдоль дуги кривой $L: x = \cos t, y = -\sin t, z = 2t, t \in [0; \pi/2]$.</p> <p>3. Найти поток векторного поля \vec{A} через поверхность S в сторону внешней нормали</p> <p>1) $\vec{A} = \{0; y; 3z\}$, где S – часть плоскости $x + 2y + 2z = 2$, вырезанной координатными плоскостями.</p> <p>2) $\vec{A} = (\sqrt{2z - y} + 7x) \cdot \vec{i} + (\cos z^2 + y) \cdot \vec{j} + (\sqrt{\ln x + y} - 5z) \cdot \vec{k}$, где S – полная поверхность усечённого конуса $z^2 + y^2 = (x - 5)^2, x = 1, x = 4$.</p> <p>3) $\vec{A} = 3xz \cdot \vec{i} - 2x \cdot \vec{j} + y \cdot \vec{k}$, где S – полная поверхность тела, ограниченного поверхностями $x + y + z = 2, x = 1, x = 0, y = 0, z = 0$.</p> <p>4. Найти модуль циркуляции векторного поля \vec{A} вдоль контура L</p> <p>1) $\vec{A} = \{(y - \ln(x + 1)); (2x - \cos y)\}, L$ – замкнутая линия $y = x^2, x = y^2$.</p> <p>2) $\vec{A} = yz \cdot \vec{i} - xz \cdot \vec{j} + xy \cdot \vec{k}, L$ – $\begin{cases} x^2 + y^2 + z^2 = 9, \\ x^2 + y^2 = 9. \end{cases}$</p> <p>5. Проверить, будет ли векторное поле $\vec{A} = \frac{x \vec{i} + y \vec{j} + z \vec{k}}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}$ потенциальным. В случае положительного ответа найти его потенциал.</p> <p>6. Построить поверхности уровня скалярного поля $U(x; y; z) = \frac{\sqrt{y}}{2(x - 1)}$.</p> <p>7. Найти производную скалярного поля $U(x; y; z) = xy - x/z$ в точке $M_0(-4; 3; 1)$ в направлении вектора $l = 5 \vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$</p> <p>8. В точке $M_0(1; 1/3; 1/\sqrt{6})$ найти угол между векторами – градиентами скалярных полей $U(x; y; z) = \frac{1}{xyz}, V(x; y; z) = x^2 + 9y^2 + 6z^2$</p>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
3.	Тестированиe – независимый контроль ЦОКО (РТ3 и РТ4)	<p>Вопросы:</p> <p>1. Интеграл $\int x^2 e^{2x^3} dx$ равен</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. $e^{2x^3} + C$ 2. $6e^{2x^3} + C$ 3. $\frac{1}{2}e^{2x^3} + C$ 4. $\frac{1}{6}e^{2x^3} + C$ <p style="text-align: center; color: red;">+</p> <p>2. Укажите верное разложение рациональной дроби $\frac{2x^2+1}{(x^2-4)(x^2+1)}$ на сумму простых дробей с неопределёнными коэффициентами</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. $\frac{2x^2+1}{(x^2-4)(x^2+1)} = \frac{A}{x^2-4} + \frac{B}{x^2+1}$ 2. $\frac{2x^2+1}{(x^2-4)(x^2+1)} = \frac{A}{x-2} + \frac{B}{x+2} + \frac{C}{x^2+1}$ 3. $\frac{2x^2+1}{(x^2-4)(x^2+1)} = \frac{A}{x^2-4} + \frac{Bx+C}{x^2+1}$

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>4. $\frac{2x^2+1}{(x^2-4)(x^2+1)} = \frac{A}{x-2} + \frac{B}{x+2} + \frac{Cx+D}{x^2+1}$ +</p> <p>3. Интеграл $\int \frac{dx}{4\cos x + 6\sin x + 5}$ равен</p> <p>1. $\frac{1}{\sqrt{27}} \ln \left \frac{\tg \frac{x}{2} + 6 - \sqrt{27}}{\tg \frac{x}{2} + 6 + \sqrt{27}} \right + C$ +</p> <p>2. $-\frac{2}{\tg \frac{x}{2} + 3} + C$</p> <p>3. $\frac{2 \left(\tg \frac{x}{2} + 3 \right)^3}{3} + C$</p> <p>4. $\ln 4\cos x + 6\sin x + 5 + C$</p> <p>4. Укажите из предложенных подстановку с помощью которой можно избавится от иррациональности в интеграле $\int \frac{5\sqrt{x+1}}{(x+1)^2 \cdot \sqrt{x}} dx$</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>1. $x = t^2 - 1$</p> <p>2. $x = t^2$</p> <p>3. $t^2 = \frac{x+1}{x}$</p> <p style="text-align: center; color: red;">+</p>
	<p>5. Среднее значение функции $f(x) = \cos^2 x$ в промежутке $[-\pi/2; 0]$</p> <p>равняется несократимой рациональной</p> <p>(Дробные значения вводить дробью, например $17/6$)</p>
	<p>6. После применения формулы интегрирования по частям в определенном интеграле $\int_1^2 \sqrt[3]{x} \cdot \ln x \, dx$ получено выражение .</p> <p>1. $\frac{3}{4} \sqrt[3]{x^4} \cdot \ln x \Big _1^2 - \frac{3}{4} \int_1^2 \sqrt[3]{x} \cdot dx;$</p> <p>2. $\sqrt[3]{x^4} \cdot \ln x \Big _1^2 - \int_1^2 \sqrt[3]{x} \cdot dx;$</p> <p>3. $\frac{3}{4} \sqrt[3]{x^4} \cdot \ln x - \frac{3}{4} \int_1^2 \sqrt[3]{x} \cdot dx;$</p> <p>4. $\frac{3}{4} \sqrt[3]{x^4} \cdot \ln x \Big _1^2 - \frac{3}{4} \int_1^2 \frac{\sqrt[3]{x}}{x} \ln x \, dx.$</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>7. Область интегрирования D ограничена линиями $y = 1$, $y = x$, $x + y = 4$. Расставьте пределы интегрирования</p> $\int_a^b dy \int_c^d f(x; y) dx$ <p>(ответ вводить без скобок без пробелов)</p> <p>a=_____ Ответ: 1 b=_____ Ответ: 2 c=_____ Ответ: у d=_____ Ответ: 4-у или -у+4</p> <p>8. Найдите площадь области, представленной на рисунке</p>  <p>1. $S = \frac{\pi}{6} + \frac{\sqrt{3}}{4}$ (правильный) 2. $S = \frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{2}$ 3. $S = \frac{\pi}{12} + \frac{\sqrt{3}}{8}$ 4. $S = \frac{\pi}{6} + \frac{\sqrt{3}}{2}$ 5. $S = \frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{4}$ 6. $S = \frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{8}$</p> <p>9. Вычислите криволинейный интеграл $\int_L (y-1)dx + 5xdy$ по прямой L: $y=4x+2$ от точки $M_1(-2;9)$ до точки $M_2(0;8)$ Ответ: _____ -46 _____</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>10. Найдите ротор векторного поля $\mathbf{F}=(-3y+6z)\mathbf{i}+(3z+4x)\mathbf{j}+(7x+6y)\mathbf{k}$ (ответ вводить без пробелов, без знаков «умножить», орты обозначить стандартно: i,j,k) $\text{rot } \mathbf{F} = \underline{\underline{3}}\mathbf{i}-\mathbf{j}+\underline{\underline{7}}\mathbf{k} \text{ или } \underline{\underline{3}}\mathbf{i}-\mathbf{j}+\underline{\underline{7}}\mathbf{k}$</p> <p>11. Найдите поток векторного поля $\mathbf{F} = (y \cdot z^2 - 2x)\mathbf{i} + (x^2 z + 8y)\mathbf{j} + (x \cdot y^3 - 2z)\mathbf{k}$ через внешнюю поверхность пирамиды, ограниченной координатными плоскостями и плоскостью $5x + y + 6z = 30$ $\Pi = \underline{\underline{600}}$</p> <p>12. Определите вид векторного поля $\mathbf{F} = y^2\mathbf{i} - (x^2 + y^3)\mathbf{j} + z(3y^2 - 1)\mathbf{k}$</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. соленоидальное, 2. потенциальное, 3. гармоническое 4. общего вида (правильный) <p>12. Для функции $z = z(x; y)$ известно</p> $z'_x(M) = z'_y(M) = 0$ $z''_{xx}(M) = 5; z''_{xy}(M) = 1; z''_{yy}(M) = -2$ <p>Тогда точка M</p> <p>является точкой минимума</p> <p>не является точкой экстремума</p> <p>является точкой максимума</p> <p>является стационарной точкой</p> <p>не является стационарной точкой</p>

		Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий		
4	Дифф Зачет	ТПУ	Примеры заданий на экзамен	Дифференцированный зачет (Экзамен)	Курс 1

Билет № X

1. Двойной интеграл в декартовой и полярной системах координат.
2. Вычисление потока вектора через замкнутую поверхность. Формула Остроградского - Гаусса.
3. Решить интегралы

$$\text{a) } \int \frac{x^3}{\sqrt{4-x^2}} dx; \quad \text{б) } \int_0^1 \frac{x^2}{(5x^3+2)^2} dx.$$

4. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями

$$2y = \sqrt{x}, \quad 2xy = 1, \quad x = 16.$$

5. Расставить пределы интегрирования в двойном интеграле $\iint_{(D)} f(x; y) dxdy$ по области (D) , ограниченной линиями $y = 5 - x^2$, $y = 1$.

6. Расставить пределы интегрирования в тройном интеграле $\iiint_{(V)} f(x; y; z) dxdydz$ по области (V) , ограниченной поверхностями

$$\text{a) } z = \sqrt{x^2 + y^2}; \quad \text{б) } z = 2 - x^2 - y^2$$

в цилиндрической системе координат.

7. Найти поток векторного поля

$$\vec{A} = (x-y)\vec{i} + (2x+y)\vec{j} + (x^2 + 2z + 4)\vec{k}$$

через замкнутую поверхность $x^2 + z^2 = 4$, $y = 1$, $y = 3$

8. Найти циркуляцию плоского векторного поля $\vec{A} = (x+2y)\vec{i} + (y-x)\vec{j}$ вдоль

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
		<p>контура $x^2 + y^2 = 9$, обходимого в положительном направлении, используя формулу Грина.</p> <p>9. Найти градиент скалярного поля</p> $U(x; y; z) = \frac{x^2 y}{z - 1} \text{ в точке } M_0(1; -1; 2).$ <p><u>Перечень вопросов для подготовки к сдаче дифф.зачета (экзамена)</u></p> <p>Неопределенный интеграл</p> <ul style="list-style-type: none"> • Определение первообразной функции и неопределенного интеграла, его геометрический смысл, критерий правильности результата неопределенного интегрирования. • Таблица основных неопределенных интегралов. • Свойства неопределенного интеграла. • Свойство инвариантности основных формул интегрирования. Метод подведения под знак дифференциала. • Метод интегрирования по частям. Основные типы интегралов, берущихся методом интегрирования по частям. • Метод замены переменной в неопределенном интеграле. Основной принцип выбора подходящей подстановки. Схема проведения замены переменной. • Алгебраические подстановки при интегрировании иррациональных функций. • Тригонометрические подстановки при интегрировании иррациональных функций. • Схема разложения рациональной дроби на простейшие слагаемые. Интегрирование правильных и неправильных дробей. • Интегрирование тригонометрических функций, универсальная и тангенциальная подстановки. • Неберущиеся интегралы, их примеры.

Определенный интеграл

- Схема составления интегральной суммы и определенного интеграла для данной функции в данном интервале.
- Геометрический смысл определенного интеграла.
- Теорема существования определенного интеграла.
- Свойства определенного интеграла.
- Теорема о среднем значении для определенного интеграла. Среднее значение функции в интервале.
- Теорема о производной интеграла по переменному верхнему пределу.
- Формула Ньютона – Лейбница. Сходство и различие определенного и неопределенного интегралов.
- Методы вычисления определенных интегралов (непосредственное, интегрирование по частям, замены переменной).
- Определение несобственного интеграла по бесконечному промежутку, его геометрический смысл. Сходимость несобственных интегралов 1-го рода, признак сравнения.
- Определение несобственного интеграла от неограниченной функции, его геометрический смысл. Сходимость несобственных интегралов 2-го рода, признак сравнения.
- Формулы для вычисления площадей плоских фигур, объемов тел по площади поперечного сечения и тел вращения, длин дуг плоских кривых и площадей поверхности вращения.
- Примеры физических задач, решения которых сводятся к вычислениям определенных или несобственных интегралов.

Функции нескольких переменных

- Дайте определение предела функции нескольких переменных.
- Сформулируйте определение частных производных для функции нескольких переменных.
- Что называется дифференциалом функции нескольких переменных

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> • В чем состоят достаточные условия дифференцируемости функции нескольких переменных? • Как находятся частные производные высших порядков? Сформулируйте условия равенства смешанных производных. • Как ищутся касательная плоскость и нормаль к поверхности? • Сформулируйте определение экстремума для функции нескольких переменных. Каковы необходимые условия его существования? • Сформулируйте достаточные условия существования экстремума для функции двух переменных • Приведите схему нахождения наибольшего и наименьшего значения функции в замкнутой области. <p>Кратные интегралы</p> <ul style="list-style-type: none"> • Схема составления интегральной суммы для функции двух переменных в данной плоской области. • Определение двойного интеграла и его геометрический смысл • Основные свойства двойного интеграла. • Сформулируйте теорему о среднем значении функции в плоской области, сформулируйте ее геометрический смысл. • Понятие повторного интеграла, выбор порядка интегрирования. Вычисление двойного интеграла в декартовой системе координат. • Замены переменных в двойном интеграле. Якобиан перехода от декартовых координат к полярным. • Схема перехода в двойном интеграле от декартовых координат к полярным. • Приложения двойного интеграла. • Схема составления интегральной суммы для функции трех переменных в некоторой области трехмерного пространства. • Определение и запишите основные свойства тройного интеграла. • Теорема о среднем значении в тройном интеграле.

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> • Схема вычисления тройного интеграла в декартовой системе координат. • Формула замены переменных в тройном интеграле. Якобиан перехода от декартовых координат к цилиндрическим и сферическим. • Схема перехода в тройном интеграле от декартовых координат к цилиндрическим и сферическим. • Приложения тройного интеграла. <p>Скалярное и векторное поле</p> <ul style="list-style-type: none"> • Определение скалярного поля. Примеры скралярных полей. • Определение производной скалярного поля по направлению, ее физический смысл. Формула вычисления производной по направлению. • Понятие градиента скалярного поля. Связь вектора-градиента с производной по направлению. • Определение векторного поля. Физические примеры. • Определение и формула вычисления потока векторного поля в векторной и координатной формах. • Понятие дивергенции векторного поля, ее физический смысл. Формула для вычисления дивергенции. • Формула Остроградского – Гаусса в векторной и координатной формах для вычисления потока векторного поля через замкнутую поверхность, физический смысл формулы. • Физический смысл циркуляции на примере векторного поля скоростей частиц текущей жидкости. • Определение и формула вычисления циркуляции векторного поля в векторной и координатной формах. • Понятие ротора векторного поля. Формула нахождения ротора. • Формулы Стокса и Грина, их смысл. • Потенциальное поле, потенциал и его нахождение. Свойства потенциального поля. • Соленоидальное поле, понятие векторной трубки. Свойства соленоидального поля.

		Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> • Гармоническое векторное поле и его свойства. • Оператор Гамильтона. Запись с помощью оператора Гамильтона дифференциальных векторных операций первого порядка. • Оператор Лапласа, гармонические функции. • 	

5. Методические указания по процедуре оценивания

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1.	Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 5 контрольных работ, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p>Критерии оценки задания:</p> <p>Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</p>
2.	ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 5 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>Преподаватель обеспечивает своевременное получение студентами вариантов ИДЗ, а также предоставляет электронную ссылку на сборник ИДЗ. Все ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине.</p> <p>ИДЗ выполняются в отдельной тетради, при оформлении каждого задания обязательно указывается его номер, приводится кратко условие каждого задания. Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. ИДЗ проверяет преподаватель, ведущий практические занятия. Студенты должны выполнить ИДЗ до контрольной работы по теме. За каждое ИДЗ выставляются баллы, максимальный балл указывается в рейтинг-плане.</p> <p>Критерии оценки одного задания:</p>

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
		<p>Задание считается зачтенным, если выполнено более половины заданий</p> <p>Если задание не зачтено, работа возвращается студенту на доработку.</p> <p>Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель может учесть исправления и добавить баллы к предыдущим</p>
3.	Тестирование – независимый контроль ЦОКО	<p>В семестре студенты проходят два рубежных тестирования (РТ3 и РТ4) во время конференц-недели в середине и конце текущего семестра согласно расписанию. Рубежное тестирование (РТ) проводится в компьютерной форме в on-line режиме. Продолжительность тестирования – 90 минут без перерыва. Отсчёт времени начинается с момента входа студента в Тест. Инструктаж, предшествующий тестированию, не входит в указанное время. Студент может закончить выполнение Теста до истечения отведённого времени.</p> <p>РТ нацелено на независимую объективную оценку знаний, умений и владений, полученных студентами за определенный промежуток обучения.</p> <p>Каждый вариант билета моделируется компьютером по заданным разделам химии и содержит 20 заданий. Студенты вносят ответы в компьютер, но все решения и пояснения проводят на бумаге. По окончании тестирования преподавателю выдается матрица ответов и суммарный рейтинг за тест. Обсуждение результатов тестирования проводится на консультации.</p> <p>Критерии оценки одного задания:</p> <ul style="list-style-type: none"> • за каждое правильно выполненное задание выставляется 1 тестовый балл; • за неправильно выполненное или невыполненное задание выставляется 0 баллов; • для заданий с выбором нескольких правильных ответов, заданий на соответствие и установление последовательности предусмотрено частичное оценивание. <p>Максимальный суммарный тестовый балл за каждое РТ составляет 15 баллов.</p> <p>За 2 недели до РТ студенты могут ознакомиться с демонстрационным вариантом билета, который располагается на сайте http://exam.tpu.ru в разделе «Мероприятия», и может быть выполнен каждым студентом неограниченное число раз.</p> <p><i>Для студентов, не прошедших РТ в период проведения тестирования по уважительной причине, предусмотрена возможность тестирования в резервный день, который назначается сразу после конференц-недели.</i></p> <p><i>При результате рубежного тестирования 6 баллов и менее, обучающимся предоставляется в период текущей промежуточной аттестации возможность повторно пройти РТ в резервный день, согласованный с Бюро расписаний ТПУ.</i></p>

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
4.	Дифференцированный зачет.	Дифференцированный зачет осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ (как организованная процедура не проводится). Итоговый балл определяется суммированием баллов за все оценочные мероприятия текущего семестра.

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение

высшего образования

«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

КАЛЕНДАРНЫЙ РЕЙТИНГ-ПЛАН ДИСЦИПЛИНЫ
2018/2019_учебный год

ОЦЕНКИ			Дисциплина МАТЕМАТИКА 2 для студентов _1_ курса по направлениям: 18.03.01 химическая технология	Лекции	48	час.
«Очально»	A	90 - 100 баллов		Практ. занятия	48	час.
	B	80 – 89 баллов		Лаб. занятия		час.
«Хорошо»	C	70 – 79 баллов		Всего ауд. работа	96	час.
	D	65 – 69 баллов		СРС	120	час.
«Удовл.»	E	55 – 64 баллов		ИТОГО	216	час.
Зачлено	P	55 - 100 баллов			6	з.е.
Неудовлетворительно/ незачленено	F	0-54 баллов				

Результаты обучения по дисциплине:

РД1	Владеет методами дифференциального исчисления функции нескольких переменных; методами интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных
РД2	Умеет находить частные производные и дифференциалы, исследовать функции нескольких переменных; вычислять неопределенные, определенные, несобственные, кратные, криволинейные и поверхностные интегралы; числовые характеристики скалярных и векторных полей
РД3	Знает основные этапы схемы полного исследования функции нескольких переменных; определение неопределенного, определенного, кратных, криволинейных и поверхностных интегралов, их физический и геометрический смысл; основные понятия векторного анализа , формулы Грина, Остроградского-Гаусса и Стокса

Оценочные мероприятия:

Для дисциплины с формой контроля – зачет (дифференцированный зачет)

Оценочные мероприятия		Кол-во	Баллы
Текущий контроль:			
TK1	Контрольная работа	4	46
НК	Независимый контроль ЦОКО	2	30
ЭК	Электронный образовательный ресурс «Математика-2 Болтовский Зальмеж»	...	24...
ИТОГО			100

Дополнительные баллы

Учебная деятельность / оценочные мероприятия		Кол-во	Баллы
ДП1	Олимпиада	2	10
ДП2	Выступление на конференции	1	5
ИТОГО			15

Электронный образовательный ресурс «Математика-2 Болтовский Зальмеж»:

Учебная деятельность / оценочные мероприятия		Кол-во	Баллы
ЭР1	Задания	6	24
ИТОГО			100

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видеоресурсы
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	РД1		Лекция 1 Первообразная и неопределенный интеграл. Общие методы интегрирования	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	ВР 1
			Практическое занятие 1. Непосредственное интегрирование. Таблица интегралов.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 2. Метод подстановки, интегрирование по частям.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		6			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
2	РД1		Лекция 2 Интегрирование рациональных дробей	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	ВР 1
								ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 3. Интегрирование рациональных дробей.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 3. Интегрирование тригонометрических функций	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
3	РД1		Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		6			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 4. Интегрирование иррациональных функций. Подстановки Чебышева, тригонометрические подстановки	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 4. Интегралы от тригонометрических функций.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 5. Интегрирование иррациональностей. Подстановки Чебышева, тригонометрические подстановки.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
4	РД2		Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.		6	ЭК	4	ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 5. Понятие и свойства определенного интеграла	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 6. Контрольная работа по теме «Неопределенный интеграл»	2		TK-1	12	ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 6. Формула Ньютона-Лейбница. Приложения определенного интеграла.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видеоресурсы
5		РД2	Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.		6			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 7. Несобственные интегралы I и II рода.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 7. Определенный интеграл, свойства, оценки, вычисления.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 8. Приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы I и II рода, вычисление.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
6		РД3	Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		6			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 8. Предел и непрерывность функции двух переменных	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 9. Несобственные интегралы I и II рода, признаки сходимости.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 9. Частные производные и дифференциал функций нескольких переменных	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
7		РД3	Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		6	ЭР	4	ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 10. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремум функции нескольких переменных	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 10. Частные производные первого и высших порядков для функции нескольких переменных. Дифференцирование сложных функций, функций заданных неявно	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 11. Градиент. Касательная плоскость и нормаль к поверхности	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
8		РД3	Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.		6			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 11. Условный экстремум. Наибольшее и наименьшее значение в замкнутой области	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 12. Экстремум функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значение в замкнутой области.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 12. Двойные интегралы, сведение к повторным интегралам. Свойства двойного интеграла	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.		6	ЭР	4	ОСН 1-4	ЭР 1	

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видеоресурсы
9			Конференц-неделя 1		10	НК	15	ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Контрольная работа по теме «Определенный интеграл. Функции нескольких переменных.»			ТК-1	12	ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Всего по контрольной точке (аттестации) 1				51			
10			Лекция 13. Замена переменных в двойном интеграле, его вычисление в полярной системе координат. Тройные интегралы и их вычисление в ДПСК	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 14. Замена переменных в тройном интеграле, его вычисление в цилиндрических и сферических координатах.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 13. Двойные интегралы, свойства. Вычисление в ДПСК.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		6			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
11			Лекция 15. Приложения кратных интегралов.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 14. Двойные интегралы, свойства. Вычисление в ДПСК.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 15. Тройные интегралы.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.		6			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
12			Лекция 16. Криволинейные интегралы I-го рода.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 17. Криволинейные интегралы II-го рода. Теорема Грина.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 16. Тройные интегралы. Цилиндрическая СК	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.		6			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
13	.		Лекция 18. Условия независимости криволинейного интеграла II-го рода от пути интегрирования.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 17. Тройные интегралы. Сферическая система координат.	2				ОСН 1-4	ЭР 1	

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видеоресурсы
								ДОП 1-2		
			Практическое занятие 18. Контрольная по теме «Кратные интегралы».	2		ТК-1	12	ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.		6	ЭР	4	ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
14			Лекция 19. Отыскание функции по ее полному дифференциалу. Приложения криволинейных интегралов	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 20. Поверхностные интегралы I-го рода.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 19. Криволинейные интегралы I-го рода.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		6			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
15			Лекция 21. Поверхностные интегралы II-го рода.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 20. Криволинейные интегралы II-го рода	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 21. . Формула Грина. Независимость криволинейного интеграла от пути интегрирования	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		6			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
16			Лекция 22. Теоремы Стокса и Остроградского-Гаусса. Приложения поверхностных интегралов.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Лекция 23. Векторное поле, работа, поток поля.	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 22. Поверхностные интегралы I-го рода	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.		6			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
17	.		Лекция 24. Дифференциальные операции первого и второго порядков в скалярном и векторных полях	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие 23. Поверхностные интегралы II-го рода. Формулы Стокса и Остроградского-Гаусса	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видеоресурсы
			Практическое занятие 24. Поверхностные интегралы II-го рода. Формулы Стокса и Остроградского-Гаусса	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента:		8	ЭР	4	ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
18			Конференц-неделя 2		10			ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
			Практическое занятие. Контрольная работа по теме «Криволинейные и поверхностные интегралы»..			ТК-1	10	ОСН 1-4 ДОП 1-2	ЭР 1	
						НК	15			
			Всего по контрольной точке (аттестации) 2					100		
			Общий объем работы по дисциплине	96	120			100		

Информационное обеспечение:

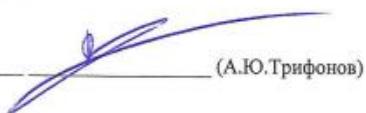
№ (код)	Название электронного ресурса (ЭР)	Адрес ресурса
ЭР 1	...Математика 2 Болтовский Зальмеж	https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=285

№ (код)	Основная учебная литература (ОСН)
ОС Н 1	Фихтенгольц, Г. М. Основы математического анализа : учебник : в 2 томах / Г. М. Фихтенгольц. — 9-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, [б. г.]. — Том 2 — 2008. — 464 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/411 (дата обращения: 11.03.2018). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
ОС Н 2	Ильин, В. А. Математический анализ: учебник для бакалавров: в 2 ч. Ч. 1 / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Г. Сендов. — 4-е изд. . — Москва : Юрайт , 2013. —URL: http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2014/FN/fn-69.pdf (дата обращения: 11.03.2018). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
ОС Н 3	Ильин, В. А. Математический анализ. Учебник для бакалавров. В 2 ч. Ч. 2 / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, В. Х. Сендов . — 3-е изд. . — Москва : Юрайт , 2013. — URL: http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2014/FN/fn-88.pdf (дата обращения: 11.03.2018)— Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
ОС Н 4	Берман, Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа : учебное пособие / Г. Н. Берман. — 6-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2017. — 492 с. — ISBN 978-5-8114-0657-9. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/89934 (дата обращения: 11.03.2018). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
№ (код)	Дополнительная учебная литература (ДОП)
ДО П 1	Высшая математика для технических университетов. В 5 ч. Ч. 3 : Дифференциальное и интегральное исчисление, [Кн.] 1 : Дифференциальное исчисление функций одной переменной . — 2-е изд., испр. / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ). — Томск: Изд-во ТПУ, 2014. — URL: http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m132.pdf (дата обращения: 11.03.2018). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.
ДО П 2	Высшая математика для технических университетов. В 5 ч. Ч. 3 : Дифференциальное и интегральное исчисление, [Кн.] 2 : Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных . — 2-е изд., испр.. / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ).— Томск: Изд-во ТПУ, 2014.— URL http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m133.pdf (дата обращения: 11.03.2018). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.

Составил:
«10» 06 2018 г.

 (И.А.Цехановский)

Согласовано:
Руководитель подразделения
«10» 06 2018 г.

 (А.Ю.Трифонов)