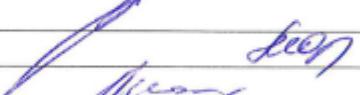


**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ  
ПРИЕМ 2018 г.**

**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

| Математика 4.1.   |  |                 |
|---|--|-----------------|
| Направление подготовки/<br>специальность                      | 18.03.01 Химическая технология   |                 |
| Образовательная программа<br>(направленность (профиль))       | Химическая технология переработки нефти и газа                                     |                 |
| Специализация   | Технология нефтегазохимии и полимерных материалов                                  |                 |
| Уровень образования   | высшее образование - бакалавриат   |                 |
| Курс  | 2  | семестр 4       |
| Трудоемкость в кредитах<br>(зачетных единицах)                | 3  |                 |
| Заведующий кафедрой-<br>руководитель ОМИ на правах<br>кафедры |  | A. Ю. Трифонов  |
| Руководитель ООП  |  | O.E. Мойзес     |
| Преподаватель   |  | A. А. Михальчук |

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 4.1» в формировании компетенций выпускника

| Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА) | Семестр | Код компетенции  | Наименование компетенции  | Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)  |   |
|---|---------|--|---|--|---|
|   |         |  |   | Код  | Наименование  |
| Математика 4.1  | 4       | УК(У)-1  | Способность осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач | ОПК(У)-№В4   | Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера |
|   |         |  |   | ОПК(У)-№У4   | Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера  |
|   |         | ОПК (У)-1  |   | ОПК(У)-№ 34  | Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера   |
|   |         | Способность и готовность использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности | ОПК(У)-1.В4   | Владеет аппаратом математической статистики для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач. |   |
|   |         |  | ОПК(У)-1.У4   | Умеет использовать вероятностные и статистические методы для обработки данных  |   |
|   |         |  | ОПК(У)-1.34   | Знает основные определения, понятия и методы теории вероятности и математической статистики  |   |

## 2. Показатели и методы оценивания

| Планируемые результаты обучения по дисциплине |  | Код контролируемой компетенции (или ее части) | Наименование раздела дисциплины   | Методы оценивания (оценочные мероприятия) |
|---|--|---|---|---|
| Код   | Наименование   |   |   |   |
| РД1   | Владеет основными понятиями и методами теории вероятностей и математической статистики   | УК (У)-1<br>ОПК (У)-1                         | Случайные события.<br>Случайные величины и их системы. Закон больших чисел, предельные теоремы.<br>Выборочный метод и оценивание параметров.<br>Элементы корреляционно - регрессионного анализа.<br>Проверка статистических гипотез | Контрольная работа ИДЗ.                   |
| РД2   | Умеет использовать вероятностные и статистические методы для обработки данных, а именно: алгебру вероятностей случайных событий, законы распределения случайной величины и их систем, законы больших чисел и предельные теоремы, выборочный метод и оценивание параметров, регрессионные модели, правила построения и проверки статистических гипотез  | УК (У)-1<br>ОПК (У)-1                         | Случайные события.<br>Случайные величины и их системы. Закон больших чисел, предельные теоремы.<br>Выборочный метод и оценивание параметров.<br>Элементы корреляционно - регрессионного анализа.<br>Проверка статистических гипотез | Контрольная работа ИДЗ.                   |
| РД3   | Знает аксиоматическое определение вероятности, основные теоремы теории вероятностей, формулы полной вероятности и Байеса, схему последовательных испытаний Бернулли, формулу Бернулли, приближенные формулы Муавра-Лапласа и Пуассона, функцию распределения случайной величины и ее свойства. плотность распределения и ее свойства, числовые характеристики случайных величин и их свойства, основные законы распределения случайных величин, законы распределения случайных векторов, неравенства Чебышева, предельные теоремы Чебышева, Бернулли, Ляпунова, Муавра-Лапласа, выборочный метод, эмпирические законы распределения, эмпирические моменты, доверительный интервал, интервальные оценки, выборочный парный коэффициент корреляции, парная регрессия, проверка гипотез о равенстве дисперсий и средних значений нормально распределенных совокупностей, критерий согласия Пирсона. | УК (У)-1<br>ОПК (У)-1                         | Случайные события.<br>Случайные величины и их системы. Закон больших чисел, предельные теоремы.<br>Выборочный метод и оценивание параметров.<br>Элементы корреляционно - регрессионного анализа.<br>Проверка статистических гипотез | Контрольная работа ИДЗ.                   |

### 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

#### Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

| % выполнения задания | Соответствие традиционной оценке | Определение оценки   |
|----------------------|----------------------------------|--|
| 90%÷100%             | «Отлично»                        | Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному |
| 70% - 89%            | «Хорошо»                         | Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов             |
| 55% - 69%            | «Удовл.»                         | Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов            |
| 0% - 54%             | «Неудовл.»                       | Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям  |

#### Шкала для оценочных мероприятий и дифференцированного зачета / зачета

| Степень сформированности результатов обучения | Балл     | Соответствие традиционной оценке | Определение оценки   |
|---|----------|----------------------------------|--|
| 90% ÷ 100%                                    | 90 ÷ 100 | «Отлично»                        | Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному |
| 70% ÷ 89%                                     | 70 ÷ 89  | «Хорошо»                         | Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов             |
| 55% ÷ 69%                                     | 55 ÷ 69  | «Удовл.»                         | Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов            |
| 55% ÷ 100%                                    | 55 ÷ 100 | «Зачтено»                        | Результаты обучения соответствуют минимально достаточным требованиям   |
| 0% ÷ 54%                                      | 0 ÷ 54   | «Неудовл.»/ «Не зачтено»         | Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям  |

#### 4. Перечень типовых заданий

| Оценочные мероприятия |                    | Примеры типовых контрольных заданий   |       |    |    |    |    |       |    |    |    |    |
|-----------------------|--------------------|---|-------|----|----|----|----|-------|----|----|----|----|
| 1.                    | Контрольная работа | <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа 1</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Из <b>50</b> конденсаторов за время <b>T</b> из строя выходят <b>5</b> конденсаторов. Для контроля выбирают <b>8</b> конденсаторов. Найти вероятность того, что среди них за время <b>T</b> из строя выйдет ровно <b>1</b> конденсатор, используя формулу Пуассона и локальную теорему Лапласа.</li> <li>Прибор состоит из двух узлов <b>a</b> и <b>b</b>, соединенных последовательно в смысле надежности, и стабилизатора напряжения <b>S</b>, работающего в двух режимах. При работе стабилизатора в первом режиме с вероятностью <b>0.7</b> надежность узлов <b>P(a) = 0.9, P(b) = 0.95</b>. При работе стабилизатора во втором режиме надежность узлов <b>P(a) = 0.8, P(b) = 0.9</b>. Найти надежность прибора, если узлы независимы.</li> <li>Задана плотность распределения <math>f(x)</math> случайной величины <math>X</math>: <math>f(x) = \begin{cases} Ax \sin x, &amp; x \in (0, \pi) \\ 0, &amp; x \notin (0, \pi) \end{cases}</math>. Требуется найти <b>A</b>, построить график <math>f(x)</math>, найти функцию распределения <math>F(x)</math> и построить ее график, найти вероятность попадания величины <math>X</math> на участок от <b>0</b> до <math>\frac{\pi}{2}</math>. Вычислить <math>M[X]</math>.</li> <li>Доказать формулу Пуассона.</li> <li>Плотность распределения непрерывной случайной величины. Свойства (с док-вом).</li> </ol> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа 2</b></p> <p><b>I</b>) Дан ряд распределения:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>x_i</math></td><td>0.</td><td>1.</td><td>2.</td><td>3.</td></tr> <tr> <td><math>n_i</math></td><td>10</td><td>13</td><td>15</td><td>12</td></tr> </table> <ol style="list-style-type: none"> <li>Построить гистограмму, полигон;</li> <li>Найти точечные оценки математического ожидания, дисперсии, среднеквадратичного отклонения, асимметрии и эксцесса;</li> <li>При уровне значимости <b><math>\alpha = 0.05</math></b> проверить гипотезу о распределении данной выборки по нормальному закону;</li> <li>Найти интервальные оценки математического ожидания, дисперсии с надежностью <b><math>\beta = 0.9</math></b>.</li> </ol> | $x_i$ | 0. | 1. | 2. | 3. | $n_i$ | 10 | 13 | 15 | 12 |
| $x_i$                 | 0.                 | 1.  | 2.    | 3. |    |    |    |       |    |    |    |    |
| $n_i$                 | 10                 | 13  | 15    | 12 |    |    |    |       |    |    |    |    |

| Оценочные мероприятия |      | Примеры типовых контрольных заданий  |
|-----------------------|------|--|
|                       |      | <p><b>II)</b> По двум независимым выборкам объемов <math>n_x = 11</math> и <math>n_y = 10</math> нормальных распределений найдены <math>\bar{x} = 30</math>. и <math>\bar{y} = 28</math>. и <math>s_x^2 = 0.8</math> и <math>s_y^2 = 0.6</math>. При уровне значимости <math>\alpha = 0.05</math> проверить нулевую гипотезу <math>H_0: \mu_x = \mu_y</math> при конкурирующей <math>H_1: \mu_x \neq \mu_y</math>.</p>   |
| 2.                    | ИДЗ. | <p><u>Пример варианта индивидуальных заданий 1.</u></p> <p>1. Из <b>100</b> изделий, среди которых имеется <b>4</b> нестандартных, выбраны случайным образом <b>6</b> изделий для проверки их качества. Определить вероятность того, что среди выбранных <b>6</b> изделий окажутся ровно <b>1</b> нестандартное изделие, используя классическое определение вероятности, формулу Бернулли, формулу Пуассона и локальную теорему Лапласа</p> <p>2. Система <math>S</math> состоит из трех независимых подсистем <math>S_a</math>, <math>S_b</math> и <math>S_c</math>. Неисправность хотя бы одной подсистемы ведет к неисправности всей системы (подсистемы соединены последовательно). Подсистема <math>S_b</math> состоит из двух независимых дублирующих блоков <math>b_k</math> (<math>k = 1, 2</math>) (схема параллельного подсоединения блоков в подсистемах).</p> <p>Найти надежность системы – вероятность того, что система будет исправна в течении некоторого времени, если известны надежности блоков <math>P(a) = 0.95</math>, <math>P(b_k) = 0.9</math>, <math>P(c) = 0.99</math>.</p> <p>3. Данна система из двух блоков <math>a</math> и <math>b</math>, соединенных параллельно в смысле надежности. Каждый из двух блоков может работать независимо от другого в трех разных режимах. Вероятность наступления первого режима <b>0.1</b>, второго <b>0.3</b>. Надежность работы первого блока в <b>1</b> – м, <b>2</b> – м, <b>3</b> – м режимах равна соответственно <b>0.9</b>; <b>0.8</b>; <b>0.7</b>. Надежность работы второго блока в <b>1</b> – м, <b>2</b> – м, <b>3</b> – м режимах равна соответственно <b>0.9</b>; <b>0.95</b>; <b>0.99</b>. Надежность системы <math>c</math> определяется как <math>P(c) = P(a)P(b)</math>, если блоки независимы.</p> <p>4. Передается <b>5</b> сообщений по каналу связи. Каждое сообщение с вероятностью <math>p = 0.3</math> независимо от других искажается. Случайная величина <math>X</math> – число не искаженных сообщений. Построить ее законы распределения, их графики, найти ее числовые характеристики. Найти вероятность того, что будет искажено не менее двух сообщений.</p> <p>5. Задана плотность распределения <math>f(x)</math> случайной величины <math>X</math>:</p> $f(x) = \begin{cases} A \sin^2 x, & x \in (0, \pi) \\ 0, & x \notin (0, \pi) \end{cases}$ <pre> graph LR     a --&gt; b1     b1 --- b     b --- b2     b2 --&gt; c   </pre> |

| Оценочные мероприятия | Примеры типовых контрольных заданий   |       |      |      |      |      |      |      |     |     |       |      |      |      |      |      |      |      |      |   |   |  |  |  |  |  |   |   |   |   |   |   |    |      |      |      |      |     |     |    |      |      |      |      |      |     |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |     |      |      |      |
|-----------------------|---|-------|------|------|------|------|------|------|-----|-----|-------|------|------|------|------|------|------|------|------|---|---|--|--|--|--|--|---|---|---|---|---|---|----|------|------|------|------|-----|-----|----|------|------|------|------|------|-----|----|-----|-----|------|------|------|------|----|-----|-----|------|------|------|------|----|-----|-----|-----|------|------|------|
|                       | <p>Требуется найти коэффициент <math>A</math>, построить график плотности распределения <math>f(x)</math>, найти функцию распределения <math>F(x)</math> и построить ее график, найти вероятность попадания величины <math>X</math> на участок от <math>0</math> до <math>\frac{\pi}{4}</math>. Найти числовые характеристики случайной величины <math>X</math>.</p> <p style="text-align: center;"><u>Пример варианта индивидуальных заданий 2.</u></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>По выборке объема <math>n = 100</math> построен ряд распределения:</li> </ol> <table border="1" data-bbox="968 520 1837 620"> <tr> <td><math>x_i</math></td><td>-2.0</td><td>-1.5</td><td>-1.0</td><td>-0.5</td><td>0.0</td><td>0.5</td><td>1.0</td><td>1.5</td></tr> <tr> <td><math>p_i</math></td><td>0.06</td><td>0.11</td><td>0.19</td><td>0.22</td><td>0.16</td><td>0.12</td><td>0.08</td><td>0.06</td></tr> </table> <p>Построить гистограмму, полигон и эмпирическую функцию распределения. Найти точечные оценки математического ожидания, дисперсии, среднеквадратичного отклонения, асимметрии и эксцесса.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Найти доверительный интервал неизвестного математического ожидания нормальной случайной величины <math>X</math>, зная доверительную вероятность <math>\beta = 0.99</math>, объем выборки <math>n = 20</math>, выборочную среднюю <math>\bar{x} = 200</math>, если 1) <math>\sigma = 10</math>, 2) <math>s = 10</math>.</li> <li>По результатам эксперимента получена таблица наблюдений системы случайных величин <math>(X, Y)</math>:</li> </ol> <table border="1" data-bbox="968 922 1837 1267"> <thead> <tr> <th rowspan="2">Y</th> <th colspan="6">X</th> </tr> <tr> <th>1</th><th>2</th><th>3</th><th>4</th><th>5</th><th>6</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>-1</td><td>0.01</td><td>0.03</td><td>0.02</td><td>0.01</td><td>0.0</td><td>0.0</td></tr> <tr> <td>-2</td><td>0.02</td><td>0.08</td><td>0.06</td><td>0.13</td><td>0.03</td><td>0.0</td></tr> <tr> <td>-3</td><td>0.0</td><td>0.0</td><td>0.05</td><td>0.08</td><td>0.13</td><td>0.02</td></tr> <tr> <td>-4</td><td>0.0</td><td>0.0</td><td>0.02</td><td>0.06</td><td>0.07</td><td>0.08</td></tr> <tr> <td>-5</td><td>0.0</td><td>0.0</td><td>0.0</td><td>0.01</td><td>0.03</td><td>0.05</td></tr> </tbody> </table> <p>Оценить данную матрицу распределения <math>(X, Y)</math> на регрессию видов <math>f(x) = \beta_1 + \beta_2 x</math> и <math>f(x) = \beta_1 + \beta_2 x + \beta_3 x^2</math>.</p> | $x_i$ | -2.0 | -1.5 | -1.0 | -0.5 | 0.0  | 0.5  | 1.0 | 1.5 | $p_i$ | 0.06 | 0.11 | 0.19 | 0.22 | 0.16 | 0.12 | 0.08 | 0.06 | Y | X |  |  |  |  |  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | -1 | 0.01 | 0.03 | 0.02 | 0.01 | 0.0 | 0.0 | -2 | 0.02 | 0.08 | 0.06 | 0.13 | 0.03 | 0.0 | -3 | 0.0 | 0.0 | 0.05 | 0.08 | 0.13 | 0.02 | -4 | 0.0 | 0.0 | 0.02 | 0.06 | 0.07 | 0.08 | -5 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.01 | 0.03 | 0.05 |
| $x_i$                 | -2.0  | -1.5  | -1.0 | -0.5 | 0.0  | 0.5  | 1.0  | 1.5  |     |     |       |      |      |      |      |      |      |      |      |   |   |  |  |  |  |  |   |   |   |   |   |   |    |      |      |      |      |     |     |    |      |      |      |      |      |     |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |     |      |      |      |
| $p_i$                 | 0.06  | 0.11  | 0.19 | 0.22 | 0.16 | 0.12 | 0.08 | 0.06 |     |     |       |      |      |      |      |      |      |      |      |   |   |  |  |  |  |  |   |   |   |   |   |   |    |      |      |      |      |     |     |    |      |      |      |      |      |     |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |     |      |      |      |
| Y                     | X   |       |      |      |      |      |      |      |     |     |       |      |      |      |      |      |      |      |      |   |   |  |  |  |  |  |   |   |   |   |   |   |    |      |      |      |      |     |     |    |      |      |      |      |      |     |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |     |      |      |      |
|                       | 1   | 2     | 3    | 4    | 5    | 6    |      |      |     |     |       |      |      |      |      |      |      |      |      |   |   |  |  |  |  |  |   |   |   |   |   |   |    |      |      |      |      |     |     |    |      |      |      |      |      |     |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |     |      |      |      |
| -1                    | 0.01  | 0.03  | 0.02 | 0.01 | 0.0  | 0.0  |      |      |     |     |       |      |      |      |      |      |      |      |      |   |   |  |  |  |  |  |   |   |   |   |   |   |    |      |      |      |      |     |     |    |      |      |      |      |      |     |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |     |      |      |      |
| -2                    | 0.02  | 0.08  | 0.06 | 0.13 | 0.03 | 0.0  |      |      |     |     |       |      |      |      |      |      |      |      |      |   |   |  |  |  |  |  |   |   |   |   |   |   |    |      |      |      |      |     |     |    |      |      |      |      |      |     |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |     |      |      |      |
| -3                    | 0.0   | 0.0   | 0.05 | 0.08 | 0.13 | 0.02 |      |      |     |     |       |      |      |      |      |      |      |      |      |   |   |  |  |  |  |  |   |   |   |   |   |   |    |      |      |      |      |     |     |    |      |      |      |      |      |     |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |     |      |      |      |
| -4                    | 0.0   | 0.0   | 0.02 | 0.06 | 0.07 | 0.08 |      |      |     |     |       |      |      |      |      |      |      |      |      |   |   |  |  |  |  |  |   |   |   |   |   |   |    |      |      |      |      |     |     |    |      |      |      |      |      |     |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |     |      |      |      |
| -5                    | 0.0   | 0.0   | 0.0  | 0.01 | 0.03 | 0.05 |      |      |     |     |       |      |      |      |      |      |      |      |      |   |   |  |  |  |  |  |   |   |   |   |   |   |    |      |      |      |      |     |     |    |      |      |      |      |      |     |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |      |      |      |      |    |     |     |     |      |      |      |

| Оценочные мероприятия |              | Примеры типовых контрольных заданий  |              |              |              |              |              |              |       |    |    |    |    |    |
|-----------------------|--------------|--|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|-------|----|----|----|----|----|
|                       |              | <p>4. По двум большим независимым выборкам объемов <math>n_x = 42</math> и <math>n_y = 58</math> нормальных распределений найдены выборочные значениями математических ожиданий <math>\bar{x} = 120</math> и <math>\bar{y} = 130</math>. Дисперсии известны <math>D_x = 24</math> и <math>D_y = 20</math>. При уровне значимости <math>\alpha = 0.05</math> проверить нулевую гипотезу <math>H_0: m_x = m_y</math> при конкурирующей 1) <math>H_1: m_x \neq m_y</math>, 2) <math>H_1: m_x &lt; m_y</math>.</p> <p>5. По критерию Пирсона при уровне значимости <math>\alpha = 0.01</math> проверить гипотезу о распределении случайной величины <math>X</math> по нормальному закону, если задано <math>n_k</math> попаданий выборочных значений случайной величины <math>X</math> в подинтервал <math>\Omega_k = (a_k, b_k)</math>:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>\Omega_k</math></td><td><math>10 \div 15</math></td><td><math>15 \div 20</math></td><td><math>20 \div 25</math></td><td><math>25 \div 30</math></td><td><math>30 \div 35</math></td></tr> <tr> <td><math>n_k</math></td><td>15</td><td>20</td><td>35</td><td>18</td><td>12</td></tr> </table>  | $\Omega_k$   | $10 \div 15$ | $15 \div 20$ | $20 \div 25$ | $25 \div 30$ | $30 \div 35$ | $n_k$ | 15 | 20 | 35 | 18 | 12 |
| $\Omega_k$            | $10 \div 15$ | $15 \div 20$   | $20 \div 25$ | $25 \div 30$ | $30 \div 35$ |              |              |              |       |    |    |    |    |    |
| $n_k$                 | 15           | 20   | 35           | 18           | 12           |              |              |              |       |    |    |    |    |    |
| 3.                    | Зачет        | <p><u>Перечень вопросов, ответы на которые дают возможность студенту продемонстрировать, а преподавателю оценить степень усвоения теоретических и фактических знаний на уровне знакомства</u></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Что в теории вероятностей понимают под событием? Какое событие называют достоверным? Какое – невозможным?</li> <li>2. Какие операции определены над событиями? Каковы свойства этих операций?</li> <li>3. Сформулируйте статистическое, классическое, геометрическое определения вероятности. В каких случаях используются эти определения?</li> <li>4. Сформулируйте основные аксиомы теории вероятностей.</li> <li>5. Укажите основные свойства вероятности.</li> <li>6. Что такое условная вероятность? Как определяется зависимость и независимость событий?</li> <li>7. Чему равны вероятности суммы и произведения событий?</li> <li>8. В каких случаях для расчета вероятностей применяется формулы полной вероятности и Байеса?</li> <li>9. Что такое схема испытаний Бернулли?</li> <li>10. В каких случаях для расчета вероятностей применяются формулы Бернулли, Муавра-Лапласа, Пуассона?</li> <li>11. Что такое случайная величина? Что называют законом распределения случайной величины?</li> <li>12. Какая случайная величина называется дискретной случайной величиной? Что такое ряд распределения дискретной случайной величины?</li> <li>13. Дайте определение функции распределения случайной величины. Каковы основные свойства функции распределения случайной величины?</li> <li>14. Какая случайная величина называется непрерывной случайной величиной? Что такое плотность распределения непрерывной случайной величины?</li> </ol> |              |              |              |              |              |              |       |    |    |    |    |    |

| Оценочные мероприятия | Примеры типовых контрольных заданий  |
|-----------------------|--|
|                       | <p>15. Каковы основные свойства плотности и функции распределения непрерывной случайной величины.</p> <p>16. Какие числовые характеристики случайной величины Вы знаете? Что характеризуют эти характеристики?</p> <p>17. Как определяется математическое ожидание случайной величины, каковы свойства математического ожидания?</p> <p>18. Как определяется дисперсия случайной величины? Каковы свойства дисперсии?</p> <p>19. Как определяются и что характеризуют коэффициент асимметрии и эксцесс распределения?</p> <p>20. Как определяются квантили и критические точки распределения?</p> <p>21. Какое распределение называется биномиальным? Укажите основные числовые характеристики биномиального распределения.</p> <p>22. Какое распределение называется распределением Пуассона? Каковы основные числовые характеристики распределения Пуассона?</p> <p>23. Что такое простейший поток событий? Какому распределению подчиняется простейший поток событий?</p> <p>24. Какое распределение называют равномерным распределением? Чему равны плотность и функция распределения, основные числовые характеристики равномерного распределения?</p> <p>25. Какое распределение называют нормальным распределением. Какова плотность и основные числовые характеристики нормального закона?</p> <p>26. Что такое стандартная нормальная величина? Какова связь между функциями распределения произвольной нормальной величины и стандартной нормальной величины? Как связана функция распределения стандартной величины с функцией Лапласа?</p> <p>27. Как определяется вероятность отклонения нормальной случайной величины от математического ожидания на заданную величину? В чем состоит правило «трех сигм»?</p> <p>28. Что называют системой случайных величин (случайным вектором)? Как определяется функция распределения системы случайных величин, каковы ее свойства (для двухмерного случайного вектора)?</p> <p>29. Какие случайные векторы относят к векторам дискретного типа? Что такое таблица совместного распределения системы, имеющей дискретное распределение?</p> <p>30. Какие случайные векторы относят к векторам непрерывного типа? Что такое плотности совместного распределения системы, имеющей непрерывное распределение? Каковы основные свойства плотности совместного распределения?</p> <p>31. Как определяется независимость случайных величин? Что такое условный закон распределения?</p> <p>32. Чему равны математическое ожидание и дисперсия суммы и произведения случайных величин?</p> <p>33. Что характеризуют ковариация и коэффициент корреляции случайных величин? Укажите основные свойства коэффициента корреляции.</p> <p>34. Как оценить вероятность отклонения случайной величины от математического ожидания с помощью неравенства Чебышева?</p> <p>35. Сформулируйте закон больших чисел Чебышева, теорему Бернулли.</p> <p>36. Сформулируйте центральную предельную теорему (ЦПТ).</p> <p>37. Что в математической статистике понимают под генеральной совокупностью? Выборкой из генеральной совокупности?</p> <p>38. Как строится статистический ряд? В каких случаях применяется сгруппированный статистический ряд? Как определяется длина интервала группирования?</p> |

| Оценочные мероприятия | Примеры типовых контрольных заданий   |
|-----------------------|---|
|                       | <p>39. Что оценивает статистический ряд относительных частот? Плотностей частот?</p> <p>40. Что используют в качестве графической иллюстрации статистических рядов? Оценкой каких кривых являются полигон частот и гистограмма?</p> <p>41. Какие величины используют в качестве числовых характеристик выборки? Каковы основные свойства этих характеристик?</p> <p>42. Как определяется эмпирическая функция распределения? Укажите основные свойства этой функции.</p> <p>43. Что такое оценка параметра? Какая оценка называется несмещенной? Какая – состоятельной? Какая эффективной?</p> <p>44. Что такое доверительный интервал и вероятность? Каковы основные принципы построения ДИ?</p> <p>45. Как строится доверительный интервал для математического ожидания нормальной генеральной совокупности при известном и неизвестном <math>\sigma</math>?</p> <p>46. Как строится доверительный интервал для дисперсии нормальной генеральной совокупности при известном и неизвестном <math>a</math>?</p> <p>47. Что такое статистическая гипотеза и статистический критерий?</p> <p>48. Какие ошибки называют ошибками первого и второго рода при применении статистических критериев? Как определяется мощность и состоятельность критерия?</p> <p>49. Опишите критерий согласия <math>\chi^2</math> Пирсона для проверки гипотезы о законе распределения.</p> <p>50. Опишите критерии для проверки гипотез о значении математического ожидания нормальной совокупности.</p> <p>51. Опишите критерии для проверки гипотез о значении дисперсии нормальной совокупности.</p> <p>52. Какие используют критерии для проверки гипотезы о равенстве дисперсий двух нормальных величин?</p> <p>53. Какие используют критерии для проверки гипотезы о равенстве двух средних нормальных величин?</p> |

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

| Оценочные мероприятия | Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания   |
|-----------------------|---|
| 1. Контрольная работа | <p>В семестре студенты выполняют 2 контрольных работы, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг-планом, на долю верно выполненных заданий.</li> </ul> |

| <b>Оценочные мероприятия</b> |                          | <b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>  |
|------------------------------|--------------------------|---|
| 2.                           | ИДЗ                      | <p>В семестре студенты выполняют 2 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>ИДЗ выдаются каждому студенту персонально.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высыпается отдельным файлом, указывается ФИО, группа.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Оформление задания 25% баллов</p> <p>Содержание 75% баллов</p> <p>ИДЗ считается зачтенным, если набрано более 55% от максимального балла за задание</p> |
| 3.                           | Дифференцированный зачет | <p>Дифференцированный зачет осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ (как организованная процедура не проводится).</p> <p>Итоговый балл определяется суммированием баллов за все оценочные мероприятия текущего семестра.</p>   |

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение

высшего профессионального образования

«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

**КАЛЕНДАРНЫЙ РЕЙТИНГ-ПЛАН ДИСЦИПЛИНЫ**  
**2019/2020\_учебный год**

| ОЦЕНКИ                                  |   |                 | Дисциплина<br><b>МАТЕМАТИКА 4.1</b><br><br>для студентов <u>2</u> курса<br>по направлениям: 18.03.01 Химическая технология | Лекции                   | 24 | час.            |
|---|---|-----------------|--|--------------------------|----|-----------------|
| «Отлично»                               | A | 90 - 100 баллов |  | Практ. занятия           | 24 | час.            |
| «Хорошо»                                | B | 80 – 89 баллов  |  | Лаб. занятия             |    | час.            |
|   | C | 70 – 79 баллов  |  | <b>Всего ауд. работа</b> | 48 | час.            |
| «Удовл.»                                | D | 65 – 69 баллов  |  | СРС                      | 60 | час.            |
|   | E | 55 – 64 баллов  |  | <b>ИТОГО</b>             |    | <b>108</b> час. |
| Зачтено                                 | P | 55 - 100 баллов |  | <b>3</b> з.е.            |    |                 |
| Неудовлетво-<br>рительно /<br>незачтено | F | 0 - 54 баллов   |  |                          |    |                 |

**Результаты обучения по дисциплине:**

|     |  |
|-----|--|
| РД1 | Владеет основными понятиями и методами теории вероятностей и математической статистики   |
| РД2 | Умеет использовать вероятностные и статистические методы для обработки данных, а именно: алгебру вероятностей случайных событий, законы распределения случайной величины и их систем, законы больших чисел и предельные теоремы, выборочный метод и оценивание параметров, регрессионные модели, правила построения и проверки статистических гипотез  |
| РД3 | Знает аксиоматическое определение вероятности, основные теоремы теории вероятностей, формулы полной вероятности и Байеса, схему последовательных испытаний Бернулли, формулу Бернулли, приближенные формулы Муавра-Лапласа и Пуассона, функцию распределения случайной величины и ее свойства. плотность распределения и ее свойства, числовые характеристики случайных величин и их свойства, основные законы распределения случайных величин, законы распределения случайных векторов, неравенства Чебышева, предельные теоремы Чебышева, Бернулли, Ляпунова, Муавра-Лапласа, выборочный метод, эмпирические законы распределения, эмпирические моменты, доверительный интервал, интервальные оценки, выборочный парный коэффициент корреляции, парная регрессия, проверка гипотез о равенстве дисперсий и средних значений нормально распределенных совокупностей, критерий согласия Пирсона. |

**Оценочные мероприятия:**  
Для дисциплин с формой контроля – зачет (дифференцированный зачет)

| Оценочные мероприятия    |                    | Кол-во | Баллы      |
|--------------------------|--------------------|--------|------------|
| <b>Текущий контроль:</b> |                    |        |            |
| ТК1                      | Контрольная работа | 2      | 60         |
| ТК2                      | Защита ИДЗ         | 2      | 40         |
| <b>ИТОГО</b>             |                    |        | <b>100</b> |

**Дополнительные баллы**

| Учебная деятельность /<br>оценочные мероприятия |                        | Баллы |
|---|------------------------|-------|
| ДП  | Активность на практике | 10    |

| Неделя | Дата начала недели | Результат обучения по дисциплине | Учебная деятельность  | Кол-во часов |      | Оценочное мероприятие | Кол-во баллов | Информационное обеспечение |                  |              |
|--------|--------------------|----------------------------------|---|--------------|------|-----------------------|---------------|----------------------------|------------------|--------------|
|        |                    |                                  |   | Ауд.         | Сам. |                       |               | Учебная литература         | Интернет-ресурсы | Видеоресурсы |
| 1      | 2                  | 3                                | 4   | 5            | 6    | 7                     | 8             | 9                          | 10               | 11           |
| 1      | 10.02.             | РД1                              | Лекция 1. Алгебра случайных событий   | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4<br>ДОП 1-2         |                  |              |
|        |                    |                                  | Практическое занятие 1. Алгебра случайных событий   | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.                                  |              | 6    |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Лекция 2. Алгебра вероятностей случайных событий.   | 2            |      |                       |               | ОСН 1                      |                  |              |
| 2      | 17.02.             | РД1                              | Лекция 3. Схема последовательных испытаний Бернулли.  | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Практическое занятие 2. Алгебра вероятностей случайных событий.   | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Практическое занятие 3. Схема последовательных испытаний Бернулли.  | 2            |      |                       |               |                            |                  |              |
|        |                    |                                  | Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.                                  |              | 6    |                       |               | ДОП 1-2                    |                  |              |
| 3      | 21.02.             | РД2                              | Лекция 4. Случайная величина и ее законы распределения  | 2            |      |                       |               | ДОП 1-2                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Практическое занятие 4. Случайная величина и ее законы распределения.   | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе. |              | 6    |                       |               | ДОП 1-2                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Лекция 5. Числовые характеристики распределения случайной величины.   | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
| 4      | 28.02.             | РД2                              | Лекция 6. Системы случайных величин.  | 2            |      |                       |               | ДОП 1-2                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Практическое занятие 5. Числовые характеристики распределения случайной величины.                                 | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе. |              | 8    | ТК2                   | 20            | ОСН 1-4<br>ДОП 1-2         |                  |              |
|        |                    |                                  | Практическое занятие 6. Контрольная работа 1.   | 2            |      | ТК1                   | 30            | ОСН 1-4<br>ДОП 1-2         |                  |              |
| 5      | 06.03.             | РД4                              | Лекция 7. Выборочный метод. Эмпирические законы распределения. Эмпирические моменты                               | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Лекция 8. Доверительный интервал. Интервальные оценки.  | 2            |      |                       |               | ДОП 1-2                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.                                  |              | 6    |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Практическое занятие 7. Выборочный метод. Эмпирические законы распределения. Эмпирические моменты.                | 2            |      |                       |               | ДОП 1-2                    |                  |              |
| 6      | 13.03.             | РД4<br>РД5                       | Лекция 9. Выборочный парный коэффициент корреляции. Парная регрессия.   | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Практическое занятие 8. Доверительный интервал. Интервальные оценки. .  | 2            |      |                       |               | ДОП 1-2                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.                                  |              | 6    |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|        |                    |                                  | Практическое занятие 9. Выборочный парный коэффициент корреляции. Парная регрессия                                |              |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
| 7      | 20.03              | РД6                              | Лекция 10. Статистическая гипотеза. Критерий проверки статистических гипотез. Критерий согласия Пирсона.          | 2            |      |                       |               | ДОП 1-2                    |                  |              |

| Неделя                                  | Дата начала недели | Результат обучения по дисциплине | Учебная деятельность  | Кол-во часов |      | Оценочное мероприятие | Кол-во баллов | Информационное обеспечение |                  |              |
|---|--------------------|----------------------------------|---|--------------|------|-----------------------|---------------|----------------------------|------------------|--------------|
|   |                    |                                  |   | Ауд.         | Сам. |                       |               | Учебная литература         | Интернет-ресурсы | Видеоресурсы |
| 8                                       |                    | РД6<br>РД3                       | Практическое занятие 10. Статистическая гипотеза. Критерий проверки статистических гипотез. Критерий согласия Пирсона.    | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|   |                    |                                  | Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.  |              | 6    |                       |               | ДОП 1-2                    |                  |              |
|   |                    |                                  | Лекция 11. Проверка гипотез о равенстве дисперсий и средних значений нормально распределенных совокупностей.              | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|   |                    |                                  | Лекция 12. Закон больших чисел и предельные теоремы.  | 2            |      |                       |               | ДОП 1-2                    |                  |              |
| 9                                       |                    |                                  | Практическое занятие 11 Проверка гипотез о равенстве дисперсий и средних значений нормально распределенных совокупностей. | 2            |      |                       |               | ОСН 1-4                    |                  |              |
|   |                    |                                  | Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.         |              | 6    | TK2                   | 20            | ДОП 1-2                    |                  |              |
|   |                    |                                  | Практическое занятие 12. Контрольная работа 2.  | 2            |      | TK1                   | 30            | ОСН 1-4                    |                  |              |
|   |                    |                                  | Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к зачету.                     |              | 10   |                       |               | ДОП 1-2                    |                  |              |
| <b>Общий объем работы по дисциплине</b> |                    |                                  |   | 48           | 60   |                       | <b>100</b>    |                            |                  |              |

| №<br>(код) | Основная учебная литература (ОСН)  |
|------------|--|
| ОСН<br>1   | Балдин, К. В. Основы теории вероятностей и математической статистики : учебник / К. В. Балдин, В. Н. Башлыков, А. В. Рукосуев ; под общей редакцией К. В. Балдина. — 4-е изд., стер. — Москва : ФЛИНТА, 2016. — 489 с. — ISBN 978-5-9765-2069-1. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/84347">https://e.lanbook.com/book/84347</a> (дата обращения: 19.04.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.   |
| ОСН<br>2   | Бурс, В. М. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / В. М. Бурс, Е. М. Париллина. — Санкт-Петербург : Лань, 2013. — 416 с. — ISBN 978-5-8114-1508-3. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/10249">https://e.lanbook.com/book/10249</a> (дата обращения: 19.04.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.  |
| ОСН<br>3   | Блягоз, З. У. Теория вероятностей и математическая статистика. Курс лекций : учебное пособие / З. У. Блягоз. — 2-е изд., испр. — Санкт-Петербург : Лань, 2018. — 224 с. — ISBN 978-5-8114-2934-9. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/103061">https://e.lanbook.com/book/103061</a> (дата обращения: 19.04.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.  |
| ОСН<br>4   | Гмурман, Владимир Ефимович. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие для бакалавров / В. Е. Гмурман. — 12-е изд.. — Москва: Юрайт, 2014. — 479 с.: ил.. — Бакалавр. Базовый курс. — Предметный указатель: с. 474-479.. — ISBN 978-5-9916-3461-8. <a href="http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C291648">http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C291648</a> (дата обращения: 11.03.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ. — Текст: электронный |
| №<br>(код) | Дополнительная учебная литература (ДОП)  |
| ДОП<br>1   | Гмурман, В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике : учебное пособие для прикладного бакалавриата / В. Е. Гмурман. — 11-е изд., перераб. и доп.. — Москва: Юрайт, 2015. — 404 с. <a href="http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C316063">http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C316063</a> (дата обращения: 11.03.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ  |
| ДОП<br>2   | Лазарева, Любовь Ивановна. Теория вероятностей. Математическая статистика : учебное пособие / Л. И. Лазарева, А. А. Михальчук; Томский политехнический университет (ТПУ), Институт дистанционного образования (ИДО). — 2-е изд., стер.. — Томск: Изд-во ТПУ, 2010. <a href="http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C201836">http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C201836</a> (дата обращения: 11.03.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.                             |

Составил:

к.ф.-м.н., доцент Михальчук А. А.

« 19 » 06 2019 г.

Согласовано:

Зав.каф.-руководитель отделения

д.ф.-м.н., проф. Трифонов А.Ю.

« 28 » 06 2019 г.