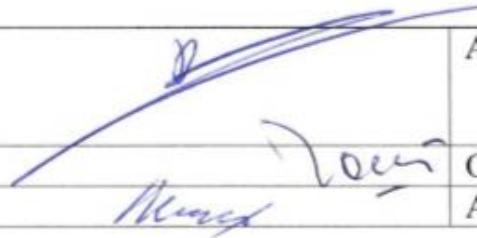


**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**  
**ПРИЕМ 2020 г.**  
**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

**Математика 4.1**

Направление подготовки/ специальность	27.03.05 Инноватика		
Образовательная программа (направленность (профиль))	Предпринимательство в инновационной деятельности		
Специализация	Предпринимательство в инновационной деятельности		
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат		
Курс	2	семестр	4
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	3		
Зав. кафедрой-руководитель отделения на правах кафедры ОМИ ШБИП			A. Ю. Трифонов
Руководитель ООП			O.Б. Шамина
Преподаватель			A.А. Михальчук

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 4.1» в формировании компетенций выпускника

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
				Код	Наименование
Математика 4.1	4	УК(У)-1	Способность осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК(У)-1.В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.31	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
		ОПК(У)-7	Способность применять знания математики, физики и естествознания, химии и материаловедения, теории управления и информационные технологии в инновационной деятельности	ОПК(У)-7.В1	Владеет опытом применения математического, химического, физического анализа и информационных технологий в инновационной деятельности
				ОПК(У)-7.У1	Умеет применять знания математики, физики и естествознания, химии и материаловедения, теории управления и информационных технологий в инновационной деятельности
				ОПК(У)-7.31	Знает основы математики, физики и естествознания, химии и материаловедения, теории управления и информационных технологий в инновационной деятельности

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код достижения контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД1	Владеет основными понятиями и методами теории вероятностей и математической статистики	УК(У)-1 ОПК(У)-7	Случайные события. Случайные величины и их системы. Закон больших чисел, предельные теоремы. Выборочный метод и оценивание параметров. Элементы корреляционно - регрессионного	Контрольная работа ИДЗ.

				анализа. Проверка статистических гипотез	
РД2	Умеет использовать вероятностные и статистические методы для обработки данных, а именно: алгебру вероятностей случайных событий, законы распределения случайной величины и их систем, законы больших чисел и предельные теоремы, выборочный метод и оценивание параметров, регрессионные модели, правила построения и проверки статистических гипотез	УК(У)-1 ОПК(У)-7		Случайные события. Случайные величины и их системы. Закон больших чисел, предельные теоремы. Выборочный метод и оценивание параметров. Элементы корреляционно - регрессионного анализа. Проверка статистических гипотез	Контрольная работа ИДЗ.
РД3	Знает аксиоматическое определение вероятности, основные теоремы теории вероятностей, формулы полной вероятности и Байеса, схему последовательных испытаний Бернулли, формулу Бернулли, приближенные формулы Муавра-Лапласа и Пуассона, функцию распределения случайной величины и ее свойства. плотность распределения и ее свойства, числовые характеристики случайных величин и их свойства, основные законы распределения случайных величин, законы распределения случайных векторов, неравенства Чебышева, предельные теоремы Чебышева, Бернулли, Ляпунова, Муавра-Лапласа, выборочный метод, эмпирические законы распределения, эмпирические моменты, доверительный интервал, интервальные оценки, выборочный парный коэффициент корреляции, парная регрессия, проверка гипотез о равенстве дисперсий и средних значений нормально распределенных совокупностей, критерий согласия Пирсона.	УК(У)-1 ОПК(У)-7		Случайные события. Случайные величины и их системы. Закон больших чисел, предельные теоремы. Выборочный метод и оценивание параметров. Элементы корреляционно - регрессионного анализа. Проверка статистических гипотез	Контрольная работа ИДЗ.

### 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (экзамен) (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

**Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля**

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

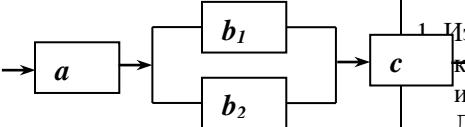
**Шкала для оценочных мероприятий экзамена**

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	18 ÷ 20	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	14 ÷ 17	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	11 ÷ 13	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	0 ÷ 10	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

**4. Перечень типовых заданий**

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1.	Контрольная работа	<p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа 1</b></p> <p>1. Из 50 конденсаторов за время <math>T</math> из строя выходят 5 конденсаторов. Для контроля выбирают 8 конденсаторов. Найти вероятность того, что среди них за время <math>T</math> из строя выйдет ровно 1 конденсатор, используя формулу Пуассона и локальную теорему Лапласа.</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий										
	<p>2. Прибор состоит из двух узлов <math>a</math> и <math>b</math>, соединенных последовательно в смысле надежности, и стабилизатора напряжения <math>S</math>, работающего в двух режимах. При работе стабилизатора в первом режиме с вероятностью <b>0.7</b> надежность узлов <math>P(a) = 0.9</math>, <math>P(b) = 0.95</math>. При работе стабилизатора во втором режиме надежность узлов <math>P(a) = 0.8</math>, <math>P(b) = 0.9</math>. Найти надежность прибора, если узлы независимы.</p> <p>3. Задана плотность распределения <math>f(x)</math> случайной величины <math>X</math>: <math>f(x) = \begin{cases} Ax \sin x, &amp; x \in (0, \pi) \\ 0, &amp; x \notin (0, \pi) \end{cases}</math>. Требуется найти <math>A</math>, построить график <math>f(x)</math>, найти функцию распределения <math>F(x)</math> и построить ее график, найти вероятность попадания величины <math>X</math> на участок от <b>0</b> до <math>\frac{\pi}{2}</math>. Вычислить <math>M[X]</math>.</p> <p>4. Доказать формулу Пуассона.</p> <p>5. Плотность распределения непрерывной случайной величины. Свойства (с док-вом).</p>										
2. ИДЗ.	<p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа 2</b></p> <p><b>I)</b> Дан ряд распределения:</p> <table border="1" data-bbox="1089 822 1702 938"> <tr> <td><math>x_i</math></td><td>0.</td><td>1.</td><td>2.</td><td>3.</td></tr> <tr> <td><math>n_i</math></td><td>10</td><td>13</td><td>15</td><td>12</td></tr> </table> <p>1. Построить гистограмму, полигон;      2. Найти точечные оценки математического ожидания, дисперсии, среднеквадратичного отклонения, асимметрии и эксцесса;      3. При уровне значимости <math>\alpha = 0.05</math> проверить гипотезу о распределении данной выборки по нормальному закону;      4. Найти интервальные оценки математического ожидания, дисперсии с надежностью <math>\beta = 0.9</math>.</p> <p><b>II)</b> По двум независимым выборкам объемов <math>n_x = 11</math> и <math>n_y = 10</math> нормальных распределений найдены <math>\bar{x} = 30</math>. и <math>\bar{y} = 28</math>. и <math>s_x^2 = 0.8</math> и <math>s_y^2 = 0.6</math>. При уровне значимости <math>\alpha = 0.05</math> проверить нулевую гипотезу <math>H_0: m_x = m_y</math> при конкурирующей <math>H_1: m_x \neq m_y</math>.</p>	$x_i$	0.	1.	2.	3.	$n_i$	10	13	15	12
$x_i$	0.	1.	2.	3.							
$n_i$	10	13	15	12							

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>Из <b>100</b> изделий, среди которых имеется <b>4</b> нестандартных, выбраны случайным образом <b>6</b> изделий для проверки их качества. Определить вероятность того, что среди выбранных <b>6</b> изделий окажутся ровно <b>1</b> нестандартное изделие, используя классическое определение вероятности, формулу Бернулли, формулу Пуассона и локальную теорему Лапласа</p> <p>2. Система <math>S</math> состоит из трех независимых подсистем <math>S_a</math>, <math>S_b</math> и <math>S_c</math>. Неисправность хотя бы одной подсистемы ведет к неисправности всей системы (подсистемы соединены последовательно). Подсистема <math>S_b</math> состоит из двух независимых дублирующих блоков <math>b_k</math> (<math>k = 1, 2</math>) (схема параллельного подсоединения блоков в подсистемах).</p> <p>Найти надежность системы – вероятность того, что система будет исправна в течении некоторого времени, если известны надежности блоков <math>P(a) = 0.95</math>, <math>P(b_k) = 0.9</math>, <math>P(c) = 0.99</math>.</p> <p>3. Данна система из двух блоков <b>a</b> и <b>b</b>, соединенных параллельно в смысле надежности. Каждый из двух блоков может работать независимо от другого в трех разных режимах. Вероятность наступления первого режима <b>0.1</b>, второго <b>0.3</b>. Надежность работы первого блока в <b>1</b> – м, <b>2</b> – м, <b>3</b> – м режимах равна соответственно <b>0.9</b>; <b>0.8</b>; <b>0.85</b>. Надежность работы второго блока в <b>1</b> – м, <b>2</b> – м, <b>3</b> – м режимах равна соответственно <b>0.9</b>; <b>0.95</b>; <b>0.8</b>. Найти надежность системы, если блоки независимы.</p> <p>4. Передается <b>5</b> сообщений по каналу связи. Каждое сообщение с вероятностью <math>p = 0.3</math> независимо от других искажается. Случайная величина <math>X</math> – число не искаженных сообщений. Построить ее законы распределения, их графики, найти ее числовые характеристики. Найти вероятность того, что будет искажено не менее двух сообщений.</p> <p>5. Задана плотность распределения <math>f(x)</math> случайной величины <math>X</math>:</p> $f(x) = \begin{cases} A \sin^2 x, & x \in (0, \pi), \\ 0, & x \notin (0, \pi), \end{cases}$ <p>Требуется найти коэффициент <math>A</math>, построить график плотности распределения <math>f(x)</math>, найти функцию распределения <math>F(x)</math> и построить ее график, найти вероятность попадания величины <math>X</math> на участок от <b>0</b> до <math>\frac{\pi}{4}</math>. Найти числовые характеристики случайной величины <math>X</math>.</p> <p><u>Пример варианта индивидуальных заданий 2.</u></p> <p>1. По выборке объема <math>n = 100</math> построен ряд распределения:</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий																																																																														
	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>x_i</math></td><td>-2.0</td><td>-1.5</td><td>-1.0</td><td>-0.5</td><td>0.0</td><td>0.5</td><td>1.0</td><td>1.5</td></tr> <tr> <td><math>p_i</math></td><td>0.06</td><td>0.11</td><td>0.19</td><td>0.22</td><td>0.16</td><td>0.12</td><td>0.08</td><td>0.06</td></tr> </table> <p style="text-align: center;"><i>Построить гистограмму, полигон и эмпирическую функцию распределения. Найти точечные оценки математического ожидания, дисперсии, среднеквадратичного отклонения, асимметрии и эксцесса.</i></p> <p>2. Найти доверительный интервал неизвестного математического ожидания нормальной случайной величины <math>X</math>, зная доверительную вероятность <math>\beta = 0.99</math>, объем выборки <math>n = 20</math>, выборочную среднюю <math>\bar{x} = 200</math>, если 1) <math>\sigma = 10</math>, 2) <math>s = 10</math>.</p> <p>3. По результатам эксперимента получена таблица наблюдений системы случайных величин (<math>X, Y</math>):</p> <table border="1" style="width: 100%; text-align: center;"> <thead> <tr> <th rowspan="2">Y</th> <th colspan="6">X</th> </tr> <tr> <th>1</th><th>2</th><th>3</th><th>4</th><th>5</th><th>6</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>-1</td><td>0.01</td><td>0.03</td><td>0.02</td><td>0.01</td><td>0.0</td><td>0.0</td></tr> <tr> <td>-2</td><td>0.02</td><td>0.08</td><td>0.06</td><td>0.13</td><td>0.03</td><td>0.0</td></tr> <tr> <td>-3</td><td>0.0</td><td>0.0</td><td>0.05</td><td>0.08</td><td>0.13</td><td>0.02</td></tr> <tr> <td>-4</td><td>0.0</td><td>0.0</td><td>0.02</td><td>0.06</td><td>0.07</td><td>0.08</td></tr> <tr> <td>-5</td><td>0.0</td><td>0.0</td><td>0.0</td><td>0.01</td><td>0.03</td><td>0.05</td></tr> </tbody> </table> <p style="text-align: center;"><i>Оценить данную матрицу распределения (<math>X, Y</math>) на регрессию видов <math>f(x) = \beta_1 + \beta_2 x</math> и <math>f(x) = \beta_1 + \beta_2 x + \beta_3 x^2</math>.</i></p> <p>4. По двум большим независимым выборкам объемов <math>n_X = 42</math> и <math>n_Y = 58</math> нормальных распределений найдены выборочные значениями математических ожиданий <math>\bar{X} = 120</math> и <math>\bar{Y} = 130</math>. Дисперсии известны <math>D_X = 24</math> и <math>D_Y = 20</math>. При уровне значимости <math>\alpha = 0.05</math> проверить нулевую гипотезу <math>H_0: m_X = m_Y</math> при конкурирующей 1) <math>H_1: m_X \neq m_Y</math>, 2) <math>H_1: m_X &lt; m_Y</math>.</p> <p>5. По критерию Пирсона при уровне значимости <math>\alpha = 0.01</math> проверить гипотезу о распределении случайной величины <math>X</math> по нормальному закону, если задано <math>n_k</math> попаданий выборочных значений случайной величины <math>X</math> в подинтервал <math>\Omega_k = (a_k, b_k)</math>:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>\Omega_k</math></td><td>10 ÷ 15</td><td>15 ÷ 20</td><td>20 ÷ 25</td><td>25 ÷ 30</td><td>30 ÷ 35</td></tr> <tr> <td><math>n_k</math></td><td>15</td><td>20</td><td>35</td><td>18</td><td>12</td></tr> </table>	$x_i$	-2.0	-1.5	-1.0	-0.5	0.0	0.5	1.0	1.5	$p_i$	0.06	0.11	0.19	0.22	0.16	0.12	0.08	0.06	Y	X						1	2	3	4	5	6	-1	0.01	0.03	0.02	0.01	0.0	0.0	-2	0.02	0.08	0.06	0.13	0.03	0.0	-3	0.0	0.0	0.05	0.08	0.13	0.02	-4	0.0	0.0	0.02	0.06	0.07	0.08	-5	0.0	0.0	0.0	0.01	0.03	0.05	$\Omega_k$	10 ÷ 15	15 ÷ 20	20 ÷ 25	25 ÷ 30	30 ÷ 35	$n_k$	15	20	35	18	12
$x_i$	-2.0	-1.5	-1.0	-0.5	0.0	0.5	1.0	1.5																																																																							
$p_i$	0.06	0.11	0.19	0.22	0.16	0.12	0.08	0.06																																																																							
Y	X																																																																														
	1	2	3	4	5	6																																																																									
-1	0.01	0.03	0.02	0.01	0.0	0.0																																																																									
-2	0.02	0.08	0.06	0.13	0.03	0.0																																																																									
-3	0.0	0.0	0.05	0.08	0.13	0.02																																																																									
-4	0.0	0.0	0.02	0.06	0.07	0.08																																																																									
-5	0.0	0.0	0.0	0.01	0.03	0.05																																																																									
$\Omega_k$	10 ÷ 15	15 ÷ 20	20 ÷ 25	25 ÷ 30	30 ÷ 35																																																																										
$n_k$	15	20	35	18	12																																																																										

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
3. Экзамен	<p><u>Перечень вопросов, ответы на которые дают возможность студенту продемонстрировать, а преподавателю оценить степень усвоения теоретических и фактических знаний на уровне знакомства</u></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Что в теории вероятностей понимают под событием? Какое событие называют достоверным? Какое – невозможным?</li> <li>2. Какие операции определены над событиями? Каковы свойства этих операций?</li> <li>3. Сформулируйте статистическое, классическое, геометрическое определения вероятности. В каких случаях используются эти определения?</li> <li>4. Сформулируйте основные аксиомы теории вероятностей.</li> <li>5. Укажите основные свойства вероятности.</li> <li>6. Что такая условная вероятность? Как определяется зависимость и независимость событий?</li> <li>7. Чему равны вероятности суммы и произведения событий?</li> <li>8. В каких случаях для расчета вероятностей применяются формулы полной вероятности и Байеса?</li> <li>9. Что такое схема испытаний Бернулли?</li> <li>10. В каких случаях для расчета вероятностей применяются формулы Бернулли, Муавра-Лапласа, Пуассона?</li> <li>11. Что такое случайная величина? Что называют законом распределения случайной величины?</li> <li>12. Какая случайная величина называется дискретной случайной величиной? Что такое ряд распределения дискретной случайной величины?</li> <li>13. Дайте определение функции распределения случайной величины. Каковы основные свойства функции распределения случайной величины?</li> <li>14. Какая случайная величина называется непрерывной случайной величиной? Что такое плотность распределения непрерывной случайной величины?</li> <li>15. Каковы основные свойства плотности и функции распределения непрерывной случайной величины.</li> <li>16. Какие числовые характеристики случайной величины Вы знаете? Что характеризуют эти характеристики?</li> <li>17. Как определяется математическое ожидание случайной величины, каковы свойства математического ожидания?</li> <li>18. Как определяется дисперсия случайной величины? Каковы свойства дисперсии?</li> <li>19. Как определяются и что характеризуют коэффициент асимметрии и эксцесс распределения?</li> <li>20. Как определяются квантили и критические точки распределения?</li> <li>21. Какое распределение называется биномиальным? Укажите основные числовые характеристики биномиального распределения.</li> <li>22. Какое распределение называется распределением Пуассона? Каковы основные числовые характеристики распределения Пуассона?</li> <li>23. Что такое простейший поток событий? Какому распределению подчиняется простейший поток событий?</li> <li>24. Какое распределение называют равномерным распределением? Чему равна плотность и функция распределения, основные числовые характеристики равномерного распределения?</li> <li>25. Какое распределение называют нормальным распределением. Какова плотность и основные числовые характеристики нормального закона?</li> <li>26. Что такое стандартная нормальная величина? Какова связь между функциями распределения произвольной</li> </ol>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>нормальной величины и стандартной нормальной величины? Как связана функция распределения стандартной величины с функцией Лапласа?</p> <p>27. Как определяется вероятность отклонения нормальной случайной величины от математического ожидания на заданную величину? В чем состоит правило «трех сигм»?</p> <p>28. Что называют системой случайных величин (случайным вектором)? Как определяется функция распределения системы случайных величин, каковы ее свойства (для двухмерного случайного вектора)?</p> <p>29. Какие случайные векторы относят к векторам дискретного типа? Что такое таблица совместного распределения системы, имеющей дискретное распределение?</p> <p>30. Какие случайные векторы относят к векторам непрерывного типа? Что такое плотности совместного распределения системы, имеющей непрерывное распределение? Каковы основные свойства плотности совместного распределения?</p> <p>31. Как определяется независимость случайных величин? Что такое условный закон распределения?</p> <p>32. Чему равны математическое ожидание и дисперсия суммы и произведения случайных величин?</p> <p>33. Что характеризуют ковариация и коэффициент корреляции случайных величин? Укажите основные свойства коэффициента корреляции.</p> <p>34. Как оценить вероятность отклонения случайной величины от математического ожидания с помощью неравенства Чебышева?</p> <p>35. Сформулируйте закон больших чисел Чебышева, теорему Бернуlli.</p> <p>36. Сформулируйте центральную предельную теорему (ЦПТ).</p> <p>37. Что в математической статистике понимают под генеральной совокупностью? Выборкой из генеральной совокупности?</p> <p>38. Как строится статистический ряд? В каких случаях применяется сгруппированный статистический ряд? Как определяется длина интервала группирования?</p> <p>39. Что оценивает статистический ряд относительных частот? Плотностей частот?</p> <p>40. Что используют в качестве графической иллюстрации статистических рядов? Оценкой каких кривых являются полигон частот и гистограмма?</p> <p>41. Какие величины используют в качестве числовых характеристик выборки? Каковы основные свойства этих характеристик?</p> <p>42. Как определяется эмпирическая функция распределения? Укажите основные свойства этой функции.</p> <p>43. Что такая оценка параметра? Какая оценка называется несмещенной? Какая – состоятельной? Какая эффективной?</p> <p>44. Что такое доверительный интервал и вероятность? Каковы основные принципы построения ДИ?</p> <p>45. Как строится доверительный интервал для математического ожидания нормальной генеральной совокупности при известном и неизвестном <math>\sigma</math>?</p> <p>46. Как строится доверительный интервал для дисперсии нормальной генеральной совокупности при известном и неизвестном <math>a</math>?</p> <p>47. Что такое статистическая гипотеза и статистический критерий?</p> <p>48. Какие ошибки называют ошибками первого и второго рода при применении статистических критериев? Как определяются мощность и состоятельность критерия?</p> <p>49. Опишите критерий согласия <math>\chi^2</math> Пирсона для проверки гипотезы о законе распределения.</p>

<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
	<p>50. Опишите критерии для проверки гипотез о значении математического ожидания нормальной совокупности.</p> <p>51. Опишите критерии для проверки гипотез о значении дисперсии нормальной совокупности.</p> <p>52. Какие используют критерии для проверки гипотезы о равенстве дисперсий двух нормальных величин?</p> <p>53. Какие используют критерии для проверки гипотезы о равенстве двух средних нормальных величин?</p>

## **5. Методические указания по процедуре оценивания**

<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
1. Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 2 контрольных работы, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</li> </ul>
2. ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 2 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>ИДЗ выдаются каждому студенту персонально.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высыпается отдельным файлом, указывается ФИО, группа.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Оформление задания 25% баллов</p> <p>Содержание 75% баллов</p> <p>ИДЗ считается зачтенным, если набрано более 55% от максимального балла за задание</p>
3. Экзамен	Экзамен осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и

<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
	<p>промежуточной аттестации ТПУ На экзамене студенту выдаются билеты, включающие теоретические вопросы и практические задания. Преподаватель, проверив работу, в ходе устной беседы со студентом может задавать вопросы по самому билету, а также дополнительные вопросы по теории и практике. В итоге студент набирает итоговый балл за экзамен, максимально 20 баллов. Оценка за дисциплину формируется как итоговая за работу в семестре и экзамен в соответствие с принятой шкалой оценивания.</p> <p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствие с действующей процедурой.</p> <p>В соответствии с приказами от 25.07.2018 г. №58/од Об утверждении и введении в действие «Системы оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете» и №59/од Об утверждении и введении в действие новой редакции «Положения о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации в ТПУ» экзамен по математике проводится в устной форме. Студенту выдается экзаменационный билет, содержащий теоретические вопросы, качественные и количественные задачи. Каждый вопрос билета оценивается баллом (всего по билету 20 баллов). Экзамен проходит в устной форме.</p> <p>Согласно шкалы оценивания результатов</p> <p>18-20 баллов (отлично) - всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>14-17 баллов (хорошо) - достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>11-13 баллов (удовлетворительно) - приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>0-10 баллов (неудовлетворительно) - результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям.</p> <p>Результаты промежуточной аттестации оформляются ведомостью и вносятся в зачетную книжку обучающегося.</p>

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
 Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
 высшего профессионального образования  
**«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»**

---

**КАЛЕНДАРНЫЙ РЕЙТИНГ-ПЛАН ДИСЦИПЛИНЫ**  
**2021/2022\_учебный год**

ОЦЕНКИ			<p><b>Дисциплина</b>  <b>МАТЕМАТИКА 4.1</b>  <small>для студентов _2_ курса</small></p> <p>по направлениям:</p> <p>03.03.02 физика          05.03.06 экология и природопользование          15.03.01 машиностроение          15.03.04 автоматизация технологических процессов и производств          15.03.06 мехатроника и робототехника          18.03.01 химическая технология          19.03.01 биотехнология          20.03.01 техносферная безопасность          21.03.02 землеустройство и кадастры          22.03.01 материаловедение и технологии материалов          27.0305 инноватика</p>	Лекции	24	час.
«Отлично»	A	90 - 100 баллов		Практ. занятия	24	час.
«Хорошо»	B	80 – 89 баллов		Лаб. занятия		час.
	C	70 – 79 баллов		<b>Всего ауд. работа</b>	48	час.
«Удовл.»	D	65 – 69 баллов		СРС	60	час.
	E	55 – 64 баллов		<b>ИТОГО</b>	<b>108</b>	час.
Зачтено	P	55 - 100 баллов			<b>3</b>	з.е.
Неудовлетворительно / незачтено	F	0 - 54 баллов				

**Результаты обучения по дисциплине:**

RД1	Владеет основными понятиями и методами теории вероятностей и математической статистики
RД2	Умеет использовать вероятностные и статистические методы для обработки данных, а именно: алгебру вероятностей случайных событий, законы распределения случайной

	величины и их систем, законы больших чисел и предельные теоремы, выборочный метод и оценивание параметров, регрессионные модели, правила построения и проверки статистических гипотез
РД3	Знает аксиоматическое определение вероятности, основные теоремы теории вероятностей, формулы полной вероятности и Байеса, схему последовательных испытаний Бернуlli, формулу Бернули, приближенные формулы Муавра-Лапласа и Пуассона, функцию распределения случайной величины и ее свойства, плотность распределения и ее свойства, числовые характеристики случайных величин и их свойства, основные законы распределения случайных величин, законы распределения случайных векторов, неравенства Чебышева, предельные теоремы Чебышева, Бернули, Ляпунова, Муавра-Лапласа, выборочный метод, эмпирические законы распределения, эмпирические моменты, доверительный интервал, интервальные оценки, выборочный парный коэффициент корреляции, парная регрессия, проверка гипотез о равенстве дисперсий и средних значений нормально распределенных совокупностей, критерий согласия Пирсона.

**Оценочные мероприятия:**  
Для дисциплин с формой контроля – экзамен

Оценочные мероприятия		Кол-во	Баллы
Текущий контроль:			
TK1	Контрольная работа	2	50
TK2	Защита ИДЗ	2	30
Экзамен	экзамен	1	20
	<b>ИТОГО</b>		<b>100</b>

**Дополнительные баллы**

Учебная деятельность / оценочные мероприятия		Баллы	
DП	Активность на практике	10	

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видео-ресурсы
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	10.02.	РД1	Лекция 1. Алгебра случайных событий	2				ОСН 1-4 ДОП 1-2		
			Практическое занятие 1. Алгебра случайных событий	2				ОСН 1-4		
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		6			ОСН 1-4		
			Лекция 2. Алгебра вероятностей случайных событий.	2				ОСН 1		
2	17.02.	РД1	Лекция 3. Схема последовательных испытаний Бернуlli.	2				ОСН 1-4		

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видео-ресурсы
3	21.02.	РД2	Практическое занятие 2. Алгебра вероятностей случайных событий.	2				ОСН 1-4		
			Практическое занятие 3. Схема последовательных испытаний Бернулли.	2						
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		6			ДОП 1-2		
			Лекция 4. Случайная величина и ее законы распределения	2				ДОП 1-2		
4	28.02.	РД2	Практическое занятие 4. Случайная величина и ее законы распределения.	2				ОСН 1-4		
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.		6			ДОП 1-2		
			Лекция 5. Числовые характеристики распределения случайной величины.	2				ОСН 1-4		
			Лекция 6. Системы случайных величин.	2				ДОП 1-2		
5	06.03.	РД4	Практическое занятие 5. Числовые характеристики распределения случайной величины.	2				ОСН 1-4		
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.		8	ТК2	15	ОСН 1-4 ДОП 1-2		
			Практическое занятие 6. Контрольная работа 1.	2		ТК1	25	ОСН 1-4 ДОП 1-2		
			Лекция 7. Выборочный метод. Эмпирические законы распределения. Эмпирические моменты	2				ОСН 1-4		
6	13.03.	РД4 РД5	Лекция 8. Доверительный интервал. Интервальные оценки.	2				ДОП 1-2		
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		6			ОСН 1-4		
			Практическое занятие 7. Выборочный метод. Эмпирические законы распределения. Эмпирические моменты.	2				ДОП 1-2		
			Лекция 9. Выборочный парный коэффициент корреляции. Парная регрессия.	2				ОСН 1-4		
7	20.03	РД6	Практическое занятие 8. Доверительный интервал. Интервальные оценки.	2				ДОП 1-2		
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		6			ОСН 1-4		
			Практическое занятие 9. Выборочный парный коэффициент корреляции. Парная регрессия					ОСН 1-4		
			Лекция 10. Статистическая гипотеза. Критерий проверки статистических гипотез. Критерий согласия Пирсона.	2				ДОП 1-2		
			Практическое занятие 10. Статистическая гипотеза. Критерий проверки статистических гипотез. Критерий согласия Пирсона.	2				ОСН 1-4		
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента:		6			ДОП 1-2		

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение				
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видео-ресурсы		
8		РД6 РД3	выполнение ИДЗ.									
			Лекция 11. Проверка гипотез о равенстве дисперсий и средних значений нормально распределенных совокупностей.	2				ОСН 1-4				
			Лекция 12. Закон больших чисел и предельные теоремы.	2				ДОП 1-2				
			Практическое занятие 11 Проверка гипотез о равенстве дисперсий и средних значений нормально распределенных совокупностей.	2				ОСН 1-4				
9			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к контрольной работе.		6	ТК2	15	ДОП 1-2				
			Практическое занятие 12. Контрольная работа 2.	2		ТК1	25	ОСН 1-4				
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ. Подготовка к экзамену.		10			ДОП 1-2				
<b>Всего по контрольной точке (аттестации) 2</b>							<b>80</b>					
<b>Экзамен</b>							<b>20</b>					
<b>Общий объем работы по дисциплине</b>				48	60		<b>100</b>					

№ (код)	<b>Основная учебная литература (ОСН)</b>
ОСН 1	Балдин, К. В. Основы теории вероятностей и математической статистики : учебник / К. В. Балдин, В. Н. Башлыков, А. В. Рукосуев ; под общей редакцией К. В. Балдина. — 4-е изд., стер. — Москва : ФЛИНТА, 2016. — 489 с. — ISBN 978-5-9765-2069-1. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/84347">https://e.lanbook.com/book/84347</a> (дата обращения: 19.04.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
ОСН 2	Буре, В. М. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / В. М. Буре, Е. М. Париллина. — Санкт-Петербург : Лань, 2013. — 416 с. — ISBN 978-5-8114-1508-3. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/10249">https://e.lanbook.com/book/10249</a> (дата обращения: 19.04.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
ОСН 3	Блягоз, З. У. Теория вероятностей и математическая статистика. Курс лекций : учебное пособие / З. У. Блягоз. — 2-е изд., испр. — Санкт-Петербург : Лань, 2018. — 224 с. — ISBN 978-5-8114-2934-9. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/103061">https://e.lanbook.com/book/103061</a> (дата обращения: 19.04.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
ОСН 4	Иванов, Б. Н. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / Б. Н. Иванов. — 2-е изд., испр. и доп. — Санкт-Петербург : Лань, 2019. — 224 с. — ISBN 978-5-8114-3636-1. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/113901">https://e.lanbook.com/book/113901</a> (дата обращения: 19.04.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
№ (код)	<b>Дополнительная учебная литература (ДОП)</b>
ДОП 1	Гмурман, В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике : учебное пособие для прикладного бакалавриата / В. Е.

	Гмурман. — 11-е изд., перераб. и доп.. — Москва: Юрайт, 2015. — 404 с. <a href="http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C316063">http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C316063</a> (дата обращения: 11.03.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ
ДОП 2	<u>Лазарева, Любовь Ивановна.</u> Теория вероятностей. Математическая статистика : учебное пособие / Л. И. Лазарева, А. А. Михальчук; Томский политехнический университет (ТПУ), Институт дистанционного образования (ИДО). — 2-е изд., стер.. — Томск: Изд-во ТПУ, 2010. <a href="http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C201836">http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU%5CTPU%5Cbook%5C201836</a> (дата обращения: 11.03.2020). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.