# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

УТВЕРЖДАЮ Директор ШБИП Чайковский Д.В. 2020 г.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ ПРИЕМ 2017 г. ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная

Математика 3.1				
Направление подготовки/	15.03.0	1 Машинострое	ение	
специальность				
Образовательная программа	Машин	остроение		
(направленность (профиль))		-		
Специализация	Констр	укторско-техно	ЭЛОГ	ическое обеспечение
	автома	тизированных м	маш	иностроительных
	произв	одств		307
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат			
Курс	2	семестр	3	
Трудоемкость в кредитах	4			
(зачетных единицах)				
Виды учебной деятельности	Временной ресурс			
	Лекции			32
Контактная (аудиторная)	Практические занятия		Я	32
работа, ч	Лабораторные занятия		R	
	ВСЕГО			64
Самостоятельная работа, ч		ч	80	
		ИТОГО,	ч	144

Вид промежуточной	экзамен	Обеспечивающее	оми шбип
аттестации		подразделение	
Заведующий кафедрой -			Трифонов А.Ю.
руководитель отделения на			
правах кафедры		6	
Руководитель ООП	/ /	9/14	Ефременков Е.А.
Преподаватель	1	Chy	Янущик О.В.
Руководитель ООП	1	Dry	

#### 1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины является формирование у обучающихся определенного ООП (п. 6. Общей характеристики ООП) состава компетенций для подготовки к профессиональной деятельности.

Код компе	Наименование	Результаты	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)		
тенци и	ци компетенции освоения	Код	Наименование		
УК(У)- 1	Способен осуществлять поиск, критический	P1, P3, P4, P5, P9	УК(У)-1.31	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера	
	анализ и синтез информации, применять		УК(У)-1.У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера	
	системный подход для решения поставленных задач		УК(У)-1.В1	Владеет опытом применения законов естественных на и математических методов и моделей для решения зад теоретического и прикладного характера	
ОПК( У)-1	умеет использовать основные законы естественнонаучны х дисциплин в	P1, P4, P6, P8, P9	ОПК(У)-1.33	Знает основные определения и понятия теории дифференциальных уравнений, рядов, функции комплексного переменного и операционного исчисления	
	профессиональной деятельности, применять методы математического анализа и		ОПК(У)-1.У2	Умеет решать обыкновенные дифференциальные уравнения и их системы, применять аппарат гармонического и комплексного анализа при решении стандартных задач	
	моделирования, теоретического и экспериментальног о исследования		ОПК(У)-1.В3	Владеет математическим аппаратом комплексного и операционного исчисления, дифференциальными уравнениями и рядами для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач	
			ОПК(У)-1.34	Знает основные понятия, определения и методы теории дифференциальных уравнений в частных производных	
			ОПК(У)-1.У4	Умеет решать дифференциальные уравнения в частных производных, уравнений теплопроводности и диффузии, уравнения Даламбера	
			ОПК(У)-1.В4	Владеет аппаратом математической физики для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач	

#### 2. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина относится к базовой части Блока 1 учебного плана образовательной программы .

#### 3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

После успешного освоения дисциплины будут сформированы результаты обучения:

	Компетенции	
Код	Наименование	
РД1	Владеет	УК(У)-1
, ,	методами исследования сходимости рядов, разложения функций в степенные и	ОПК(У)-1

	тригонометрические ряды; методами дифференциального и интегрального исчисления функций комплексного переменного; основными приложениями теории вычетов; методами операционного исчисления решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем	
РД2	Умеет исследовать на сходимость числовые ряды; находить интервалы сходимости степенных рядов; разлагать функции в ряд Тейлора и Фурье; выполнять действия с комплексными числами и функциями; дифференцировать и интегрировать функции комплексного переменного; разлагать функции в ряд Лорана; применять теорию вычетов для нахождения интегралов; находить изображение по оригиналу и оригинал по изображению; решать задачу Коши для дифференциальных уравнений и систем с помощью операционного исчисления	УК(У)-1 ОПК(У)-1
РД3	Знает основные понятия теории числовых и функциональных рядов; ряды Тейлора, Маклорена, Фурье; понятия комплексных чисел, основных функций комплексного переменного и их свойства; дифференцирование и интегрирование функций комплексного переменного; понятия ряда Лорана, особых точек, вычетов; понятие преобразования Лапласа и его основные свойства; основные приложения операционного исчисления	УК(У)-1 ОПК(У)-1

Оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации представлены в календарном рейтинг-плане дисциплины.

#### 4. Структура и содержание дисциплины

#### Основные виды учебной деятельности

Разделы дисциплины	Формируемый результат обучения по дисциплине	Виды учебной деятельности	Объем времени, ч.
Раздел 1.	РД1	Лекции	4
Числовые ряды		Практические занятия	4
		Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	12
Раздел 2.	РД2	Лекции	8
Функциональные ряды. Ряды		Практические занятия	8
Фурье		Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	18
Раздел 3.	РД3	Лекции	8
Комплексные числа и функции		Практические занятия	8
		Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	14
Раздел 4.	РД4	Лекции	8
Ряды в комплексной области		Практические занятия	8
Теория вычетов и ее		Лабораторные занятия	0
приложения.		Самостоятельная работа	24
Раздел 5.	РД5	Лекции	4
Преобразование Лапласа.		Практические занятия	4
Операционный метод решения		Лабораторные занятия	0
дифференциальных уравнений и систем		Самостоятельная работа	12

Содержание разделов дисциплины:

#### Раздел 1. Числовые ряды

Понятие числового ряда. Теоремы о свойствах сходящихся рядов. Необходимый признак сходимости ряда. Понятие знакоположительного ряда, необходимое и достаточное условие его сходимости. Достаточные признаки сходимости знакоположительных рядов. Эталонные ряды и их сходимость. Знакопеременные ряды: понятие условной и абсолютной сходимости. Теорема Лейбница. Признак Дирихле.

#### Темы лекций:

- 1. Числовые ряды. Необходимый признак сходимости.
- 2. Признаки сходимости знакоположительных и знакочередующихся рядов

#### Темы практических занятий:

- 1. Числовые ряды. Необходимый признак сходимости.
- 2. Признаки сходимости знакоположительных и знакочередующихся рядов

#### Раздел 2. Функциональные ряды. Ряды Фурье

Определения функционального ряда и области его сходимости. Понятие равномерной сходимости. Признак Вейерштрасса. Свойства равномерно сходящихся рядов. Степенные ряды. Теорема Абеля. Основные свойства степенных рядов. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение основных элементарных функций в ряд Маклорена. Ортогональные и нормированные системы функций. Тригонометрическая система функций. Понятие тригонометрического ряда Фурье. Сумма ряда Фурье. Теорема Дирихле. Разложение четных и нечетных функций в ряд Фурье. Разложение в ряд Фурье функций, заданных на полуинтервале. Ряд Фурье для функций с произвольным периодом. Понятие об интеграле Фурье

#### Темы лекций:

- 1. Функциональные и степенные ряды. Нахождение интервалов сходимости
- 2. Разложение функций в ряды Тейлора, Маклорена.
- 3. Приближенные вычисления с помощью рядов.
- 4. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье

#### Темы практических занятий:

- 1. Функциональные и степенные ряды. Нахождение интервалов сходимости
- 2. Разложение функций в ряды Тейлора, Маклорена.
- 3. Приближенные вычисления с помощью рядов.
- 4. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье Контрольная работа «Ряды».

#### Раздел 3. Комплексные числа и функции

Комплексные числа и действия над ними. Определение ФКП. Основные элементарные функции комплексного переменного и их свойства. Однозначные и многозначные функции. Точки ветвления и их классификация. Производная ФКП. Дифференцируемость. Условия Коши - Римана. Геометрический смысл производной. Понятие аналитичности ФКП. Интеграл от ФКП вдоль кривой и его свойства. Интегральная формула Коши.

#### Темы лекций:

- 1. Комплексные числа. Действия над комплексными числами в различных формах представения.
- 2. Функции комплексного переменного.

- 3. Дифференцирование функций комплексного переменного. Геометрический смысл модуля и аргумента производной.
- 4. Интегрирование функций комплексного переменного. Интегральы по замкнутому контуру. Теорема и формула Коши.

#### Темы практических занятий:

- 1. Комплексные числа. Действия над комплексными числами в различных формах представения.
- 2. Функции комплексного переменного. Вычисления значений функции в точке.
- 3. Дифференцирование функций комплексного переменного. Геометрический смысл модуля и аргумента производной.
- 4. Интегрирование функций комплексного переменного. Интегральы по замкнутому контуру. Теорема и формула Коши.

#### Раздел 4. Ряды в комплексной области. Теория вычетов и ее приложения.

Числовые и функциональные ряды с комплексными членами. Степенные ряды. Теорема Абеля. Ряд Тейлора. Теорема о разложении аналитической функции в ряд Тейлора. Ряды Лорана, определение. Теорема Лорана о разложении аналитической функции в кольце в ряд. Понятие аналитического продолжения. Особые точки и их классификация. Вычет функции в изолированной особой точке. Формулы для вычисления вычетов. Основная теорема о вычетах. Применение вычетов к вычислению определённых интегралов

#### Темы лекций:

- 1. Ряды комплексных чисел. Ряды Тейлора.
- 2. Разложение функций в ряд Лорана.
- 3. Особые точки и их классификация. Вычет функции в изолированной особой точке.
- 4. Применение вычетов к решению интегралов.

#### Темы практических занятий:

- 1. Ряды комплексных чисел. Ряды Тейлора.
- 2. Разложение функций в ряд Лорана.
- 3. Особые точки и их классификация. Вычет функции в изолированной особой точке.
- 4. Применение вычетов к решению интегралов.

### Раздел 5. Преобразование Лапласа. Операционный метод решения дифференциальных уравнений и систем

Операционное исчисление: основные понятия и определения. Свойства преобразования Лапласа. Таблица оригиналов и изображений. Отыскание оригинала по изображению. Интеграл Меллина. Решение линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами операционным методом. Интеграл Дюамеля и его применение к решению дифференциальных уравнений. Решение систем однородных и неоднородных дифференциальных уравнений операционным методом

#### Темы лекций:

- 1. Преобразование Лапласа. Оригинал и изображение. Операционный метод. Основные свойства метода. Нахождение оригиналов и изображений.
- 2. Решение линейных дифференциальных уравнений и систем операционным методом

#### Темы практических занятий:

1. Преобразование Лапласа. Оригинал и изображение. Операционный метод. Основные

свойства метода. Нахождение оригиналов и изображений.

2. Решение линейных дифференциальных уравнений и систем операционным методом Контрольная работа «Комплексный анализ»

#### 5. Организация самостоятельной работы студентов

Самостоятельная работа студентов при изучении дисциплины (модуля) предусмотрена в следующих видах и формах:

- Работа в электронном курсе (изучение теоретического материала, выполнение индивидуальных заданий и контролирующих мероприятий и др.);
- Изучение тем, вынесенных на самостоятельную проработку;
- Выполнение домашних заданий, расчетно-графических работ и домашних контрольных работ;
- Подготовка к практическим занятиям;
- Подготовка к оценивающим мероприятиям

#### 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

#### 6.1. Учебно-методическое обеспечение

#### Основная литература

- 1. Фихтенгольц, Г. М. Основы математического анализа: учебник: в 2 томах / Г. М. Фихтенгольц. 9-е изд.,стер. Санкт-Петербург: Лань, [б. г.]. Том 2 2008. 464 с. Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/411 (дата обращения: 18.06.2020). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
- 2. Бибиков, Ю. Н. Курс обыкновенных дифференциальных уравнений: учебное пособие / Ю.Н. Бибиков. 2-е изд., стер. Санкт-Петербург: Лань, 2011. 304 с. Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/reader/book/1542 (дата обращения: 18.06.2020). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ
- 3. Привалов, И. И. Введение в теорию функций комплексного переменного : учебник / И. В. Проскуряков. 15-е изд., стер. Санкт-Петербург: Лань, 2009. 432 с. URL: https://e.lanbook.com/book/322 (дата обращения: 18.06.2020). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
- 4. Берман, Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа : учебное пособие / Г. Н. Берман. 6-е изд., стер. Санкт-Петербург : Лань, 2017. 492 с. ISBN 978-5-8114-0657-9. Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/89934 (дата обращения: 18.06.2020). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.

#### Дополнительная литература

- 1. Высшая математика в упражнениях и задачах : учебное пособие / П. Е. Данко, А. Г. Попов, Т. Я. Кожевникова, С. П. Данко. 7-е изд., испр.. Москва: АСТ Мир и Образование, 2016. 816 с.: ил.- Текст: непосредственный.
- 2. Высшая математика для технических университетов. Учебное пособие: В 5 ч.: Ч. 5. Дифференциальные уравнения / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов; Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ). Томск: Изд-во ТПУ, 2014.- URL: http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m135.pdf (дата обращения: 13.06.2020). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.
- 3. Терехина , Л. И. Высшая математика. Учебное пособие. Ч. 4. Дифференциальные уравнения. Ряды. Функции комплексного переменного. Операционный метод / Л. И.

- Терехина, И. И. Фикс . Томск : Дельтаплан Изд-во ТГУ , 2011. 268 с.- Текст: непосредственный.
- 4. Терехина , Л. И . Сборник индивидуальных заданий по высшей математике. Учебное пособие. В 4 ч. Ч. 4 / Л. И. Терехина, И. И. Фикс ; Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физикотехнический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ) . 2-е изд.. Томск: Изд-во ТПУ, 2014. URL : http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m143.pdf (дата обращения: 13.06.2020). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.

#### 6.2. Информационное и программное обеспечение

Internet-ресурсы (в т.ч. в среде LMS MOODLE и др. образовательные и библиотечные ресурсы):

- 1. Электронный курс Математика 3.1\_Терехина Л.И., Веб- поддержка, описание по ссылке <a href="https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=633">https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=633</a>. Материалы представлены 5 модулями. Каждый модуль содержит теоретические и практические материалы для подготовки к занятиям, варианты индивидуальных домашних заданий, тесты.
- 2. <a href="http://mathnet.ru">http://mathnet.ru</a> общероссийский математический портал
- 3. <a href="http://lib.mexmat.ru">http://lib.mexmat.ru</a> —электронная библиотека механико-математического факультета МГУ
- 4. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU https://elibrary.ru
- 5. Электронно-библиотечная система «Лань» https://e.lanbook.com/
- 6. Электронно-библиотечная система «ZNANIUM.COM» https://new.znanium.com/
- 7. Электронно-библиотечная система «Юрайт» https://urait.ru/
- 8. Электронно-библиотечная система «Консультант студента» http://www.studentlibrary.ru

Информационно-справочные системы:

- 1. Информационно-справочная система КОДЕКС https://kodeks.ru/
- 2. Справочно-правовая система КонсультантПлюс http://www.consultant.ru/

Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы доступны по ссылке: https://www.lib.tpu.ru/html/irs-and-pdb

Лицензионное программное обеспечение (в соответствии с **Перечнем лицензионного программного обеспечения ТПУ**):

- 1. 7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; AkelPad; Cisco Webex Meetings; Google Chrome; Microsoft Office 2007 Standard Russian Academic; Mozilla Firefox ESR; ownCloud Desktop Client; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView; Zoom
- 2. 7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; AkelPad; Cisco Webex Meetings; Document Foundation LibreOffice; Google Chrome; Microsoft Office 2007 Standard Russian Academic; Mozilla Firefox ESR; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView; Zoom
- 3. 7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; Amazon Corretto JRE 8; Cisco Webex Meetings; Design Science MathType 6.9 Lite; Far Manager; Google Chrome; Notepad++; WinDjView; Zoom
- 4. 7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; AkelPad; Far Manager; Google Chrome; Mozilla Firefox ESR; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView

#### 7. Особые требования к материально-техническому обеспечению дисциплины

No	Наименование специальных помещений	Наименование оборудования
1.	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации  634028, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 2	Доска аудиторная настенная - 2 шт.; Компьютер - 1 шт.; Проектор - 1 шт.
2.	421 Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации  634028, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 2	Доска аудиторная настенная - 2 шт.; Комплект учебной мебели на 70 посадочных мест; Компьютер - 1 шт.; Проектор - 1 шт.
3.	434 Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации  634028, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 2	Доска аудиторная настенная - 2 шт.;Комплект учебной мебели на 30 посадочных мест; Компьютер - 1 шт.; Проектор - 1 шт.
4.	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежугочной аттестации 634028, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, 2, строен. 1 310	Комплект учебной мебели на 30 посадочных мест Компьютер - 1 шт.; Проектор - 1 шт.

Рабочая программа составлена на основе Общей характеристики образовательной программы по направлению 15.03.01 Машиностроение, профиль «Машиностроение», специализация «Конструкторско-технологическое обеспечение автоматизированных машиностроительных производств», (приема 2017 г., очная форма обучения).

Разработчик(и):

Должность	ФИО
Доцент ОМИ ШБИП	Зальмеж В.Ф.

Программа одобрена на заседании кафедры ТМСПР (протокол от «28» апреля 2017 г. №11).

Заведующий кафедрой – руководитель ОМ ИШНПТ, д.т.н, профессор

В.А. Клименов

#### Лист изменений рабочей программы дисциплины

Учебный год	Содержание /изменение	Обсуждено на заседании Отделения материаловедения (протокол)
2018/2019 учебный год	1. Обновлено программное обеспечение 2. Обновлен состав профессиональных баз данных и информационно-справочных систем 3. Обновлено содержание разделов дисциплины 4. Обновлен список литературы, в том числе ссылок ЭБС 5. Изменена система оценивания	от «30» августа 2018г. № 7
2019/2020 учебный год	1. Обновлено программное обеспечение 2. Обновлен состав профессиональных баз данных и информационно-справочных систем 3. Обновлено содержание разделов дисциплины 4. Обновлен список литературы, в том числе ссылок ЭБС	от «01» июля 2019 г. № 19/1
2020/2021 учебный год	1. Обновлено программное обеспечение 2. Обновлен состав профессиональных баз данных и информационно-справочных систем 3. Обновлено содержание разделов дисциплины 4. Обновлен список литературы, в том числе ссылок ЭБС	от «01» сентября 2020 г. № 36/1