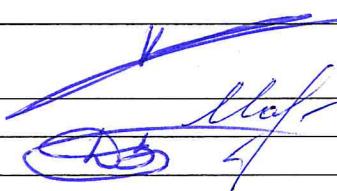
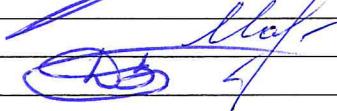
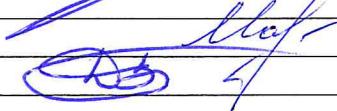


**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**  
**ПРИЕМ 2019 г.**

**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

| Математика 1  |  |                 |
|---|--|-----------------|
| Направление подготовки/<br>специальность                | <b>21.03.01 «Нефтегазовое дело»</b>  |                 |
| Образовательная программа<br>(направленность (профиль)) | <b>«Разработка и эксплуатация нефтяных и газовых месторождений»</b>                |                 |
| Специализация   | <b>«Разработка и эксплуатация нефтяных и газовых месторождений»</b>                |                 |
| Уровень образования                                     | высшее образование - бакалавриат   |                 |
| Курс  | 1  | семестр 1       |
| Трудоемкость в кредитах<br>(зачетных единицах)          | <b>6</b>   |                 |
| Зав.каф.-руководитель<br>отделения                      |  | A.YU. Трифонов  |
| Руководитель ООП  |  | Ю.А. Максимова  |
| Преподаватель   |  | Д.В. Болтовский |

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 1» в формировании компетенций выпускника:

| Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА) | Семестр | Код компетенции | Наименование компетенции  | Индикаторы достижения компетенций |   | Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции) |  |
|---|---------|-----------------|---|-----------------------------------|---|---|--|
|   |         |                 |   | Код индикатора                    | Наименование индикатора достижения  | Код   | Наименование   |
| <b>Математика 1</b>   | 1       | УК(У)-1         | Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач  | И.УК(У)-1.1                       | Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие   | УК(У)-1.1В1   | Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера  |
|   |         |                 |   |                                   |   | УК(У)-1.1У1   | Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера   |
|   |         |                 |   |                                   |   | УК(У)-1.1З1   | Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера  |
|   |         | ОПК(У)-1        | Способен решать задачи, относящиеся к профессиональной деятельности, применяя методы моделирования, математического анализа, естественнонаучные и общепрофессиональные знания | И.ОПК(У)-1.1                      | Применяет математический аппарат исследования функций, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления, рядов, дифференциальных уравнений, теории функций комплексного переменного в инженерной деятельности | ОПК(У)-1.1В1  | Владеет математическим аппаратом алгебры и дифференциального исчисления функции одной переменной для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач |
|   |         |                 |   |                                   |   | ОПК(У)-1.1У1  | Умеет применять изученные методы алгебры и анализа для решения стандартных задач   |
|   |         |                 |   |                                   |   | ОПК(У)-1.1З1  | Знает основные понятия и теоремы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, теории линейных пространств, дифференциального исчисления функции одной переменной   |

## 2. Показатели и методы оценивания

| Планируемые результаты обучения по дисциплине |   | Код индикатора достижения контролируемой компетенции (или ее части) | Наименование раздела дисциплины   | Методы оценивания (оценочные мероприятия) |
|---|---|---|---|---|
| Код   | Наименование  |   |   |   |
| РД 1  | Владеет основными понятиями и методами линейной алгебры, аналитической геометрии и дифференциального исчисления | И.УК(У)-1.1<br>И.ОПК(У)-1.1   | 1. Линейная алгебра<br>2. Векторная алгебра<br>3. Аналитическая геометрия | Контрольная работа<br>ИДЗ.                |

|      |  |                             |   |   |
|------|--|-----------------------------|---|---|
|      | функции одной переменной   |                             | 4.Введение в анализ<br>5.Дифференциальное исчисление функции одной переменной   | Тестирование – независимый контроль ЦОКО                            |
| РД 2 | Умеет вычислять определители, выполнять действия с матрицами, исследовать и решать системы линейных алгебраических уравнений; производить действия над векторами; геометрически и аналитически представлять прямую и плоскость; устанавливать взаимное расположения прямых и плоскостей; приводить общие уравнения кривых и поверхностей к каноническому виду и строить их; находить пределы функций и числовых последовательностей; находить производные, исследовать функции одного переменного и строить их графики | И.УК(У)-1.1<br>И.ОПК(У)-1.1 | 1. Линейная алгебра<br>2. Векторная алгебра<br>3.Аналитическая геометрия<br>4.Введение в анализ<br>5.Дифференциальное исчисление функции одной переменной | Контрольная работа ИДЗ.<br>Тестирование – независимый контроль ЦОКО |
| РД 3 | Знает алгебру матриц, основные характеристики матриц, их определения и свойства; методы решения систем линейных алгебраических уравнений; методы векторной алгебры; свойства и уравнения основных геометрических образов ;основные положения теории пределов; правила и методы нахождения производных функций одной переменной, схему полного исследования функции   | И.УК(У)-1.1<br>И.ОПК(У)-1.1 | 1. Линейная алгебра<br>2. Векторная алгебра<br>3.Аналитическая геометрия<br>4.Введение в анализ<br>5.Дифференциальное исчисление функции одной переменной | Контрольная работа ИДЗ.<br>Тестирование – независимый контроль ЦОКО |

### 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

**Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля**

| % выполнения задания | Соответствие традиционной оценке | Определение оценки   |
|----------------------|----------------------------------|--|
| 90%÷100%             | «Отлично»                        | Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному |
| 70% - 89%            | «Хорошо»                         | Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов             |
| 55% - 69%            | «Удовл.»                         | Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов            |
| 0% - 54%             | «Неудовл.»                       | Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям  |

**Шкала для оценочных мероприятий и дифференцированного зачета / зачета**

| Степень сформированности результатов обучения | Балл     | Соответствие традиционной оценке | Определение оценки   |
|---|----------|----------------------------------|--|
| 90% ÷ 100%                                    | 90 ÷ 100 | «Отлично»                        | Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному |
| 70% ÷ 89%                                     | 70 ÷ 89  | «Хорошо»                         | Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов             |
| 55% ÷ 69%                                     | 55 ÷ 69  | «Удовл.»                         | Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов            |
| 55% ÷ 100%                                    | 55 ÷ 100 | «Зачтено»                        | Результаты обучения соответствуют минимально достаточным требованиям   |
| 0% ÷ 54%                                      | 0 ÷ 54   | «Неудовл.»/ «Не засчитано»       | Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям  |

**4. Перечень типовых заданий**

|    | Оценочные мероприятия | Примеры типовых контрольных заданий                         |
|----|-----------------------|---|
| 1. | Контрольная работа    | <b>Контрольная работа «Линейная алгебра»<br/>ВАРИАНТ №1</b> |

| Оценочные мероприятия |  | Примеры типовых контрольных заданий   |
|-----------------------|--|---|
|                       |  | <p>1. Дан определитель</p> $\begin{vmatrix} 2 & 4 & -3 & 1 \\ -1 & 1 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & 4 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 3 \end{vmatrix}.$ <p>a) Запишите разложение данного определителя по четвёртому столбцу;<br/>     б) вычислите определитель, получив предварительно нули в какой – либо строке или столбце.</p> <p>2. Решить систему уравнений методом обратной матрицы:</p> $\begin{cases} x + 2y - z = -1, \\ 3y - z = 1, \\ x + 4y + z = 5. \end{cases}$ <p>Значение <math>x</math> вычислить также методом Крамера.</p> <p>3. Исследовать систему на совместность и решить методом Гаусса</p> $\begin{cases} x_2 + x_3 + x_4 = 1 \\ x_1 - x_3 - x_4 = 2 \\ x_1 + x_2 - x_4 = 3 \\ x_1 + x_2 + x_3 = 4 \end{cases}$ <p>4. Даны система однородных линейных уравнений</p> $\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 + x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 + 4x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 0. \end{cases}$ <p>a) Докажите, что система имеет нетривиальные решения;<br/>     б) Найдите общее решение системы;<br/>     в) найдите фундаментальную систему решений.</p> <p>. При каких значениях параметра <math>\lambda</math> система линейных уравнений</p> <p>с расширенной матрицей</p> $\left( \begin{array}{ccc c} 2 & 1 & 1 & 4 \\ 1 & \lambda & 1 & 3 \\ 1 & 2\lambda & 1 & 4 \end{array} \right)$ <p>совместна?</p> |

| Оценочные мероприятия | Примеры типовых контрольных заданий   |
|-----------------------|---|
|                       | <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Векторная алгебра»</b><br/> <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p><b>I.</b> <b>Даны четыре вектора:</b> <math>\vec{a} = \{4,5,2\}</math>; <math>\vec{b} = \{3,0,1\}</math>; <math>\vec{c} = \{-1,4,2\}</math>; <math>\vec{d} = \{5,7,8\}</math>.</p> <p>1. Доказать, что векторы <math>\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}</math> образуют базис и найти разложение вектора <math>\vec{d}</math> в этом базисе.</p> <p>2. Найти косинус угла между векторами <math>\vec{a}</math> и <math>\vec{b}</math>.</p> <p>3. Найти длину вектора <math>\vec{g} = \vec{a} + 2\vec{b} + 3\vec{c}</math>.</p> <p><b>II.</b> <b>Даны четыре точки:</b> <math>A(1;3;0)</math>, <math>B(4;1;2)</math>, <math>C(3;0;1)</math>, <math>D(-4;3;5)</math>.</p> <p>4. Найти объём пирамиды <math>ABCD</math> и длину высоты, опущенной из вершины <math>D</math> на грань <math>ABC</math>.</p> <p>5. Найти проекцию вектора <math>\overrightarrow{AB}</math> на ось вектора <math>\overrightarrow{CD}</math>.</p> <p>6. Найти координаты вектора <math>[(\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AB}), \overrightarrow{CB}]</math>.</p> <p><b>III.</b> <b>Параллелограмм построен на векторах</b> <math>\vec{a} = \vec{p} + 4\vec{q}</math>, <math>\vec{b} = \frac{1}{2}(\vec{p} - \vec{q})</math>, где <math> \vec{p}  = 4</math>, <math> \vec{q}  = 2</math>, <math>(\vec{p} \wedge \vec{q}) = \frac{\pi}{3}</math>.</p> <p>Определить: а) косинус тупого угла между диагоналями; б) длину высоты, опущенной на сторону</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Аналитическая геометрия»</b><br/> <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p>1. Определить при каких значениях <math>a</math> прямая <math>(a+2)x + (a^2 - 9)y + 3a^2 - 8a + 5 = 0</math> параллельна оси ОХ.</p> <p>2. Составить уравнения прямых, параллельных прямой <math>3x - 4y - 10 = 0</math> и отстоящих от нее на расстояние <math>d=3</math>.</p> <p>3. Даны вершины треугольника <math>A(2,6)</math>, <math>B(4,-2)</math>, <math>C(-2,-6)</math>.<br/> Составить уравнение высоты из вершины <math>A</math> и уравнение медианы из вершины <math>C</math>.</p> <p>4. Привести к каноническому виду, назвать и построить кривые:<br/> а) <math>16x^2 + 25y^2 + 32x - 100y - 284 = 0</math>;<br/> б) <math>y^2 - 4y - 20x + 24 = 0</math>.</p> <p>5. Из общих уравнений прямой: <math>2x + y - 3z - 9 = 0</math>,</p> |

| Оценочные мероприятия | Примеры типовых контрольных заданий  |
|-----------------------|--|
|                       | <p style="text-align: center;"><math>-2x + 3z + 4 = 0</math><br/>получить канонические и параметрическое уравнения прямой.</p> <p>6. Найти проекцию точки <math>A(1,2,0)</math> на плоскость<br/><math>8x + 6y + 8z - 25 = 0</math>.</p> <p>7. Построить тело, ограниченное поверхностями<br/> <math display="block">x^2 = z,</math> <math display="block">x + y = 2,</math> <math display="block">y \geq 0, z \geq 0.</math></p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Введение в анализ»</b></p> <p><i>I. Вычислить пределы</i></p> <p>1. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^2 - 4n}}{\sqrt[3]{2n^3 + 1}}</math> ;      2. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{2^n}}{n-1}</math> ;</p> <p>3. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1+x^2}}{2x}</math> ;      4. <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^2 + 2x}{3x^2 + 1}</math> ;</p> <p>5. <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 - 3} - 1}{x - 2}</math> ;      6. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}</math> ;</p> <p>7. <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+2}{x-1} \right)^{\frac{x^2+1}{x}}</math> ;      8. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x^2 + 2) - \ln 2}{x^2}</math> ;</p> <p>9. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - e^x}{x}</math> ;      10. <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(2-x)}{\sqrt{2x} - 2}</math> .</p> <p><i>II. Определить порядок б. м. <math>\alpha(x)</math> при <math>x \rightarrow 0</math> относительно <math>x</math>:</i></p> <p>1. <math>\alpha(x) = \ln(1 + \sqrt[3]{x^2 \cdot \operatorname{tg} x})</math> ,      2. <math>\alpha(x) = \sqrt{2x+1} - 1</math> .</p> |

| Оценочные мероприятия | Примеры типовых контрольных заданий   |
|-----------------------|---|
|                       | <p><b>III. Найти точки разрыва функции, указать их характер. Построить график функции в окрестности точек разрыва:</b></p> <p>1. <math>f(x) = \begin{cases} 0, &amp; \text{если } x &lt; 0, \\ x^2, &amp; \text{если } 0 \leq x &lt; 1, \\ x + 2, &amp; \text{если } x \geq 1. \end{cases}</math>    2. <math>y = \frac{2^{1-x}}{1+2^{1-x}}</math>,    3. <math>y = \frac{1}{x^2 - 4}</math>.</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа</b><br/>по теме «Дифференциальное исчисление функции одного переменного»<br/><b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p>I. Найти производные следующих функций:</p> <p>1. <math>y = (e^{\cos x} + 3x)^2</math>;    2. <math>3^x + 3^y = x - 2y</math>;    3. <math>y = (\operatorname{tg} 2x)^{\operatorname{ctg}(\sqrt{\frac{x}{2}})}</math>;</p> <p>II. Найти вторую производную <math>\frac{d^2 y}{dx^2}</math>:</p> <p>1. <math>y = \frac{x^2}{x^2 - 1}</math>,    2. <math>\begin{cases} x = \cos(t/2), \\ y = t - \sin t. \end{cases}</math>    3. <math>y = \sin(x - y)</math></p> <p>III. Пользуясь правилом Лопитала найти пределы:</p> <p>1. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{x^2}{x-1} - \frac{1}{\ln x} \right)</math>    2. <math>\lim_{x \rightarrow 1-0} (\sin \pi x)^{\cos \frac{\pi x}{2}}</math></p> <p>IV. Провести полное исследование функции <math>y = xe^{-x}</math> и построить её график</p> |

| Оценочные мероприятия |      | Примеры типовых контрольных заданий   |
|-----------------------|------|---|
| 2.                    | ИДЗ. | <p><u>Пример варианта индивидуальных заданий.</u></p> <p style="text-align: center;"><u>Линейная алгебра</u></p> <hr/> <p>1. Вычислить определители</p> <p>a) <math display="block">\begin{vmatrix} 12 &amp; 3 &amp; -1 &amp; 2 \\ 1 &amp; 1 &amp; 0 &amp; -1 \\ -4 &amp; 2 &amp; 4 &amp; -2 \\ -2 &amp; 0 &amp; 1 &amp; -1 \end{vmatrix}</math>      b) <math display="block">\begin{vmatrix} -7 &amp; -3 &amp; 2 &amp; 4 \\ -2 &amp; 0 &amp; 1 &amp; 1 \\ -4 &amp; 2 &amp; 1 &amp; 3 \\ -3 &amp; -2 &amp; 2 &amp; 1 \end{vmatrix}</math></p> <p>2. Найти матрицу <math>X</math> из уравнения. Сделать проверку</p> $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & -2 \\ 2 & -2 & 1 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} 1 & 11 & -15 \\ 2 & -8 & 3 \\ 11 & 7 & 0 \end{pmatrix}.$ <p>3. Решить системы линейных уравнений:</p> <p>a) методом Крамера,      b) матричным методом</p> <p>a) <math display="block">\begin{cases} 3x + 4y - 2z = 26 \\ x - y + 3z = -2 \\ 3x - 3y + 5z = -2 \end{cases}</math>      b) <math display="block">\begin{cases} x + 5y - z = 5 \\ 3x + 8y + z = 7 \\ 4x - 6y + z = 10 \end{cases}</math></p> <p>4. Решить системы методом Гаусса</p> <p>a) <math display="block">\begin{cases} x_2 - 3x_3 + 4x_4 = -5 \\ x_1 - 2x_3 + 3x_4 = -4 \\ 3x_1 + 2x_2 - 5x_4 = 12 \\ 4x_1 + 3x_2 - 5x_3 = 5 \end{cases}</math></p> <p>b) <math display="block">\begin{cases} x_1 + 3x_2 + 5x_3 - 4x_4 = 1 \\ x_1 + 3x_2 + 2x_3 - 2x_4 + x_5 = -1 \\ x_1 - 2x_2 + x_3 - x_4 - x_5 = 3 \\ x_1 - 4x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 3 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 - x_4 + x_5 = -1 \end{cases}</math></p> <p>c) <math display="block">\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = 0 \\ x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = 0 \\ 3x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = 0 \\ 3x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = 0 \end{cases}</math></p> <p>5. Найти собственные значения и собственные векторы матриц.</p> <p>a) <math>A = \begin{pmatrix} 4 &amp; -5 \\ -2 &amp; 7 \end{pmatrix}</math>      b) <math>B = \begin{pmatrix} 4 &amp; -3 &amp; -3 \\ 1 &amp; 2 &amp; 1 \\ 1 &amp; 1 &amp; 2 \end{pmatrix}</math></p> <hr/> |

Аналитическая геометрия на плоскости

---

1. Составить уравнения прямых, проходящих через точку  $M(-7; 5)$ :

- a) параллельно прямой  $3x + 2y - 1 = 0$ ,  
 b) перпендикулярно прямой  $\frac{x-1}{-3} = \frac{y+4}{2}$ ,

|  | <b>Оценочные мероприятия</b> | <b>Примеры типовых контрольных заданий</b> |
|--|------------------------------|--|
|  |                              |  |

| Оценочные мероприятия  |  | Примеры типовых контрольных заданий  |         |             |                        |  |
|------------------------|--|--|---------|-------------|------------------------|--|
| 3.                     | Тестирование – независимый контроль ЦОКО (PT1 и PT2) | <p>Вопросы:</p> <p>1. С помощью элементарных преобразований расширенная матрица системы линейных уравнений приведена к виду</p> $\left( \begin{array}{ccccc c} 1 & -1 & 2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 2 & 0 & 0 \end{array} \right)$ <p>Выберите верные утверждения, если <math>A</math> – основная матрица системы, <math>\bar{A}</math> – расширенная матрица системы.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>\text{rang}(A) = 2</math></li> <li>2. <math>\text{rang}(A) = 3</math></li> <li>3. <math>\text{rang}(A) = 2</math></li> <li>4. <math>\text{rang}(A) = 3</math></li> <li>5. система совместна</li> <li>6. система несовместна</li> </ol> <p>2. Высота треугольника <math>ABC</math>, опущенная из вершины <math>C</math>, если <math>A(3;1;2)</math>, <math>B(5;-3;6)</math>, <math>C(3;0;4)</math> равна _____</p> <p>3. Расстояние между фокусами эллипса <math>5x^2 + 9y^2 - 30x + 18y + 9 = 0</math> равно _____</p> <p>4. Косинус острого угла между прямыми <math>\frac{x+4}{10} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z+5}{-11}</math> и <math>\begin{cases} x = 9t + 1, \\ y = 6t, \\ z = 3 - 2t \end{cases}</math> равен _____</p> <p>5. Установите соответствие между функцией и её дифференциалом</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: center;">функция</th> <th style="text-align: center;">производная</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="text-align: center;"><math>y = \sqrt[3]{\sin x}</math></td> <td style="text-align: center;"><math>dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx</math></td> </tr> </tbody> </table> | функция | производная | $y = \sqrt[3]{\sin x}$ | $dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx$ |
| функция                | производная  |  |         |             |                        |  |
| $y = \sqrt[3]{\sin x}$ | $dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx$         |  |         |             |                        |  |

| Оценочные мероприятия  |                   | Примеры типовых контрольных заданий   |   |
|--|-------------------|---|---|
|  |                   | $y = \sqrt{\sin x}$   | $dy = \frac{\cos x}{2\sqrt{\sin x}} dx$       |
|  |                   | $y = \frac{1}{\sqrt{\sin x}}$   | $dy = -\frac{\cos x}{2\sqrt{\sin^3 x}} dx$    |
|  |                   | $y = \frac{1}{\sqrt[3]{\sin x}}$  | $dy = -\frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^4 x}} dx$ |
|  |                   |   | $dy = \frac{\cos x}{2\sqrt[3]{\sin x}} dx$    |
|  |                   |   | $dy = \frac{1}{2\sqrt{\sin x}} dx$            |
| <p>6. Определите порядок малости бесконечно малой функции <math>\frac{\ln\left(\frac{1+x^3}{x^3}\right)}{x}</math> относительно <math>\frac{1}{x}</math> при <math>x \rightarrow \infty</math></p> <p>K=_____.</p> <p>7. Функция <math>y = 6x \cdot e^{-2x}</math> убывает для значений <math>x</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>x \in (-\infty; 1/2)</math></li> <li>2. <math>x \in (1/2; +\infty)</math></li> <li>3. <math>x \in (-\infty; -1/2) \cup (1/2; +\infty)</math></li> <li>4. <math>x \in (-1/2; +\infty)</math></li> <li>5. <math>x \in (1/2; 0)</math>.</li> </ol> |                   |   |   |
| 4.   | Дифференцированны | <ul style="list-style-type: none"> <li>• Что такое определитель? При каких преобразованиях величина определителя не меняется</li> <li>• В каких случаях определитель равен нулю? Что следует из равенства определителя нулю?</li> </ul> |   |

| Оценочные мероприятия | Примеры типовых контрольных заданий   |
|-----------------------|---|
| й зачет               | <ul style="list-style-type: none"> <li>• Дайте определение минора и алгебраического дополнения элемента определителя. Сформулируйте правило вычисления определителя.</li> <li>• Как осуществляются линейные операции над матрицами?</li> <li>• Как перемножаются две матрицы? Свойства произведения матриц.</li> <li>• Какова схема нахождения обратной матрицы?</li> <li>• Дайте определения решения системы линейных алгебраических уравнений. Расшифруйте понятия «совместная», «несовместная», «определенная», «неопределенная» системы.</li> <li>• Напишите формулы Крамера. В каком случае они применимы?</li> <li>• Что называется рангом матрицы? Как он находится?</li> <li>• Сформулируйте теорему Кронекера – Капелли.</li> <li>• При каких условиях система линейных алгебраических уравнений имеет множество решений? Когда она имеет единственное решение?</li> <li>• Опишите метод Гаусса решения систем линейных уравнений.</li> <li>• Какие неизвестные называются свободными, а какие базисными?</li> <li>• Какие особенности решения однородных систем линейных алгебраических уравнений Вы знаете?</li> <li>• Как строится фундаментальная система решений?</li> <li>• Как выполняются линейные операции над векторами? Каковы свойства этих операций?</li> <li>• Какие вектора называются линейно зависимыми, а какие линейно независимыми?</li> <li>• Что такое базис? Какие вектора образуют базис на плоскости и в пространстве?</li> <li>• Какой базис называют декартовым?</li> <li>• Что такое координаты вектора?</li> <li>• Что называется скалярным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется векторным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется смешанным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Запишите в векторной и координатной формах условия коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов.</li> <li>• Прямая линия на плоскости, её общее уравнение</li> <li>• Дайте понятие нормального и направляющего векторов прямой на плоскости, углового коэффициента.</li> <li>• Запишите различные виды прямой и укажите геометрический смысл параметров уравнения.</li> </ul> |

| Оценочные мероприятия | Примеры типовых контрольных заданий  |
|-----------------------|--|
|                       | <ul style="list-style-type: none"> <li>• Запишите условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости в случае различных видов уравнений прямых.</li> <li>• Как найти точку пересечения прямых на плоскости?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой на плоскости?</li> <li>• Дайте определение эллипса и запишите его каноническое уравнение.</li> <li>• Дайте определение гиперболы и запишите её каноническое уравнение</li> <li>• Дайте определение параболы и запишите её каноническое уравнение</li> <li>• Изложите схему приведения общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.</li> <li>• Дайте понятие полярной системы координат.</li> <li>• Опишите параметрический способ построения линий на плоскости</li> <li>• Плоскость, её общее уравнение</li> <li>• Как определяется взаимное расположение плоскостей? Запишите условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до плоскости?</li> <li>• Запишите различные виды уравнений прямой в пространстве и поясните смысл параметров, входящих в уравнения.</li> <li>• Изложите схему приведения общих уравнений прямой к каноническому виду.</li> <li>• Как определить взаимное расположение прямых в пространстве?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой в пространстве?</li> <li>• Как определить взаимное расположение прямой и плоскости?</li> <li>• Как ищется точка пересечения прямой и плоскости?</li> <li>• Назовите поверхности второго порядка и напишите их канонические уравнения.</li> <li>• Сформулируйте понятие предела числовой последовательности</li> <li>• Сформулируйте понятие предела функции одной переменной</li> <li>• Что такое односторонние пределы функции в точке?</li> <li>• Сформулируйте понятия бесконечно малой и бесконечно большой при <math>x \rightarrow a</math> функции.</li> <li>• Первый и второй замечательные пределы</li> <li>• Как сравниваются бесконечно малые величины? Что такое относительный порядок малости?</li> <li>• Какие бесконечно малые называются эквивалентными? Приведите примеры эквивалентных бесконечно малых.</li> <li>• Какими свойствами обладают функции, непрерывные на замкнутом промежутке?</li> <li>• Что понимают под точкой разрыва функции? Какие разрывы различают?</li> <li>• Как связаны понятия непрерывности и дифференцируемости функции в точке?</li> </ul> |

| Оценочные мероприятия | Примеры типовых контрольных заданий   |
|-----------------------|---|
|                       | <ul style="list-style-type: none"> <li>• Запишите правила дифференцирования обратной и сложной функций.</li> <li>• Запишите правила дифференцирования неявно заданной функции и функции, заданной параметрически.</li> <li>• Что такое дифференциал функции? Каков его геометрический смысл?</li> <li>• Какими свойствами обладают дифференцируемые функции?</li> <li>• Как находятся дифференциалы и производные высших порядков?</li> <li>• Формула Тейлора</li> <li>• Что такое точка экстремума функции? Какие точки экстремума бывают?</li> <li>• Необходимое условие существования экстремума для дифференцируемой функции</li> <li>• Достаточные условия существования экстремума</li> <li>• Схема исследования на экстремум функции одного переменного</li> <li>• Схема нахождения наибольшего и наименьшего значения функции на замкнутом промежутке.</li> <li>• Дайте определение выпуклости и вогнутости кривой на промежутке.</li> <li>• Какие точки называются точками перегиба?</li> <li>• Что называется асимптотой графика функции? Какие асимптоты различают?</li> <li>• В чем состоит правило Лопитала? Для раскрытия каких неопределённостей оно применяется?</li> </ul> |

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

| Оценочные мероприятия | Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания   |
|-----------------------|---|
| 1. Контрольная работа | <p>В семестре студенты выполняют 5 контрольных работ, содержание которых охватывает все разделы. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <p>Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</p> |
| 2. ИДЗ                | <p>В семестре студенты выполняют 7 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p>  |

| <b>Оценочные мероприятия</b> |  | <b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>  |
|------------------------------|--|---|
|                              |  | <p>ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высылается отдельным файлом, указывается ФИО, группа.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Задание считается зачтенным, если выполнено более половины заданий</p> <p>Если задание не зачленено, работа возвращается студенту на доработку.</p> <p>Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель может учсть исправления и добавить баллы к предыдущим</p>   |
| 3.                           | Тестирование – независимый контроль ЦОКО | <p>В семестре студенты проходят два рубежных тестирования (РТ1 и РТ2) во время конференц-недели в середине и конце текущего семестра согласно расписанию. Рубежное тестирование (РТ) проводится в компьютерной форме в on-line режиме. Продолжительность тестирования – 90 минут без перерыва. Отсчёт времени начинается с момента входа студента в Тест. Инструктаж, предшествующий тестированию, не входит в указанное время. Студент может закончить выполнение Теста до истечения отведённого времени. РТ нацелено на независимую объективную оценку знаний, умений и владений, полученных студентами за определенный промежуток обучения.</p> <p>Каждый вариант билета моделируется компьютером по заданным разделам химии и содержит 20 заданий. Студенты вносят ответы в компьютер, но все решения и пояснения проводят на бумаге. По окончании тестирования преподавателю выдается матрица ответов и суммарный рейтинг за тест. Обсуждение результатов тестирования проводится на консультации.</p> <p><b>Критерии оценки одного задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• за каждое правильно выполненное задание выставляется 1 тестовый балл;</li> <li>• за неправильно выполненное или невыполненное задание выставляется 0 баллов;</li> <li>• для заданий с выбором нескольких правильных ответов, заданий на соответствие и установление последовательности предусмотрено частичное оценивание.</li> </ul> <p>Максимальный суммарный тестовый балл за каждое РТ составляет 15 баллов.</p> <p>За 2 недели до РТ студенты могут ознакомится с демонстрационным вариантом билета, который располагается на сайте <a href="http://exam.tpu.ru">http://exam.tpu.ru</a> в разделе «Мероприятия», и может быть выполнен каждым</p> |

| <b>Оценочные мероприятия</b> |                           | <b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>   |
|------------------------------|---------------------------|--|
|                              |                           | <p>студентом неограниченное число раз.</p> <p><i>Для студентов, не прошедших РТ в период проведения тестирования по уважительной причине, предусмотрена возможность тестирования в резервный день, который назначается сразу после конференции недели.</i></p> <p><i>При результате рубежного тестирования 6 баллов и менее, обучающимся предоставляется в период текущей промежуточной аттестации возможность повторно пройти РТ в резервный день, согласованный с Бюро расписаний ТПУ.</i></p> |
| 4.                           | Дифференцированный зачет. | Дифференцированный зачет осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ. Итоговый балл определяется суммированием баллов за все оценочные мероприятия текущего семестра.   |