

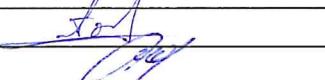
**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

**ПРИЕМ 2017 г.**

ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная

Линейная алгебра и аналитическая геометрия 1.3

Направление подготовки/ специальность	<b>09.03.01 Информатика и вычислительная техника</b>		
Образовательная программа (направленность (профиль))	<b>Информатика и вычислительная техника</b>		
Специализация	Информационно-коммуникационные технологии		
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат		
Курс	1	семестр	1
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	<b>6</b>		

Зав.каф.-руководитель отделения на правах кафедры Руководитель ООП Преподаватель		А. Ю. Трифонов
		А.В. Погребной
		О.Н. Имас

2020г.

## 1. Роль дисциплины «Линейная алгебра и аналитическая геометрия 1.3» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Результаты освоения ООП	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)	
					Код	Наименование
Линейная алгебра и аналитическая геометрия 1.3	1	ДОПК(У)-1	Способен использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования	Р1	ДОПК(У)-1В1	Владеет методами линейной и векторной алгебры, линейных операторов и аналитической геометрии для описания, анализа, теоретического и экспериментального исследования и моделирования физических и геометрических задач
					ДОПК(У)-1У1	Умеет применять линейную и векторную алгебру, линейные операторы, строить геометрические образы при решении инженерных задач
					ДОПК(У)-1З1	Знает базовые понятия и методы линейной и векторной алгебры аналитической геометрии, теории линейных пространств и линейных операторов

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД-1	Способен использовать и применять основные законы линейной алгебры в профессиональной деятельности	ДОПК(У)-1	Линейная алгебра	Контрольная работа ИДЗ. Экзамен
РД-2	Способен использовать и применять векторные операции при решении профессиональных задач	ДОПК(У)-1	Векторная алгебра	Контрольная работа ИДЗ. Экзамен
РД-3	Способен применять знания элементов теории линейных пространств и линейных операторов	ДОПК(У)-1	Элементы теории линейных пространств и	Контрольная работа ИДЗ.

	для теоретического исследования в профессиональной деятельности		линейных операторов	Экзамен
РД-4	Владеет знаниями объектов и методами аналитической геометрии на плоскости и в пространстве	ДОПК(У)-1	Аналитическая геометрия	Контрольная работа ИДЗ. Экзамен

### 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка – максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

#### Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности
0% ÷ 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### Шкала для оценочных мероприятий экзамена

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	36 ÷ 40	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	28 ÷ 35	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	22 ÷ 27	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности
0% ÷ 54%	0 ÷ 21	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

### 4. Перечень типовых заданий

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1.	Контрольная работа	Контрольная работа «Линейная алгебра» ВАРИАНТ №1

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>1. Дан определитель <math display="block">\begin{vmatrix} 2 &amp; 4 &amp; -3 &amp; 1 \\ -1 &amp; 1 &amp; 0 &amp; 1 \\ 3 &amp; 2 &amp; 4 &amp; 0 \\ 0 &amp; -1 &amp; 1 &amp; 3 \end{vmatrix}.</math></p> <p>а) Запишите разложение данного определителя по четвёртому столбцу;  б) вычислите определитель, получив предварительно нули в какой – либо строке или столбце.</p> <p>2. Решить систему уравнений методом обратной матрицы: <math display="block">\begin{cases} x + 2y - z = -1, \\ 3y - z = 1, \\ x + 4y + z = 5. \end{cases}</math></p> <p>Значение <math>x</math> вычислить также методом Крамера.</p> <p>3. Исследовать систему на совместность и решить методом Гаусса <math display="block">\begin{cases} x_2 + x_3 + x_4 = 1 \\ x_1 - x_3 - x_4 = 2 \\ x_1 + x_2 - x_4 = 3 \\ x_1 + x_2 + x_3 = 4 \end{cases}</math></p> <p>4. Дана система однородных линейных уравнений <math display="block">\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 + x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 + 4x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 0. \end{cases}</math></p> <p>а) Докажите, что система имеет нетривиальные решения;  б) Найдите общее решение системы;  в) найдите фундаментальную систему решений.</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Векторная алгебра»  ВАРИАНТ №1</b></p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p><b>I. Даны четыре вектора:</b> <math>\vec{a} = \{4,5,2\}</math>; <math>\vec{b} = \{3,0,1\}</math>; <math>\vec{c} = \{-1,4,2\}</math>; <math>\vec{d} = \{5,7,8\}</math>.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Доказать, что векторы <math>\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}</math> образуют базис и найти разложение вектора <math>\vec{d}</math> в этом базисе.</li> <li>Найти косинус угла между векторами <math>\vec{a}</math> и <math>\vec{b}</math>.</li> <li>Найти длину вектора <math>\vec{g} = \vec{a} + 2\vec{b} + 3\vec{c}</math>.</li> </ol> <p><b>II. Даны четыре точки:</b> <math>A(1;3;0)</math>, <math>B(4;1;2)</math>, <math>C(3;0;1)</math>, <math>D(-4;3;5)</math>.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Найти объём пирамиды <math>ABCD</math> и длину высоты, опущенной из вершины <math>D</math> на грань <math>ABC</math>.</li> <li>Найти проекцию вектора <math>\vec{AB}</math> на ось вектора <math>\vec{CD}</math>.</li> <li>Найти координаты вектора <math>[(\vec{BC} + \vec{AB}), \vec{CB}]</math>.</li> </ol> <p><b>III. Параллелограмм построен на векторах</b> <math>\vec{a} = \vec{p} + 4\vec{q}</math>, <math>\vec{b} = \frac{1}{2}(\vec{p} - \vec{q})</math>, где</p> $ \vec{p}  = 4,  \vec{q}  = 2, (\vec{p} \wedge \vec{q}) = \frac{\pi}{3}.$ <p>Определить: а) косинус тупого угла между диагоналями; б) длину высоты, опущенной на сторон</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Элементы теории линейных пространств и линейных операторов»</b> <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Исследовать на линейную зависимость систему векторов <math>e^x</math>, <math>xe^x</math>, <math>x^2e^x</math> на <math>(-\infty, +\infty)</math>.</li> <li>Найти какой-нибудь базис и определить размерность линейного пространства решений</li> </ol> $\text{системы } \begin{cases} 3x_1 + x_2 - 8x_3 + 2x_4 + x_5 = 0, \\ 2x_1 - 2x_2 - 3x_3 - 7x_4 + 2x_5 = 0, \\ x_1 + 11x_2 - 12x_3 + 34x_4 - 5x_5 = 0. \end{cases}$

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>3. Найти координаты вектора <math>\mathbf{x}</math> в базисе <math>(\mathbf{e}'_1, \mathbf{e}'_2, \mathbf{e}'_3)</math>, если известны его координаты в базисе <math>(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2, \mathbf{e}_3)</math>:</p> $\mathbf{x} = \{3; -10; 10\}, \quad \begin{cases} \mathbf{e}'_1 = \mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2 - 9\mathbf{e}_3, \\ \mathbf{e}'_2 = \frac{9}{10}\mathbf{e}_1 - \mathbf{e}_2, \\ \mathbf{e}'_3 = -\mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2 + \mathbf{e}_3. \end{cases}$ <p>4. Пусть <math>\mathbf{x} = \{x_1; x_2; x_3\}</math>. Являются ли линейными операторы <math>A</math> и <math>B</math>? Найдите матрицу каждого линейного оператора в стандартном базисе.</p> $A\mathbf{x} = (6x_1 - 5x_2 - 4x_3; -3x_1 - 2x_2 - x_3; x_2 + 2x_3),$ $B\mathbf{x} = (6 - 5x_2 - 4x_3; 3x_1 - 2x_2 - x_3; x_2 + 2).$ <p>5. Найти матрицу линейного оператора в базисе <math>(\mathbf{e}'_1, \mathbf{e}'_2, \mathbf{e}'_3)</math>, где <math>\mathbf{e}'_1 = \mathbf{e}_1 - \mathbf{e}_2 + \mathbf{e}_3</math>, <math>\mathbf{e}'_2 = -\mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2 - 2\mathbf{e}_3</math>, <math>\mathbf{e}'_3 = -\mathbf{e}_1 + 2\mathbf{e}_2 + \mathbf{e}_3</math>, если она задана в базисе <math>(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2, \mathbf{e}_3)</math> матрицей <math>A = \begin{pmatrix} 1 &amp; 0 &amp; 2 \\ 3 &amp; -1 &amp; 0 \\ 1 &amp; 1 &amp; -2 \end{pmatrix}</math>.</p> <p>6. Найти собственные значения и собственные векторы линейного оператора, заданного матрицей <math>A = \begin{pmatrix} 0 &amp; 1 &amp; 0 \\ -3 &amp; 4 &amp; 0 \\ -2 &amp; 1 &amp; 2 \end{pmatrix}</math>. Если это возможно, то приведите ее к диагональному виду.</p>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Аналитическая геометрия»</b> <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Определить при каких значениях <math>a</math> прямая <math>(a+2)x + (a^2 - 9)y + 3a^2 - 8a + 5 = 0</math> параллельна оси ОХ.</li> <li>2. Составить уравнения прямых, параллельных прямой <math>3x - 4y - 10 = 0</math> и отстоящих от нее на расстояние <math>d=3</math></li> <li>3. Даны вершины треугольника <math>A(2,6)</math>, <math>B(4,-2)</math>, <math>C(-2,-6)</math>. Составить уравнение высоты из вершины <math>A</math> и уравнение медианы из вершины <math>C</math>.</li> <li>4. Привести к каноническому виду, назвать и построить кривые: а) <math>16x^2 + 25y^2 + 32x - 100y - 284 = 0</math>; б) <math>y^2 - 4y - 20x + 24 = 0</math>.</li> <li>5. Из общих уравнений прямой : <math>2x + y - 3z - 9 = 0</math>, <math>-2x + 3z + 4 = 0</math> получить канонические и параметрическое уравнения прямой.</li> <li>6. Найти проекцию точки <math>A(1,2,0)</math> на плоскость <math>8x + 6y + 8z - 25 = 0</math>.</li> <li>7. Построить тело, ограниченное поверхностями <math>x^2 = z</math>, <math>x + y = 2</math>, <math>y \geq 0, z \geq 0</math>.</li> </ol>
2.	ИДЗ.	<p style="text-align: center;"><b>ИДЗ по теме «Линейная алгебра» и «Элементы теории линейных пространств и линейных операторов»</b> <b>Вариант 1</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Вычислить определители:</li> </ol>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>а) <math>\begin{vmatrix} 3 &amp; 2 &amp; 1 \\ 2 &amp; 3 &amp; 1 \\ 2 &amp; 1 &amp; 3 \end{vmatrix}</math>, б) <math>\begin{vmatrix} 5 &amp; 1 &amp; 2 &amp; 7 \\ 3 &amp; 0 &amp; 0 &amp; 2 \\ 1 &amp; 3 &amp; 4 &amp; 5 \\ 2 &amp; 0 &amp; 0 &amp; 3 \end{vmatrix}</math>, в) <math>\begin{vmatrix} 1 &amp; 1 &amp; -2 &amp; 0 \\ 3 &amp; 5 &amp; -3 &amp; 4 \\ 1 &amp; -1 &amp; 3 &amp; 6 \\ 3 &amp; 1 &amp; -2 &amp; 4 \end{vmatrix}</math>.</p> <p>2. Даны матрицы <math>A = \begin{pmatrix} 1 &amp; 2 &amp; 1 \\ 0 &amp; 1 &amp; 1 \\ 1 &amp; 2 &amp; 2 \end{pmatrix}</math> и <math>B = \begin{pmatrix} 3 &amp; 5 &amp; 4 \\ 3 &amp; 4 &amp; 2 \\ 1 &amp; 1 &amp; 0 \end{pmatrix}</math>.</p> <p>Найти: а) матрицу <math>4A - 2B</math>,  б) матрицу <math>AB - BA</math>,  в) матрицу <math>A^{-1}</math>. Сделать проверку.</p> <p>3. Решить матричные уравнения:</p> <p>а) <math>\begin{pmatrix} 2 &amp; 1 \\ 3 &amp; 2 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} 3 &amp; -1 \\ 5 &amp; -1 \end{pmatrix}</math>, б) <math>X \cdot \begin{pmatrix} 1 &amp; 1 &amp; -1 \\ 2 &amp; -1 &amp; 1 \\ 1 &amp; 0 &amp; 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6 &amp; 2 &amp; -1 \\ 6 &amp; 1 &amp; 1 \\ 8 &amp; -1 &amp; 4 \end{pmatrix}</math>.</p> <p>4. Найти <math>f(A)</math>, если <math>f(x) = x^2 - x - 1</math>, <math>A = \begin{pmatrix} 2 &amp; 1 &amp; 1 \\ 3 &amp; 1 &amp; 2 \\ 1 &amp; -1 &amp; 0 \end{pmatrix}</math>.</p> <p>5. Перемножить матрицы:</p> <p><math>C = \begin{pmatrix} 1 &amp; -2 \\ 3 &amp; 1 \\ -1 &amp; 1 \end{pmatrix}</math>, <math>D = \begin{pmatrix} 1 &amp; 1 &amp; -1 &amp; -1 \\ 2 &amp; 1 &amp; 1 &amp; -3 \end{pmatrix}</math>.</p> <p>6. Решить системы методом Крамера:</p> <p>а) <math>\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 5, \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 = 1, \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 11. \end{cases}</math></p> <p>б) <math>\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 4x_4 = 5, \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 1, \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 = 1, \\ 4x_1 + 3x_2 + 2x_3 + x_4 = -5. \end{cases}</math></p>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>7. Решить системы матричным методом:</p> <p>а) <math display="block">\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 0, \\ x_1 - x_2 = 1, \\ x_1 - 2x_2 - x_3 = 1; \end{cases}</math> б) <math display="block">\begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_3 = -2, \\ 2x_1 + x_2 + x_3 = 2, \\ x_1 + 2x_2 + 2x_3 = -1. \end{cases}</math></p> <p>8. Найти общее решение системы линейных уравнений методом Гаусса:</p> <p>а) <math display="block">\begin{cases} 2x_1 + x_3 + 3x_4 = 1, \\ x_1 + x_2 - x_4 = -1, \\ -2x_2 + x_3 + 5x_4 = 3, \\ x_1 - 3x_2 + 2x_3 + 9x_4 = 5; \end{cases}</math></p> <p>б) <math display="block">\begin{cases} x_1 + x_2 - 3x_3 = -1, \\ 2x_1 + x_2 - 2x_3 = 1, \\ x_1 + x_2 + x_3 = 3, \\ x_1 + 2x_2 - 3x_3 = 1. \end{cases}</math></p> <p>9. Найти общее решение системы линейных однородных уравнений и записать ее фундаментальную систему решений:</p> <p>а) <math display="block">\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 - 7x_3 = 0, \\ -x_1 + x_2 - x_4 = 0, \\ 2x_1 - x_2 - x_3 - x_4 = 0, \\ -2x_1 + 3x_2 - 2x_3 + x_4 = 0; \end{cases}</math></p> <p>б) <math display="block">\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 - x_4 = 0, \\ 3x_1 + 2x_2 - 2x_4 = 0, \\ 3x_1 + x_2 + 9x_3 - x_4 = 0, \\ 4x_1 + 2x_2 + 7x_3 - 2x_4 = 0. \end{cases}</math></p> <p>10. Найти собственные векторы и собственные значения матрицы:</p> <p>а) <math display="block">A = \begin{pmatrix} 0 &amp; 1 &amp; 0 \\ -3 &amp; 4 &amp; 0 \\ -2 &amp; 1 &amp; 2 \end{pmatrix},</math> б) <math display="block">A = \begin{pmatrix} 0 &amp; 1 &amp; 0 &amp; 0 \\ 3 &amp; 0 &amp; 2 &amp; 0 \\ 0 &amp; 2 &amp; 0 &amp; 3 \\ 0 &amp; 0 &amp; 1 &amp; 0 \end{pmatrix}.</math></p> <p>11. Относительно базиса <math>\bar{e}_1 = \{1;0;0\}</math>, <math>\bar{e}_2 = \{0;1;0\}</math>, <math>\bar{e}_3 = \{0;0;1\}</math> заданы векторы <math>\bar{a}_1, \bar{a}_2, \bar{a}_3, \bar{x}</math>:</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;"><math>\bar{a}_1 = \{1;1;1\}</math>, <math>\bar{a}_2 = \{1;1;2\}</math>, <math>\bar{a}_3 = \{1;2;3\}</math>, <math>\bar{x} = \{6;9;14\}</math>.</p> <p>а) доказать, что векторы <math>\bar{a}_1, \bar{a}_2, \bar{a}_3</math> образуют базис пространства <math>R_3</math>;</p> <p>б) записать матрицу <math>A</math> перехода от базиса <math>\bar{e}_1, \bar{e}_2, \bar{e}_3</math> к базису <math>\bar{a}_1, \bar{a}_2, \bar{a}_3</math> и матрицу <math>B</math> перехода от базиса <math>\bar{a}_1, \bar{a}_2, \bar{a}_3</math> к базису <math>\bar{e}_1, \bar{e}_2, \bar{e}_3</math>;</p> <p>в) найти координаты вектора <math>\bar{x}</math> в базисе <math>\bar{a}_1, \bar{a}_2, \bar{a}_3</math>;</p> <p>г) записать формулы, связывающие координаты одного и того же вектора в базисах <math>\bar{e}_1, \bar{e}_2, \bar{e}_3</math> и <math>\bar{a}_1, \bar{a}_2, \bar{a}_3</math>.</p> <p style="text-align: center;"><b>ИДЗ по теме «Векторная алгебра»</b></p> <p>1. ABCDEF – вершины правильного шестиугольника. Равны ли векторы</p> <p>а) <math>4\overline{BC}</math> и <math>2\overline{AD}</math></p> <p>б) <math>2\overline{DC}</math> и <math>2\overline{AF}</math></p> <p>2. Найти скалярное произведение векторов <math>\bar{a} = 2\bar{p} + 3\bar{q} - 3\bar{r}</math> и <math>\bar{b} = 3\bar{p} + 4\bar{q}</math> где <math>\bar{p}, \bar{q}, \bar{r}</math> – единичные векторы, составляющие между собой попарно углы, равные <math>\frac{\pi}{3}</math></p> <p>3. Даны точки <math>A(1,1,1)</math> и <math>B(4,5,-3)</math>. Найти проекцию <math>\overline{AB}</math> на ось, составляющую с координатными осями равные острые углы.</p> <p>4. Даны векторы <math>\bar{a} = \{2,-1,3\}</math>, <math>\bar{b} = \{1,-3,2\}</math>, <math>\bar{c} = 3\mathbf{i} + 2\mathbf{j} - 4\mathbf{k}</math>. Найти вектор <math>\bar{x}</math>, удовлетворяющий условиям <math>(\bar{x}, \bar{a}) = 10</math>, <math>(\bar{x}, \bar{b}) = 22</math>, <math>(\bar{x}, \bar{c}) = -40</math></p> <p>5. Дано: <math> \bar{a}  = 1</math>, <math> \bar{b}  = 2</math>, <math>(\bar{a}, \bar{b}) = \frac{2}{3}\pi</math>. Вычислить: <math> [2\bar{a} + \bar{b}, \bar{a} + 2\bar{b}] </math></p> <p>6. Даны две силы <math>\bar{F}_1 = \{2,-1,1\}</math> и <math>\bar{F}_2 = \{-3,2,-1\}</math>, приложенные к точке <span style="float: right;">A(-1,4,2).</span></p>





	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>1. Определение базиса на прямой, на плоскости и в пространстве. Разложение вектора по базису. Является ли вектор <math>\vec{d} = \{-1, 2, 0\}</math> линейной комбинацией векторов <math>\vec{a} = \{1, -1, 0\}</math>, <math>\vec{b} = \{3, 3, 3\}</math>, <math>\vec{c} = \{2, 4, 3\}</math>?</p> <p>2. Докажите теорему о базисном миноре.</p> <p>3. Найдите собственные числа и собственные векторы линейного оператора, заданного матрицей <math>A = \begin{pmatrix} -1 &amp; 3 &amp; -1 \\ -3 &amp; 5 &amp; -1 \\ -3 &amp; 3 &amp; 1 \end{pmatrix}</math> и, если возможно, приведите её к диагональному виду.</p> <p>4. Найдите проекцию точки <math>A(-1, 0, 1)</math> на прямую <math>\frac{x+0,5}{0} = \frac{y-1}{0} = \frac{z-4}{2}</math>.</p> <p>5. Определите тип кривой, заданной уравнением <math>-x^2 + y^2 + 2x - 4y = 0</math>, и постройте её.</p> <p><b>Вопросы</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Что такое определитель? При каких преобразованиях величина определителя не меняется</li> <li>• В каких случаях определитель равен нулю? Что следует из равенства определителя нулю?</li> <li>• Дайте определение минора и алгебраического дополнения элемента определителя. Сформулируйте правило вычисления определителя.</li> <li>• Как осуществляются линейные операции над матрицами?</li> <li>• Как перемножаются две матрицы? Свойства произведения матриц.</li> <li>• Какова схема нахождения обратной матрицы?</li> <li>• Дайте определения решения системы линейных алгебраических уравнений. Расшифруйте понятия «совместная», «несовместная», «определённая», «неопределённая» системы.</li> <li>• Напишите формулы Крамера. В каком случае они применимы?</li> <li>• Что называется рангом матрицы? Как он находится?</li> <li>• Сформулируйте теорему Кронекера – Капелли.</li> <li>• При каких условиях система линейных алгебраических уравнений имеет</li> </ul>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>множество решений? Когда она имеет единственное решение?</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Опишите метод Гаусса решения систем линейных уравнений.</li> <li>• Какие неизвестные называются свободными, а какие базисными?</li> <li>• Какие особенности решения однородных систем линейных алгебраических уравнений Вы знаете?</li> <li>• Как строится фундаментальная система решений?</li> <li>• Как выполняются линейные операции над векторами? Каковы свойства этих операций?</li> <li>• Какие вектора называются линейно зависимыми, а какие линейно независимыми?</li> <li>• Что такое базис? Какие вектора образуют базис на плоскости и в пространстве?</li> <li>• Какой базис называют декартовым?</li> <li>• Что такое координаты вектора?</li> <li>• Что называется скалярным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется векторным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется смешанным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Запишите в векторной и координатной формах условия коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов.</li> <li>• Прямая линия на плоскости, её общее уравнение</li> <li>• Дайте понятие нормального и направляющего векторов прямой на плоскости, углового коэффициента.</li> <li>• Запишите различные виды прямой и укажите геометрический смысл параметров уравнения.</li> <li>• Запишите условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости в случае различных видов уравнений прямых.</li> <li>• Как найти точку пересечения прямых на плоскости?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой на плоскости?</li> <li>• Дайте определение эллипса и запишите его каноническое уравнение.</li> <li>• Дайте определение гиперболы и запишите её каноническое уравнение</li> <li>• Дайте определение параболы и запишите её каноническое уравнение</li> </ul>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Изложите схему приведения общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.</li> <li>• Дайте понятие полярной системы координат.</li> <li>• Опишите параметрический способ построения линий на плоскости</li> <li>• Плоскость, её общее уравнение</li> <li>• Как определяется взаимное расположение плоскостей? Запишите условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до плоскости?</li> <li>• Запишите различные виды уравнений прямой в пространстве и поясните смысл параметров, входящих в уравнения.</li> <li>• Изложите схему приведения общих уравнений прямой к каноническому виду.</li> <li>• Как определить взаимное расположение прямых в пространстве?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой в пространстве?</li> <li>• Как определить взаимное расположение прямой и плоскости?</li> <li>• Как ищется точка пересечения прямой и плоскости?</li> <li>• Назовите поверхности второго порядка и напишите их канонические уравнения.</li> </ul>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1.	Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 4 контрольные работы, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <p>Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</p>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
2.	ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 4 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высылается отдельным файлом, указывается ФИО, группа.</p> <p><b>Критерии оценки одного задания:</b></p> <p>Задание считается зачтенным, если выполнено более половины заданий</p> <p>Если задание не зачтено, работа возвращается студенту на доработку.</p> <p>Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель может учесть исправления и добавить баллы к предыдущим</p>
3.	Экзамен.	<p>Экзамен осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ. На экзамене студенту выдаются билеты, включающие теоретические вопросы и практические задания. Преподаватель, проверив работу, в ходе устной беседы со студентом может задавать вопросы по самому билету, а также дополнительные вопросы по теории и практике. В итоге студент набирает итоговый балл за экзамен, максимально 40 баллов. Оценка за дисциплину формируется как итоговая за работу в семестре и экзамен в соответствии с принятой шкалой оценивания.</p> <p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствии с действующей процедурой.</p>