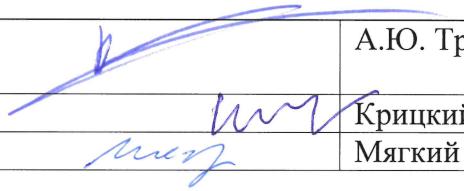
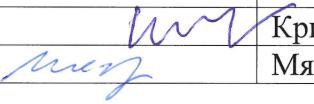


ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ  
ПРИЕМ 2018 г.

ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная

Математика 1		
Направление подготовки/ специальность	01.03.02 Прикладная математика и информатика	
Образовательная программа (направленность (профиль))		
Специализация		
Уровень образования	высшее образование - бакалавр	
Курс	1	семестр 1
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	6	
Зав.каф.-руководитель отделения		А.Ю. Трифонов
Руководитель ООП		Крицкий О.Л
Преподаватель		Мягкий А.Н.

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 1» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенций		Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
				Код индикатора	Наименование индикатора достижения	Код	Наименование
<b>Математика 1</b>	1	УК(У)-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	И.УК(У)-1.1	Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие	УК(У)-1.1В1	Владеет методами анализа, опытом исследования и решения поставленной задачи
						УК(У)-1.1У1	Умеет анализировать и выделять базовые составляющие поставленной задачи
						УК(У)-1.1З1	Знает методы и принципы подхода к решению поставленной задачи
		ОПК(У)-1	Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	И.ОПК(У)-1.1	Применяет математический аппарат исследования функций, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления, рядов, дифференциальных уравнений, теории функций комплексного переменного в инженерной деятельности	ОПК(У)-1.В1	Владеет математическим аппаратом алгебры и дифференциального исчисления функций одной переменной для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач
						ОПК(У)-1.У1	Умеет применять изученные методы алгебры и анализа для решения стандартных задач
						ОПК(У)-1.З1	Знает основные понятия и теоремы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, теории линейных пространств, дифференциального исчисления функций одной переменной

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код индикатора достижения контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД 1	Уметь работать с матрицами, вычислять их числовые характеристики	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	1. Линейная алгебра	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД 2	Уметь исследовать и решать системы линейных алгебраических уравнений	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	1. Линейная алгебра	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД 3	Уметь производить действия над векторами в пространствах	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	2. Векторная алгебра	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД 4	Уметь строить основные геометрические образы	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	3.Аналитическая геометрия	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД 5	Уметь вычислять пределы	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	4.Введение в анализ	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД 6	Уметь исследовать функции одной переменной	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	5.Дифференциальное исчисление функций одной переменной	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО

### 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

#### Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### Шкала для оценочных мероприятий и дифференцированного зачета / зачета

Степень сформированности результатов обучения	Балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	90 ÷ 100	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% ÷ 89%	70 ÷ 89	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% ÷ 69%	55 ÷ 69	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
55% ÷ 100%	55 ÷ 100	«Зачтено»	Результаты обучения соответствуют минимально достаточным требованиям
0% ÷ 54%	0 ÷ 54	«Неудовл.»/ «Не зачтено»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### 4. Перечень типовых заданий

	<u>Оценочные мероприятия</u>	<u>Примеры типовых контрольных заданий</u>
1.	Контрольная работа	<p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа «Линейная алгебра»</b> <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p>1. Дан определитель</p> $\begin{vmatrix} 2 & 4 & -3 & 1 \\ -1 & 1 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & 4 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 3 \end{vmatrix}.$ <p>a) Запишите разложение данного определителя по четвёртому столбцу; б) вычислите определитель, получив предварительно нули в какой – либо строке или столбце.</p> <p>2. Решить систему уравнений методом обратной матрицы:</p> $\begin{cases} x + 2y - z = -1, \\ 3y - z = 1, \\ x + 4y + z = 5. \end{cases}$ <p>Значение <math>x</math> вычислить также методом Крамера.</p> <p>3. Исследовать систему на совместность и решить методом Гаусса</p> $\begin{cases} x_2 + x_3 + x_4 = 1 \\ x_1 - x_3 - x_4 = 2 \\ x_1 + x_2 - x_4 = 3 \\ x_1 + x_2 + x_3 = 4 \end{cases}$ <p>4. Даны система однородных линейных уравнений</p> $\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 + x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 + 4x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 0. \end{cases}$ <p>a) Докажите, что система имеет нетривиальные решения; б) Найдите общее решение системы; в) найдите фундаментальную систему решений.</p> <p>5. При каких значениях параметра <math>\lambda</math> система линейных уравнений</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий			
	<p>с расширенной матрицей</p> $\left( \begin{array}{ccc c} 2 & 1 & 1 & 4 \\ 1 & \lambda & 1 & 3 \\ 1 & 2\lambda & 1 & 4 \end{array} \right)$ <p>совместна?</p>			
<b>Контрольная работа по теме «Векторная алгебра»</b>				
<b>ВАРИАНТ №1</b>				
<p><b>I.</b> Даны четыре вектора: <math>\vec{a} = \{4,5,2\}</math>; <math>\vec{b} = \{3,0,1\}</math>; <math>\vec{c} = \{-1,4,2\}</math>; <math>\vec{d} = \{5,7,8\}</math>.</p> <p>1. Доказать, что векторы <math>\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}</math> образуют базис и найти разложение вектора <math>\vec{d}</math> в этом базисе.</p> <p>2. Найти косинус угла между векторами <math>\vec{a}</math> и <math>\vec{b}</math>.</p> <p>3. Найти длину вектора <math>\vec{g} = \vec{a} + 2\vec{b} + 3\vec{c}</math>.</p> <p><b>II.</b> Даны четыре точки: <math>A(1;3;0)</math>, <math>B(4;1;2)</math>, <math>C(3;0;1)</math>, <math>D(-4;3;5)</math>.</p> <p>4. Найти объём пирамиды <math>ABCD</math> и длину высоты, опущенной из вершины <math>D</math> на грань <math>ABC</math>.</p> <p>5. Найти проекцию вектора <math>\overrightarrow{AB}</math> на ось вектора <math>\overrightarrow{CD}</math>.</p> <p>6. Найти координаты вектора <math>[(\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AB}), \overrightarrow{CB}]</math>.</p> <p><b>III.</b> Параллелограмм построен на векторах <math>\vec{a} = \vec{p} + 4\vec{q}</math>, <math>\vec{b} = \frac{1}{2}(\vec{p} - \vec{q})</math>, где <math> \vec{p}  = 4</math>, <math> \vec{q}  = 2</math>, <math>(\vec{p} \wedge \vec{q}) = \frac{\pi}{3}</math>.</p> <p>Определить: а) косинус тупого угла между диагоналями; б) длину высоты, опущенной на сторону</p>				
<b>Контрольная работа по теме «Аналитическая геометрия»</b>				
<b>ВАРИАНТ №1</b>				
<p>1. Определить при каких значениях <math>a</math> прямая <math>(a+2)x + (a^2 - 9)y + 3a^2 - 8a + 5 = 0</math> параллельна оси ОХ.</p> <p>2. Составить уравнения прямых, параллельных прямой <math>3x - 4y - 10 = 0</math> и отстоящих от нее на расстояние <math>d=3</math></p> <p>3. Даны вершины треугольника <math>A(2,6)</math>, <math>B(4,-2)</math>, <math>C(-2,-6)</math>. Составить уравнение высоты из вершины <math>A</math> и уравнение медианы из вершины <math>C</math>.</p>				

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>4. Привести к каноническому виду, назвать и построить кривые: а) <math>16x^2 + 25y^2 + 32x - 100y - 284 = 0</math>; б) <math>y^2 - 4y - 20x + 24 = 0</math>.</p> <p>5. Из общих уравнений прямой : <math>2x + y - 3z - 9 = 0</math>, <math>-2x + 3z + 4 = 0</math> получить канонические и параметрическое уравнения прямой.</p> <p>6. Найти проекцию точки <math>A(1,2,0)</math> на плоскость <math>8x + 6y + 8z - 25 = 0</math>.</p> <p>7. Построить тело, ограниченное поверхностями  <math display="block">\begin{aligned}x^2 &amp;= z, \\x + y &amp;= 2, \\y \geq 0, z \geq 0.\end{aligned}</math></p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Введение в анализ»</b></p> <p><i>I. Вычислить пределы</i></p> <p>1. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^2 - 4n}}{\sqrt[3]{2n^3 + 1}}</math>;</p> <p>2. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{2^n}}{n - 1}</math>;</p> <p>3. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1+x^2}}{2x}</math>;</p> <p>4. <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^2 + 2x}{3x^2 + 1}</math>;</p> <p>5. <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 - 3} - 1}{x - 2}</math>;</p> <p>6. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}</math>;</p> <p>7. <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+2}{x-1} \right)^{\frac{x^2+1}{x}}</math>;</p> <p>8. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x^2 + 2) - \ln 2}{x^2}</math>;</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>9. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - e^x}{x};</math>      10. <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(2-x)}{\sqrt{2x} - 2}.</math></p> <p><b>II. Определить порядок б. м. <math>\alpha(x)</math> при <math>x \rightarrow 0</math> относительно <math>x:</math></b></p> <p>1. <math>\alpha(x) = \ln(1 + \sqrt[3]{x^2 \cdot \operatorname{tg} x}),</math>      2. <math>\alpha(x) = \sqrt{2x+1} - 1.</math></p> <p><b>III. Найти точки разрыва функции, указать их характер. Построить график функции в окрестности точек разрыва:</b></p> <p>1. <math>f(x) = \begin{cases} 0, &amp; \text{если } x &lt; 0, \\ x^2, &amp; \text{если } 0 \leq x &lt; 1, \\ x+2, &amp; \text{если } x \geq 1. \end{cases}</math>      2. <math>y = \frac{2^{1-x}}{1+2^{1-x}},</math>      3. <math>y = \frac{1}{x^2 - 4}.</math></p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа</b> по теме «Дифференциальное исчисление функции одного переменного» <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p>I. Найти производные следующих функций:</p> <p>1. <math>y = (e^{\cos x} + 3x)^2;</math>      2. <math>3^x + 3^y = x - 2y;</math>      3. <math>y = (\operatorname{tg} 2x)^{\operatorname{ctg}(\sqrt{\frac{x}{2}})}</math>;</p> <p>II. Найти вторую производную <math>\frac{d^2 y}{dx^2}:</math></p> <p>1. <math>y = \frac{x^2}{x^2 - 1},</math>      2. <math>\begin{cases} x = \cos(t/2), \\ y = t - \sin t. \end{cases}</math>      3. <math>y = \sin(x - y)</math></p> <p>III. . Пользуясь правилом Лопитала найти пределы:</p> <p>1. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{x^2}{x-1} - \frac{1}{\ln x} \right)</math>      2. <math>\lim_{x \rightarrow 1-0} (\sin \pi x)^{\cos \frac{\pi x}{2}}</math></p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;"><math>\frac{1}{e}</math></p> <p>IV Провести полное исследование функции <math>y = xe^{-x}</math> и построить её график</p>

Примеры типовых контрольных заданий		
	Оценочные мероприятия	
2.	ИДЗ.	<p><u>Пример варианта индивидуальных заданий.</u></p> <p style="text-align: center;"><u>Линейная алгебра</u></p> <hr/> <p>1. Вычислить определители</p> <p>a) <math>\begin{vmatrix} 12 &amp; 3 &amp; -1 &amp; 2 \\ 1 &amp; 1 &amp; 0 &amp; -1 \\ -4 &amp; 2 &amp; 4 &amp; -2 \\ -2 &amp; 0 &amp; 1 &amp; -1 \end{vmatrix}</math>      b) <math>\begin{vmatrix} -7 &amp; -3 &amp; 2 &amp; 4 \\ -2 &amp; 0 &amp; 1 &amp; 1 \\ -4 &amp; 2 &amp; 1 &amp; 3 \\ -3 &amp; -2 &amp; 2 &amp; 1 \end{vmatrix}</math></p> <p>2. Найти матрицу <math>X</math> из уравнения. Сделать проверку</p> $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & -2 \\ 2 & -2 & 1 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} 1 & 11 & -15 \\ 2 & -8 & 3 \\ 11 & 7 & 0 \end{pmatrix}.$ <p>3. Решить системы линейных уравнений:</p> <p>a) методом Крамера,      b) матричным методом</p> <p>a) <math>\begin{cases} 3x + 4y - 2z = 26 \\ x - y + 3z = -2 \\ 3x - 3y + 5z = -2 \end{cases}</math>      b) <math>\begin{cases} x + 5y - z = 5 \\ 3x + 8y + z = 7 \\ 4x - 6y + z = 10 \end{cases}</math></p> <p>4. Решить системы методом Гаусса</p> <p>a) <math display="block">\begin{cases} x_2 - 3x_3 + 4x_4 = -5 \\ x_1 - 2x_3 + 3x_4 = -4 \\ 3x_1 + 2x_2 - 5x_4 = 12 \\ 4x_1 + 3x_2 - 5x_3 = 5 \end{cases}</math></p> <p>b) <math display="block">\begin{cases} x_1 + 3x_2 + 5x_3 - 4x_4 = 1 \\ x_1 + 3x_2 + 2x_3 - 2x_4 + x_5 = -1 \\ x_1 - 2x_2 + x_3 - x_4 - x_5 = 3 \\ x_1 - 4x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 3 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 - x_4 + x_5 = -1 \end{cases}</math></p> <p>c) <math display="block">\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = 0 \\ x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = 0 \\ 3x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = 0 \\ 3x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = 0 \end{cases}</math></p> <p>5. Найти собственные значения и собственные векторы матриц.</p> <p>a) <math>A = \begin{pmatrix} 4 &amp; -5 \\ -2 &amp; 7 \end{pmatrix}</math>      b) <math>B = \begin{pmatrix} 4 &amp; -3 &amp; -3 \\ 1 &amp; 2 &amp; 1 \\ 1 &amp; 1 &amp; 2 \end{pmatrix}</math></p> <hr/>

Аналитическая геометрия на плоскости

---

1. Составить уравнения прямых, проходящих через точку  $M(-7; 5)$ :

- a) параллельно прямой  $3x + 2y - 1 = 0$ ,  
 b) перпендикулярно прямой  $\frac{x-1}{-3} = \frac{y+4}{2}$ ,

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий				
3.	Тестирование – независимый контроль ЦОКО (PT1 и PT2)	<p>Вопросы:</p> <p>1. С помощью элементарных преобразований расширенная матрица системы линейных уравнений приведена к виду</p> $\left( \begin{array}{ccccc c} 1 & -1 & 2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 2 & 0 & 0 \end{array} \right)$ <p>Выберите верные утверждения, если <math>A</math> – основная матрица системы, <math>\bar{A}</math> – расширенная матрица системы.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>\text{rang}(A) = 2</math></li> <li>2. <math>\text{rang}(A) = 3</math></li> <li>3. <math>\text{rang}(A) = 2</math></li> <li>4. <math>\text{rang}(A) = 3</math></li> <li>5. система совместна</li> <li>6. система несовместна</li> </ol> <p>2. Высота треугольника <math>ABC</math>, опущенная из вершины <math>C</math>, если <math>A(3;1;2)</math>, <math>B(5;-3;6)</math>, <math>C(3;0;4)</math> равна _____</p> <p>3. Расстояние между фокусами эллипса <math>5x^2 + 9y^2 - 30x + 18y + 9 = 0</math> равно _____</p> <p>4. Косинус острого угла между прямыми <math>\frac{x+4}{10} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z+5}{-11}</math> и <math>\begin{cases} x = 9t + 1, \\ y = 6t, \\ z = 3 - 2t \end{cases}</math> равен _____</p> <p>5. Установите соответствие между функцией и её дифференциалом</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: center;">функция</th> <th style="text-align: center;">производная</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="text-align: center;"><math>y = \sqrt[3]{\sin x}</math></td> <td style="text-align: center;"><math>dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx</math></td> </tr> </tbody> </table>	функция	производная	$y = \sqrt[3]{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx$
функция	производная					
$y = \sqrt[3]{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx$					

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий	
		$y = \sqrt{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{2\sqrt{\sin x}} dx$
		$y = \frac{1}{\sqrt{\sin x}}$	$dy = -\frac{\cos x}{2\sqrt{\sin^3 x}} dx$
		$y = \frac{1}{\sqrt[3]{\sin x}}$	$dy = -\frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^4 x}} dx$
			$dy = \frac{\cos x}{2\sqrt[3]{\sin x}} dx$
			$dy = \frac{1}{2\sqrt{\sin x}} dx$
<p>6. Определите порядок малости бесконечно малой функции <math>\frac{\ln\left(\frac{1+x^3}{x^3}\right)}{x}</math> относительно <math>\frac{1}{x}</math> при <math>x \rightarrow \infty</math></p> <p>K=_____.</p> <p>7. Функция <math>y = 6x \cdot e^{-2x}</math> убывает для значений <math>x</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>x \in (-\infty; 1/2)</math></li> <li>2. <math>x \in (1/2; +\infty)</math></li> <li>3. <math>x \in (-\infty; -1/2) \cup (1/2; +\infty)</math></li> <li>4. <math>x \in (-1/2; +\infty)</math></li> <li>5. <math>x \in (1/2; 0)</math>.</li> </ol>			
4.	Дифференцированны	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Что такое определитель? При каких преобразованиях величина определителя не меняется</li> <li>• В каких случаях определитель равен нулю? Что следует из равенства определителя нулю?</li> </ul>	

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
й зачет	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Дайте определение минора и алгебраического дополнения элемента определителя. Сформулируйте правило вычисления определителя.</li> <li>• Как осуществляются линейные операции над матрицами?</li> <li>• Как перемножаются две матрицы? Свойства произведения матриц.</li> <li>• Какова схема нахождения обратной матрицы?</li> <li>• Дайте определения решения системы линейных алгебраических уравнений. Расшифруйте понятия «совместная», «несовместная», «определенная», «неопределенная» системы.</li> <li>• Напишите формулы Крамера. В каком случае они применимы?</li> <li>• Что называется рангом матрицы? Как он находится?</li> <li>• Сформулируйте теорему Кронекера – Капелли.</li> <li>• При каких условиях система линейных алгебраических уравнений имеет множество решений? Когда она имеет единственное решение?</li> <li>• Опишите метод Гаусса решения систем линейных уравнений.</li> <li>• Какие неизвестные называются свободными, а какие базисными?</li> <li>• Какие особенности решения однородных систем линейных алгебраических уравнений Вы знаете?</li> <li>• Как строится фундаментальная система решений?</li> <li>• Как выполняются линейные операции над векторами? Каковы свойства этих операций?</li> <li>• Какие вектора называются линейно зависимыми, а какие линейно независимыми?</li> <li>• Что такое базис? Какие вектора образуют базис на плоскости и в пространстве?</li> <li>• Какой базис называют декартовым?</li> <li>• Что такое координаты вектора?</li> <li>• Что называется скалярным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется векторным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется смешанным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Запишите в векторной и координатной формах условия коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов.</li> <li>• Прямая линия на плоскости, её общее уравнение</li> <li>• Дайте понятие нормального и направляющего векторов прямой на плоскости, углового коэффициента.</li> <li>• Запишите различные виды прямой и укажите геометрический смысл параметров уравнения.</li> </ul>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Запишите условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости в случае различных видов уравнений прямых.</li> <li>• Как найти точку пересечения прямых на плоскости?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой на плоскости?</li> <li>• Дайте определение эллипса и запишите его каноническое уравнение.</li> <li>• Дайте определение гиперболы и запишите её каноническое уравнение</li> <li>• Дайте определение параболы и запишите её каноническое уравнение</li> <li>• Изложите схему приведения общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.</li> <li>• Дайте понятие полярной системы координат.</li> <li>• Опишите параметрический способ построения линий на плоскости</li> <li>• Плоскость, её общее уравнение</li> <li>• Как определяется взаимное расположение плоскостей? Запишите условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до плоскости?</li> <li>• Запишите различные виды уравнений прямой в пространстве и поясните смысл параметров, входящих в уравнения.</li> <li>• Изложите схему приведения общих уравнений прямой к каноническому виду.</li> <li>• Как определить взаимное расположение прямых в пространстве?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой в пространстве?</li> <li>• Как определить взаимное расположение прямой и плоскости?</li> <li>• Как ищется точка пересечения прямой и плоскости?</li> <li>• Назовите поверхности второго порядка и напишите их канонические уравнения.</li> <li>• Сформулируйте понятие предела числовой последовательности</li> <li>• Сформулируйте понятие предела функции одной переменной</li> <li>• Что такое односторонние пределы функции в точке?</li> <li>• Сформулируйте понятия бесконечно малой и бесконечно большой при <math>x \rightarrow a</math> функции.</li> <li>• Первый и второй замечательные пределы</li> <li>• Как сравниваются бесконечно малые величины? Что такое относительный порядок малости?</li> <li>• Какие бесконечно малые называются эквивалентными? Приведите примеры эквивалентных бесконечно малых.</li> <li>• Какими свойствами обладают функции, непрерывные на замкнутом промежутке?</li> <li>• Что понимают под точкой разрыва функции? Какие разрывы различают?</li> <li>• Как связаны понятия непрерывности и дифференцируемости функции в точке?</li> </ul>

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Запишите правила дифференцирования обратной и сложной функций.</li> <li>• Запишите правила дифференцирования неявно заданной функции и функции, заданной параметрически.</li> <li>• Что такое дифференциал функции? Каков его геометрический смысл?</li> <li>• Какими свойствами обладают дифференцируемые функции?</li> <li>• Как находятся дифференциалы и производные высших порядков?</li> <li>• Формула Тейлора</li> <li>• Что такое точка экстремума функции? Какие точки экстремума бывают?</li> <li>• Необходимое условие существования экстремума для дифференцируемой функции</li> <li>• Достаточные условия существования экстремума</li> <li>• Схема исследования на экстремум функции одного переменного</li> <li>• Схема нахождения наибольшего и наименьшего значения функции на замкнутом промежутке.</li> <li>• Дайте определение выпуклости и вогнутости кривой на промежутке.</li> <li>• Какие точки называются точками перегиба?</li> <li>• Что называется асимптотой графика функции? Какие асимптоты различают?</li> <li>• В чем состоит правило Лопитала? Для раскрытия каких неопределённостей оно применяется?</li> </ul>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания														
1.	Контрольная работа	<p>Контрольная работа проводится в письменной форме после изучения теоретического и семинарского материала каждой темы дисциплины. Письменная форма контрольной работы содержит не менее 6 вариантов.</p> <p><b>Критерии оценивания контрольной работы:</b></p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>Критерий</th> <th>4-5 балла</th> <th>4 – 3 балла</th> <th>3 – 2 балла</th> <th>1-0 баллов</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1. Выполнение контрольной работы</td> <td>выполнил работу без ошибок и недочетов, допустил не более одного недочета.</td> <td>выполнил работу полностью, но допустил в ней не более двух грубых ошибок, более одной или не более одной грубой и негрубой ошибки и одного недочета, или не более двух-трех негрубых ошибок, недочетов.</td> <td>правильно выполнил не менее половины работы или допустил в ней не более двух грубых ошибок, или не более одной грубой и негрубой ошибки и одного недочета, или не более двух-трех негрубых ошибок, или одной негрубой ошибки и недочетов.</td> <td>правильно выполнил не менее половины работы или допустил число ошибок и недочетов превосходящее норму, при которой может быть выставлена оценка «3», или если правильно выполнил</td> </tr> </tbody> </table>	Критерий	4-5 балла	4 – 3 балла	3 – 2 балла	1-0 баллов	1. Выполнение контрольной работы	выполнил работу без ошибок и недочетов, допустил не более одного недочета.	выполнил работу полностью, но допустил в ней не более двух грубых ошибок, более одной или не более одной грубой и негрубой ошибки и одного недочета, или не более двух-трех негрубых ошибок, недочетов.	правильно выполнил не менее половины работы или допустил в ней не более двух грубых ошибок, или не более одной грубой и негрубой ошибки и одного недочета, или не более двух-трех негрубых ошибок, или одной негрубой ошибки и недочетов.	правильно выполнил не менее половины работы или допустил число ошибок и недочетов превосходящее норму, при которой может быть выставлена оценка «3», или если правильно выполнил				
Критерий	4-5 балла	4 – 3 балла	3 – 2 балла	1-0 баллов												
1. Выполнение контрольной работы	выполнил работу без ошибок и недочетов, допустил не более одного недочета.	выполнил работу полностью, но допустил в ней не более двух грубых ошибок, более одной или не более одной грубой и негрубой ошибки и одного недочета, или не более двух-трех негрубых ошибок, недочетов.	правильно выполнил не менее половины работы или допустил в ней не более двух грубых ошибок, или не более одной грубой и негрубой ошибки и одного недочета, или не более двух-трех негрубых ошибок, или одной негрубой ошибки и недочетов.	правильно выполнил не менее половины работы или допустил число ошибок и недочетов превосходящее норму, при которой может быть выставлена оценка «3», или если правильно выполнил												

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания																			
				трех недочетов, или при отсутствии ошибок, но при наличии четырех-пяти недочетов, плохо знает текст произведения, допускает искажение фактов.	работы.																
		<p>Максимальный балл за контрольную работу 5 (в дальнейшем баллы пересчитываются с учетом текущего рейтинг-плана). Работа считается успешно выполненным при получении студентом 3 баллов.</p> <p>Итоговая оценка за семестр рассчитывается на основе полученной суммы баллов в результате текущего контроля, и баллов, набранных при заключительном контроле знаний на зачете.</p>																			
2.	ИДЗ	<p>Защита индивидуального задания выполняется в виде устного ответа на вопросы преподавателя, что позволяет выявить степень сформированности профессионального мышления студентов и освоенности программного материала в процессе самостоятельной работы.</p> <p>Преподаватель может задавать по три вопроса по каждому разделу. Также преподаватель может задавать уточняющие и дополнительные вопросы.</p> <p><b>Критерии оценивания защиты ИДЗ:</b></p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Критерий</th> <th>6 - 10 баллов</th> <th>6 - 5 баллов</th> <th>4 - 0 баллов</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1. Соответствие содержания и степень владения темой ИДЗ</td><td>Содержание ИДЗ соответствует выданной теме и в полной мере раскрывает заявленную тему, студент испытывает затруднения при ответах на вопросы</td><td>Содержание ИДЗ, не в полной мере раскрывает заявленную тему, студент испытывает затруднения при ответах на вопросы</td><td>Содержание ИДЗ не соответствует выданной теме, студент не способен передать основные этапы при ее написании</td></tr> <tr> <td>2. Навыки проведения расчетов и оценка полученных результатов</td><td>Студент может рассказать алгоритм вычисления, демонстрирует формулы для вычисления и расчеты, может интерпретировать полученные результаты, понимает и демонстрирует взаимосвязь рассчитанных показателей.</td><td>Студент может рассказать алгоритм вычисления, испытывает затруднения при демонстрации формул для вычисления и расчетов, может интерпретировать полученные результаты, испытывает затруднения при демонстрации взаимосвязи рассчитанных показателей.</td><td>Студент испытывает затруднения или не может рассказать алгоритм вычисления, испытывает затруднения при демонстрации формул для вычисления и расчетов, не может интерпретировать полученные результаты, не понимает взаимосвязи рассчитанных показателей</td></tr> <tr> <td>3. Ответы на вопросы преподавателя</td><td>Студент свободно отвечает на все вопросы,</td><td>Студент испытывает затруднения при ответах на все вопросы, дает</td><td>Студент испытывает затруднения при ответах на все вопросы</td></tr> </tbody> </table>				Критерий	6 - 10 баллов	6 - 5 баллов	4 - 0 баллов	1. Соответствие содержания и степень владения темой ИДЗ	Содержание ИДЗ соответствует выданной теме и в полной мере раскрывает заявленную тему, студент испытывает затруднения при ответах на вопросы	Содержание ИДЗ, не в полной мере раскрывает заявленную тему, студент испытывает затруднения при ответах на вопросы	Содержание ИДЗ не соответствует выданной теме, студент не способен передать основные этапы при ее написании	2. Навыки проведения расчетов и оценка полученных результатов	Студент может рассказать алгоритм вычисления, демонстрирует формулы для вычисления и расчеты, может интерпретировать полученные результаты, понимает и демонстрирует взаимосвязь рассчитанных показателей.	Студент может рассказать алгоритм вычисления, испытывает затруднения при демонстрации формул для вычисления и расчетов, может интерпретировать полученные результаты, испытывает затруднения при демонстрации взаимосвязи рассчитанных показателей.	Студент испытывает затруднения или не может рассказать алгоритм вычисления, испытывает затруднения при демонстрации формул для вычисления и расчетов, не может интерпретировать полученные результаты, не понимает взаимосвязи рассчитанных показателей	3. Ответы на вопросы преподавателя	Студент свободно отвечает на все вопросы,	Студент испытывает затруднения при ответах на все вопросы, дает	Студент испытывает затруднения при ответах на все вопросы
Критерий	6 - 10 баллов	6 - 5 баллов	4 - 0 баллов																		
1. Соответствие содержания и степень владения темой ИДЗ	Содержание ИДЗ соответствует выданной теме и в полной мере раскрывает заявленную тему, студент испытывает затруднения при ответах на вопросы	Содержание ИДЗ, не в полной мере раскрывает заявленную тему, студент испытывает затруднения при ответах на вопросы	Содержание ИДЗ не соответствует выданной теме, студент не способен передать основные этапы при ее написании																		
2. Навыки проведения расчетов и оценка полученных результатов	Студент может рассказать алгоритм вычисления, демонстрирует формулы для вычисления и расчеты, может интерпретировать полученные результаты, понимает и демонстрирует взаимосвязь рассчитанных показателей.	Студент может рассказать алгоритм вычисления, испытывает затруднения при демонстрации формул для вычисления и расчетов, может интерпретировать полученные результаты, испытывает затруднения при демонстрации взаимосвязи рассчитанных показателей.	Студент испытывает затруднения или не может рассказать алгоритм вычисления, испытывает затруднения при демонстрации формул для вычисления и расчетов, не может интерпретировать полученные результаты, не понимает взаимосвязи рассчитанных показателей																		
3. Ответы на вопросы преподавателя	Студент свободно отвечает на все вопросы,	Студент испытывает затруднения при ответах на все вопросы, дает	Студент испытывает затруднения при ответах на все вопросы																		

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания				
			демонстрирует свободной владение по каждому разделу работы и понимает взаимосвязь этих разделов.	полные ответы с помощью наводящих вопросов, демонстрирует свободной владение по каждому разделу работы и понимает взаимосвязь этих разделов.	все вопросы, не может дать ответ наводящих вопросов, не понимает взаимосвязи полученных показателей.	
		<p>Преподаватель оценивает ИДЗ в соответствии с календарным планом. Итоговая оценка рассчитывается на основе полученной суммы баллов за выполнение работы и баллов, набранных при защите согласно календарному рейтинг-плану дисциплины.</p>				
3.	Тестирование – независимый контроль ЦОКО	<p>В семестре студенты проходят два рубежных тестирования (РТ1 и РТ2) во время конференц-недели в середине и конце текущего семестра согласно расписанию. Рубежное тестирование (РТ) проводится в компьютерной форме в on-line режиме. Продолжительность тестирования – 90 минут без перерыва. Отсчёт времени начинается с момента входа студента в Тест. Инструктаж, предшествующий тестированию, не входит в указанное время. Студент может закончить выполнение Теста до истечения отведённого времени. РТ нацелено на независимую объективную оценку знаний, умений и владений, полученных студентами за определенный промежуток обучения.</p> <p>Каждый вариант билета моделируется компьютером по заданным разделам химии и содержит 20 заданий. Студенты вносят ответы в компьютер, но все решения и пояснения проводят на бумаге. По окончании тестирования преподавателю выдается матрица ответов и суммарный рейтинг за тест. Обсуждение результатов тестирования проводится на консультации.</p> <p><b>Критерии оценки одного задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• за каждое правильно выполненное задание выставляется 1 тестовый балл;</li> <li>• за неправильно выполненное или невыполненное задание выставляется 0 баллов;</li> <li>• для заданий с выбором нескольких правильных ответов, заданий на соответствие и установление последовательности предусмотрено частичное оценивание.</li> </ul> <p>Максимальный суммарный тестовый балл за каждое РТ составляет 15 баллов.</p> <p>За 2 недели до РТ студенты могут ознакомиться с демонстрационным вариантом билета, который располагается на сайте <a href="http://exam.tpu.ru">http://exam.tpu.ru</a> в разделе «Мероприятия», и может быть выполнен каждым студентом неограниченное число раз.</p> <p><i>Для студентов, не прошедших РТ в период проведения тестирования по уважительной причине, предусмотрена возможность тестирования в резервный день, который назначается сразу после конференц-недели.</i></p> <p><i>При результате рубежного тестирования 6 баллов и менее, обучающимся предоставляется в период</i></p>				

<b>Оценочные мероприятия</b>		<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
		<i>текущей промежуточной аттестации возможность повторно пройти РТ в резервный день, согласованный с Бюро расписаний ТПУ.</i>
4.	Дифференцированный зачет.	Дифференцированный зачет осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ. Итоговый балл определяется суммированием баллов за все оценочные мероприятия текущего семестра.