

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

УТВЕРЖДАЮ

Директор ИНИТР

Д.М. Сонькин

« 01 » сентября 2020 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
ПРИЕМ 2017 г.

ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная

ВЫЧИСЛИТЕЛЬНАЯ МАТЕМАТИКА

Направление подготовки	09.03.02 Информационные системы и технологии		
Образовательная программа (направленность (профиль))	Информационные системы и технологии		
Специализация	Геоинформационные системы		
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат		
Курс	2	семестр	4
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	3		
Виды учебной деятельности	Временной ресурс		
Контактная (аудиторная) работа, ч	Лекции		24
	Лабораторные занятия		24
	ВСЕГО		48
Самостоятельная работа, ч			60
ИТОГО, ч			108

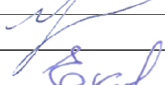
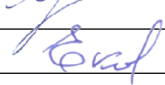
Вид промежуточной аттестации

Зачет

Обеспечивающее подразделение

ОИТ

Заведующий кафедрой -
руководитель отделения на
правах кафедры
Руководитель ООП
Преподаватель

	Шерстнев В.С.
	Цапко И.В.
	Кочегурова Е.А.

2020 г.

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины является формирование у обучающихся определенного состава компетенций для подготовки к профессиональной деятельности.

Код компетенции	Наименование компетенции	Результаты освоения ООП	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)	
			Код	Наименование
ОПК(У)-2	Способен использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования	Р1	ОПК(У)-2.В10	Владеет опытом применения численных методов при решении профессиональных задач повышенной сложности.
			ОПК(У)-2.У12	Умеет адаптировать численные методы при решении профессиональных задач повышенной сложности.
			ОПК(У)-2.314	Знает основные алгоритмы типовых численных методов решения инженерных и математических задач

2. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина относится к базовой части Блока 1 учебного плана образовательной программы.

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

После успешного освоения дисциплины будут сформированы результаты обучения:

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Индикатор достижения компетенции
Код	Наименование	
РД 1	Оценивать и контролировать погрешности программных решений и сопоставлять их со стандартными решения в СКМ.	ОПК(У)-2
РД 2	Осуществлять алгоритмизацию и программную реализацию типовой инженерной задачи в соответствии заданным численным методом.	ОПК(У)-2
РД 3	Выбирать метод численного интегрирования в соответствии с исходными данными и ограничениями на реализацию.	ОПК(У)-2
РД 4	Классифицировать тип нелинейного уравнения и выбирать численный метод его решения в соответствии с исходными данными и ограничениями на реализацию.	ОПК(У)-2
РД 5	Классифицировать тип задачи линейной алгебры. Выбирать численный метод решения (прямой или итерационный) в соответствии с типом задачи и ограничениями на реализацию.	ОПК(У)-2
РД 6	Классифицировать тип дифференциального уравнения и выбирать численный метод решения задачи Коши в соответствии с порядком уравнения и ограничениями на реализацию.	ОПК(У)-2
РД 7	Классифицировать задачи аппроксимации данных и выбирать численный метод решения задачи аппроксимации в соответствии с типом задачи и ограничениями на реализацию.	ОПК(У)-2

Оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации представлены в календарном рейтинг-плане дисциплины.

4. Структура и содержание дисциплины

Основные виды учебной деятельности

Разделы дисциплины	Формируемый результат обучения по	Виды учебной деятельности	Объем времени, ч.
--------------------	-----------------------------------	---------------------------	-------------------

	дисциплине		
Раздел 1. Погрешности численных решений	РД 1	Лекции	4
		Лабораторные занятия	2
		Самостоятельная работа	10
Раздел 2. Численное интегрирование	РД 3	Лекции	4
	РД 1	Лабораторные занятия	4
	РД 2	Самостоятельная работа	10
Раздел 3. Численное решение нелинейных уравнений и систем нелинейных уравнений	РД 4	Лекции	2
	РД 1	Лабораторные занятия	4
	РД 2	Самостоятельная работа	10
Раздел 4. Численные методы решения задач линейной алгебры	РД 5	Лекции	6
	РД 1	Лабораторные занятия	6
	РД 2	Самостоятельная работа	10
Раздел 5. Численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений	РД 6	Лекции	4
	РД 1	Лабораторные занятия	4
	РД 2	Самостоятельная работа	10
Раздел 6. Приближение функций и табличных данных	РД 7	Лекции	4
	РД 1	Лабораторные занятия	4
	РД 2	Самостоятельная работа	10

Содержание разделов дисциплины:

Раздел 1. Погрешности численных решений

История развития численных решений инженерных задач. Принципы построения численных решений инженерных задач. Алгоритмизация вычислительных задач. ППП MathCad, MatLab. Особенности решения задач инженерной математики. Итерационные и прямые методы решения инженерных задач. Показатели эффективности численных методов.

Источники и классификация погрешностей. Абсолютная и относительная погрешности. Значащие и верные цифры. Погрешности элементарных вычислительных операций: суммы, разности, произведения, частного. Общий подход к оценке погрешностей вычислительных алгоритмов.

Темы лекций:

1. История развития вычислительной математики. Элементы теории погрешностей.

Названия лабораторных работ:

1. Оценка погрешности результата численного решения.

Раздел 2. Численное интегрирование.

Квадратурные формулы Ньютона-Котеса. Формулы прямоугольника, трапеции, Симпсона. Погрешность метода. Принцип Рунге для оценки погрешности интегрирования. Вычисление кратных интегралов. Метод статистических испытаний (Монте-Карло) в задаче численного интегрирования.

Темы лекций:

1. Численное интегрирование. Квадратурные формулы, формулы прямоугольников, трапеций и Симпсона.
2. Погрешность численного интегрирования. Вычисление кратных интегралов. Стохастические методы численного интегрирования.

Названия лабораторных работ:

1. Численное интегрирование: формулы прямоугольников и трапеций.
2. Численное интегрирование: формулы Симпсона. Метод Монте-Карло.

Раздел 3. Численное решение нелинейных уравнений и систем нелинейных уравнений.

Классификация нелинейных уравнений и систем. Трансцендентные и алгебраические уравнения. Схема решения нелинейного уравнения. Интервальные методы и теорема интервалов. Метод половинного деления, метод хорд, метод касательных, метод простой итерации. Алгоритмизация методов, условия применения, скорость сходимости, геометрическая иллюстрация.

Постановка задачи решения системы нелинейных уравнений и понятие корня системы. Метод простой итерации и метод Ньютона для решения систем нелинейных уравнений. Условия сходимости и вычислительная схема методов.

Темы лекций:

1. Нелинейные уравнения. Общая схема решения нелинейных уравнений. Концепция интервальных методов. Процедуры ППП MathCad для решения уравнений и систем. Составление пользовательских программ в ППП MathCad.
2. Концепция интервальных методов. Методы дихотомии, хорд для решения нелинейных уравнений.
3. Методы простых итераций и Ньютона для решения нелинейных уравнений. Решение систем нелинейных уравнений.

Названия лабораторных работ:

1. Интервальные методы решения нелинейных уравнений.
2. Итерационные методы решения нелинейных уравнений: метод касательных (Ньютона) и метод простых итераций (Якоби).

Раздел 4. Численные методы решения задач линейной алгебры.

Классификация уравнений и систем уравнений. Система линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) и задачи, возникающие при анализе СЛАУ. Обусловленность и устойчивость системы. Классификация методов решения СЛАУ. Метод Гаусса - основная идея и схемы реализации (схема единственного деления и с выбором главных элементов). Алгоритмизация метода Гаусса. Задачи теории систем, сопутствующие реализации метода Гаусса: треугольная факторизация матриц, вычисление определителей, вычисление обратной матрицы.

Итерационные методы решения СЛАУ: метод простой итерации и метод Зейделя. Понятие нормы матрицы и число необходимых итераций. Условия сходимости методов. Методика приведения СЛАУ к сходящемуся виду.

Темы лекций:

1. Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Основные задачи линейной алгебры. Решение СЛАУ методом Гаусса по схеме единственного деления. Алгоритмизация метода.
2. Решение СЛАУ методом Гаусса с выбором главных элементов. Задачи, сопутствующие реализации метода Гаусса.
3. Концепция и решение СЛАУ итерационными методами. Метод Якоби и метод простых итераций. Сравнительный анализ методов решения СЛАУ.

Названия лабораторных работ:

1. Прямые методы решения СЛАУ: метод Гаусса (схема единственного деления и с выбором главного элемента). Решение задач теории систем, сопутствующих реализации метода Гаусса.
2. Решение СЛАУ итерационными методами.

Раздел 5. Численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений.
--

Классификация дифференциальных уравнений. Задача Коши и методы ее решения. Обусловленность задачи. Методы Рунге-Кутты - основная идея. Порядок точности методов. Области устойчивости. Методы Эйлера, Эйлера-Коши, Рунге-Кутта 4-го порядка. Геометрическая иллюстрация и погрешность методов, автоматический выбор шага дискретизации.

Системы линейных дифференциальных уравнений. Задача Коши для системы дифференциальных уравнений и формулы Рунге-Кутта. Решение дифференциальных уравнений n -го порядка. Многошаговые методы решения дифференциальных уравнений.

Темы лекций:

1. Классификация дифференциальных уравнений. Задача Коши и методы ее решения. Методы Рунге-Кутта. Геометрическая иллюстрация и погрешность методов, автоматический выбор шага.
2. Системы линейных дифференциальных уравнений. Задача Коши для системы дифференциальных уравнений и формулы Рунге-Кутта. Решение дифференциальных уравнений n -го порядка.

Названия лабораторных работ:

1. Решение дифференциальных уравнений методами Рунге-Кутта 2-4 порядков.
2. Решение систем дифференциальных уравнений методами Рунге-Кутта.

Раздел 6. Приближение функций и табличных данных.
--

Классификация задач аппроксимации. Критерий близости. Задача интерполирования. Полиномиальная интерполяция, чебышевские системы. Остаточный член и погрешность полиномиальной интерполяции. Выбор узлов интерполяции. Сплайн-интерполяция. Сглаживание и фильтрация данных. Метод наименьших квадратов. Уравнения регрессии, полиномиальная регрессия. Базисные функции.

Темы лекций:

1. Классификация задач аппроксимации: интерполяция, сглаживание, экстраполяция. Критерии аппроксимации. Показатели эффективности аппроксимации. Полиномиальная интерполяция, сплайн-интерполяция.
2. Сглаживание экспериментальных данных регрессионными уравнениями. Сглаживание экспериментальных данных на основе МНК. Экстраполяция данных.

Названия лабораторных работ:

1. Сплайн-интерполяция табличных функций.
2. Аппроксимация данных на основе метода наименьших квадратов.

5. Организация самостоятельной работы студентов

Самостоятельная работа студентов при изучении дисциплины (модуля) предусмотрена в следующих видах и формах:

- Работа с лекционным материалом, поиск и обзор литературы и электронных источников информации по индивидуально заданной проблеме курса;
- Работа в электронном курсе (изучение теоретического материала, выполнение индивидуальных заданий и контролирующих мероприятий и др.);
- Подготовка к лабораторным работам и практическим занятиям;
- Исследовательская работа и участие в научных студенческих конференциях и олимпиадах;
- Подготовка к оценивающим мероприятиям.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1. Учебно-методическое обеспечение

Основная литература

1. Денежкина, И. Е. Методические указания к лабораторным работам по дисциплине "Численные методы" для специальности 061800 - "Математические методы в экономике" [Электронный ресурс] / И. Е. Денежкина. - Москва : Финансовая академия, 2004. - 22 с. - Текст

: электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/497494> (дата обращения: 11.02.2017). – Режим доступа: по подписке.

2. Амосов, А. А. Вычислительные методы [Электронный ресурс] / Амосов А. А., Дубинский Ю. А., Копченкова Н. В. — 4-е изд. — Санкт-Петербург: Лань, 2014. — 672 с. — Режим доступа: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=42190. — Загл. с экрана.

3. Калиткин, Н. Н. Численные методы: Учебное пособие / Калиткин Н.Н., - 2-е изд., исправленное. - СПб:БХВ-Петербург, 2015. - 587 с. ISBN 978-5-9775-2575-6. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/944508> (дата обращения: 11.02.2017). – Режим доступа: по подписке..

Дополнительная литература

1. Пантелеев, А. В. Численные методы. Практикум : учеб. пособие / А.В. Пантелеев, И.А. Кудрявцева. — Москва : ИНФРА-М, 2017. — 512 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-105242-6. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/652316> (дата обращения: 11.02.2017). – Режим доступа: по подписке.

2. Пирумов, Ульян Гайкович. Численные методы: теория и практика : учебное пособие для бакалавров [Электронный ресурс] / У. Г. Пирумов; Московский авиационный институт (МАИ). — Москва: Юрайт, 2012. — 421 с. — Режим доступа: <http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2013/FN/fn-2402.pdf>. — Загл. с экрана.)

3. Кочегурова, Е.А. Теория и методы оптимизации: учебное пособие для академического бакалавриата / Е. А. Кочегурова; Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ). — Москва: Юрайт, 2016. — 134 с.

6.2. Информационное и программное обеспечение

Internet-ресурсы

1. Кочегурова Е.А. Вычислительная математика: электронный курс [Электронный ресурс]/Е.А. Кочегурова; Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Инженерная школа информационных технологий и робототехники. — Электрон. дан. — Томск: ТПУ Moodle, 2015. Режим доступа: <https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=870>.

Используемое лицензионное программное обеспечение

1. MathWorks MATLAB Full Suite R2017b

7. Особые требования к материально-техническому обеспечению дисциплины

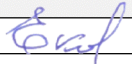
В учебном процессе используется следующее лабораторное оборудование для практических и лабораторных занятий:

№	Наименование специальных помещений	Наименование оборудования
1.	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634028, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 2 107	Компьютер - 1 шт.; Проектор - 2 шт. Комплект учебной мебели на 52 посадочных мест;
2.	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля	Доска аудиторная настенная - 1 шт.; Компьютер - 15 шт. Комплект учебной мебели на 15 посадочных мест;

	и промежуточной аттестации (компьютерный класс) 634028, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 2, 108	
3.	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации (компьютерный класс) 634028, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 2, 109	Компьютер - 16 шт. Доска аудиторная настенная - 1 шт.; Комплект учебной мебели на 17 посадочных мест;

Рабочая программа составлена на основе Общей характеристики образовательной программы по направлению 09.03.02 Информационные системы и технологии, специализация «Геоинформационные системы» (приема 2017 г., очная форма обучения).

Разработчик(и):

Должность	Подпись	ФИО
Доцент ИШИТР		Кочегурова Е.А.

Программа одобрена на заседании кафедры Автоматики и компьютерных систем (протокол от «23» июня 2017г. № 9).

Заведующий кафедрой - руководитель отделения
на правах кафедры

 / В.С. Шерстнев