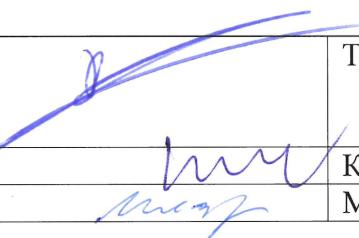


**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**  
**ПРИЕМ 2020 г.**  
**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

**МАТЕМАТИКА 4.3**

Направление подготовки/ специальность	01.03.02 Прикладная математика и информатика	
Образовательная программа (направленность (профиль))		
Специализация		
Уровень образования	высшее образование - <b>бакалавриат</b>	
Курс	2	семестр 4
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	3	

Заведующий кафедрой –  
руководитель отделения на  
правах кафедры ОМИ ШБИП  
Руководитель ООП  
Преподаватель

	Трифонов А.Ю.
	Крицкий О.Л.
	Мягкий А.Н.

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 4.3» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенций		Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)	
				Код индикатора	Наименование индикатора достижения	Код	Наименование
Математика 4.3	4	УК(У)-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	И.УК(У)-1.1	Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие	УК(У)-1.1В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
						УК(У)-1.1У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
						УК(У)-1.131	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
		ОПК(У)-1	Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	И.ОПК(У)-1.2	Применяет математический аппарат исследования функций, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления, рядов, дифференциальных уравнений, теории функций комплексного переменного в инженерной деятельности	ОПК(У)-1.2В1	Владеет математическим аппаратом вариационного исчисления для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач
						ОПК(У)-1.2У1	Умеет решать вариационные задачи
						ОПК(У)-1.231	Знает основные понятия и теоремы вариационного исчисления

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД 1	Уметь решать системы дифференциальных уравнений с помощью первых интегралов	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	Системы дифференциальных уравнений	Контрольная работа Индивидуальное задание
РД 2	Уметь решать линейные системы дифференциальных уравнений различными методами	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	Системы дифференциальных уравнений	Контрольная работа Индивидуальное задание
РД 3	Уметь находить особые точки системы линейных дифференциальных уравнений и их классифицировать	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	Системы дифференциальных уравнений	Контрольная работа Индивидуальное задание
РД 4	Уметь решать вариационные задачи с закрепленными концами и их обобщения	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	Вариационное исчисление	Контрольная работа Индивидуальное задание
РД 5	Уметь решать вариационные задачи на условный экстремум	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	Вариационное исчисление	Контрольная работа Индивидуальное задание
РД 6	Уметь использовать необходимые и достаточные условия сильного и слабого экстремума для исследования на экстремум функционала в задаче с закрепленными концами	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1	Вариационное исчисление	Контрольная работа Индивидуальное задание

### **3. Шкала оценивания**

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

**Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля**

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

**Шкала для оценочных мероприятий экзамена**

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	18 ÷ 20	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	14 ÷ 17	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	11 ÷ 13	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	0 ÷ 10	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

### **4. Перечень типовых заданий**

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1.	Контрольная работа	Контрольная работа 1

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>1. Решить систему уравнений</p> $\begin{cases} \dot{x}_1 = \frac{x_1^2}{x_2 - t}, \\ \dot{x}_2 = x_1 + 1. \end{cases}$ <p>2. Решить систему методом вариации постоянных</p> $\begin{cases} \dot{x}_1 = -2x_1 + 4x_2 + \frac{1}{1+e^t}, \\ \dot{x}_2 = -2x_1 + 4x_2 - \frac{1}{1+e^t}. \end{cases}$ <p>3. Решить систему методом Эйлера</p> $\begin{cases} \dot{x} = 2x - 5y - 8z, \\ \dot{y} = 7x - 11y - 17z, \quad (\lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 = -1). \\ \dot{z} = -3x + 4y + 6z. \end{cases}$ <p>4. Решить систему дифференциальных уравнений (метод исключения или метод неопределенных коэффициентов)</p> $\begin{cases} \dot{x} = 3x + y + e^t, \\ \dot{y} = -4x - 2y + te^t \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0.$ <p style="text-align: center;"><u>Контрольная работа 2</u></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Найти расстояние первого порядка между кривыми <math>y_1(x) = xe^{-x}</math>, <math>y_2(x) = 0</math> на отрезке <math>[-1,3]</math>.</li> <li>Найти экстремали функционала, содержащего старшие производные:</li> </ol> $V[y] = \int_{-e}^e \left[ \frac{1}{2} (y'')^2 + 24y \right] dx, \quad y(-e) = y(e) = y'(-e) = y'(e) = 0.$ <ol style="list-style-type: none"> <li>Найти кратчайшее расстояние от точки <math>A(-1,5)</math> до параболы <math>x = y^2</math>.</li> <li>Исследовать на экстремум функционал</li> </ol> $V[y] = \int_0^1 e^x [y^2 + \frac{1}{2} (y')^2] dx, \quad y(0) = 1, \quad y(1) = e.$
5.	Индивидуальные задания

Индивидуальное задание 1

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>1. Найдите общее решение методом исключения переменных, выделить решение, удовлетворяющее начальным условиям <math>y_1(0) = -\frac{1}{2}</math>, <math>y_2(0) = \frac{1}{2}</math></p> $\begin{cases} y'_1 = y_1 + y_2 + x, \\ y'_2 = y_1 - y_2 + 1. \end{cases}$ <p>2. Найдите общее решение системы, не приведенной к нормальному виду</p> $\begin{cases} 2y'_1 - 5y'_2 = 4y_2 - y_1 \\ 3y'_1 - 4y'_2 = 2y_1 - y_2. \end{cases}$ <p>3. Найдите общее решение, составив интегрируемую комбинацию</p> $\begin{cases} y''_1 = \frac{y'_1 y'_2}{y_2}, \\ y'_2 = \frac{x}{y'_1}. \end{cases}$ <p>4. Найдите общее решение системы дифференциальных уравнений <math>X' = AX</math> методом Эйлера, если</p> $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -3 & 4 & 0 \\ -2 & 1 & 2 \end{pmatrix} \quad \text{подсказка: } (k=1,2,3)$ <p>5. Найдите общее решение системы дифференциальных уравнений <math>X' = AX</math> методом Эйлера, если</p> $A = \begin{pmatrix} 1 & -3 & 3 \\ -2 & -6 & 13 \\ -1 & -4 & 8 \end{pmatrix} \quad \text{подсказка: } (k_{1,2,3}=1)$ <p>6. Методом вариации произвольных постоянных найдите общее решение</p> $\begin{cases} y'_1 = -2y_1 + y_2 - e^{2x}, \\ y'_2 = -3y_1 + 2y_2 + 6e^{2x}. \end{cases}$

Индивидуальное задание 2

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>1. Найти норму элемента <math>y(x)</math> в пространствах <math>C[a,b]</math> и <math>C^1[a,b]</math>:</p> $y(x) = \frac{\cos nx}{n^2 + 1}, \quad n = 1, 10, 100, \quad x \in [0, 2\pi].$ <p>2. Исследовать непрерывность функционала</p> $J[y] = y(0), \quad y(x) \in C[-1, 1].$ <p>3. Найти допустимые экстремали функционала и исследовать функционал на экстремум, определив знак его приращения</p> $J[y] = \int_1^3 [2y - yy' + x(y')^2] dx, \quad y(1) = 1, \quad y(3) = 4.$ <p>4. Найти допустимые экстремали функционала</p> $J[y] = \int_0^1 [y^2 + 2(y')^2 + (y'')^2] dx, \quad y(0) = 0, \quad y(1) = 0, \quad y'(0) = 1, \quad y'(1) = -sh 1.$ <p>5. Найти допустимые экстремали функционала</p> $J[y_1, y_2] = \int_0^3 \sqrt{1 + (y'_1)^2 + (y'_2)^2} dx, \quad y_1(0) = 1, \quad y_2(0) = -2, \quad y_1(3) = 7, \quad y_2(3) = 1.$ <p>6. Найти допустимые экстремали и значение <math>x_2</math> в задаче с подвижной границей</p> $J[y] = \int_0^{x_2} \frac{\sqrt{1 + (y')^2}}{x-2} dx, \quad y(0) = 0, \quad y(x_2) + 4x_2 - 4 = 0.$ <p>7. Найти функции, на которых может достигаться экстремум функционала в задаче Лагранжа</p> $J[y_1, y_2] = \int_0^{\pi/2} [y_1^2 + y_2^2 - (y'_1)^2 - (y'_2)^2 + \cos x] dx,$ $y_1(0) = y_2(0) = y_1(\pi/2) = 1, \quad y_2(\pi/2) = -1,$ $y_1 - y_2 - 2\sin x = 0.$ <p>8. Найти функции, на которых может достигаться экстремум функционала в изопериметрической задаче</p> $J[y] = \int_0^1 (y')^2 dx, \quad y(0) = 0, \quad y(1) = 1, \quad \int_0^1 xy dx = 0.$

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
		<p>9. Найти допустимые экстремали функционала в задаче Больца</p> $J[y] = \int_0^1 e^y (y')^2 dx + 4e^{y(0)} + 32e^{-y(1)}.$ <p>10. С помощью функции Вейерштрасса исследовать на экстремум функционал</p> $J[y] = \int_{-1}^0 [xy - (y')^2] dx, \quad y(-1) = 1, \quad y(0) = 0.$
6.	Экзамен	<p>Перечень экзаменационных вопросов</p> <p>1. Как от общего вида системы дифференциальных уравнений перейти к ее канонической форме? Что называется порядком системы дифференциальных уравнений? Как от канонической форме системы перейти к ее нормальной форме, а от нормальной формы к симметричной?</p> <p>2. Какая система называется автономной? Всегда ли нормальную систему можно свести к автономной?</p> <p>3. Какую геометрическую задачу можно сопоставить нормальной системе дифференциальных уравнений? Что называется решением (интегральной кривой) системы дифференциальных уравнений? В каких пространствах задаются интегральная кривая и фазовая траектория?</p> <p>4. Как формулируется задача Коши для нормальной системы дифференциальных уравнений? При каких условиях она имеет решение и когда это решение будет единственным?</p> <p>5. Что такое общий интеграл и общее решение нормальной системы дифференциальных уравнений? Что такое первый интеграл и сколько независимых первых интегралов может иметь нормальная система?</p> <p>6. В чем заключается суть метода исключения для нормальной системы? Что такое метод интегрируемых комбинаций? Сколько независимых первых интегралов определяет общее решение нормальной системы обыкновенных дифференциальных уравнений?</p> <p>7. Какой общий вид имеет линейная система дифференциальных уравнений в нормальной форме? В каком смысле задача Коши для линейной системы обыкновенных дифференциальных уравнений имеет единственное решение?</p> <p>8. Какие решения однородной системы линейных уравнений называются линейно независимыми? Что такое фундаментальная система решений? При каких условиях данная система решений является фундаментальной?</p> <p>9. Что такое фундаментальная матрица системы? Какая фундаментальная матрица называется</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>матрицантом в точке <math>x = x_0</math>? Как записать общее решение в форме Коши с помощью фундаментальной матрицы? Когда это решение будет определять решение задачи Коши?</p> <p>10. Можно ли найти общее решение неоднородной линейной системы обыкновенных дифференциальных уравнений, если известна фундаментальная матрица однородной системы и только одно частное решение неоднородной?</p> <p>11. Описать метод Лагранжа нахождение общего решения неоднородной системы линейных уравнений.</p> <p>12. Как методом Коши найти общее решение неоднородной системы в форме Коши? Когда это решение будет представлять решение задачи Коши?</p> <p>13. Как системы линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами интегрируются операторным (символическим) методом?</p> <p>14. В чем заключается особенность метода исключения для систем с постоянными коэффициентами?</p> <p>15. Как методом Эйлера проинтегрировать систему с постоянными коэффициентами, имеющую а) различные вещественные или комплексные корни; б) кратные корни, геометрическая ратность которых меньше алгебраической? Как в подобных случаях проинтегрировать систему уравнений матричным методом?</p> <p>16. Как найти частное решение неоднородной системы с постоянными коэффициентами методом неопределенных коэффициентов?</p>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1. Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 2 контрольных работы, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг-планом, на долю верно выполненных</li> </ul>

Оценочные мероприятия			Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания	
		заданий.		
2.	Индивидуальные задания	<p>В семестре студенты выполняют 2 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>ИДЗ выдаются каждому студенту персонально.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высылается отдельным файлом, указывается ФИО, группа.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Оформление задания 25% баллов</p> <p>Содержание 75% баллов</p> <p>ИДЗ считается зачтеным, если набрано более 55% от максимального балла за задание</p>		
3.	Экзамен	<p>Экзамен осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ На экзамене студенту выдаются билеты, включающие теоретические вопросы и практические задания. Преподаватель, проверив работу, в ходе устной беседы со студентом может задавать вопросы по самому билету, а также дополнительные вопросы по теории и практике. В итоге студент набирает итоговый балл за экзамен, максимально 20 баллов. Оценка за дисциплину формируется как итоговая за работу в семестре и экзамен в соответствие с принятой шкалой оценивания.</p> <p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствие с действующей процедурой.</p> <p>В соответствии с приказами от 25.07.2018 г. №58/од Об утверждении и введении в действие «Системы оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете» и №59/од Об утверждении и введении в действие новой редакции «Положения о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации в ТПУ» экзамен по физике проводится в устной форме. Студенту выдается экзаменационный билет, содержащий теоретические вопросы,</p>		

Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
	<p>качественные и количественные задачи. Каждый вопрос билета оценивается баллом (всего по билету 20 баллов).</p> <p>Экзамен проходит в устной форме.</p> <p>Согласно шкалы оценивания результатов</p> <p>18-20 баллов (отлично) - всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>14-17 баллов (хорошо) - достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>11-13 баллов (удовлетворительно) - приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>0-10 баллов (неудовлетворительно) - результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям.</p> <p>Результаты промежуточной аттестации оформляются ведомостью и вносятся в зачетную книжку обучающегося.</p>