## МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

УТВЕРЖДАЮ Директор ШБИП Чайковский Д.В. #30 » 06 2020 г.

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ ПРИЕМ 2017 г. ФОРМА ОБУЧЕНИЯ <u>очная</u>

	Мате	матика 3.1	
Направление подготовки	13.03.0	1 Теплоэнергет	ика и теплотехника
Образовательная программа (направленность (профиль))		Теплоэнерге	тика и теплотехника
Специализация	Автоматизация технологических процессов и производств в теплоэнергетике и теплотехнике		
Уровень образования	высшее образование – бакалавриат		
Курс	2	семестр	3
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	4		4
Виды учебной деятельности	Временной		енной ресурс
	Лекции Практические занятия Лабораторные занятия		32
Контактная (аудиторная)			я 32
работа, ч			
	ВСЕГО		64
Самостоятельная работа, ч		ч 80	
		ОТОТИ	

1 4 10
Трифонов А.Ю.
Антонова А.М.
<b>Мессит</b> Цехановский И.А.

#### 1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины является формирование у обучающихся определенного ООП (п. 6. Общей характеристики ООП) состава компетенций для подготовки к профессиональной деятельности.

Код	Наименование	Результаты освоения ООП	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)		
енции	компетенции		Код	Наименование	
ОПК(У) -2	Способность демонстрировать базовые знания в области естественнонаучных дисциплин, готовность выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности; применять для их разрешения основные законы естествознания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования		ОПК(У)-2.В3	Владеет аппаратом комплексного и операционного анализа и теорией рядов для описания, анализа, теоретического и экспериментального исследования и моделирования физических и химических систем, явлений и процессов	
		ОПК(У)-2.У4	Умеет применять аппарат теории числовых и функциональных рядов, инструменты комплексного и операционного анализа при решении инженерных задач		
		ОПК(У)-2.34	Знает базовые законы, понятия и методы теории рядов, комплексного и операционного анализа		

# 2. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина относится к базовой части Блока 1 учебного плана образовательной программы.

#### 3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

После успешного освоения дисциплины будут сформированы результаты обучения:

	Планируемые результаты обучения по дисциплине		
Код	Наименование	Компетенции	
РД1	Владеет методами исследования сходимости рядов, разложения функций в степенные и тригонометрические ряды; методами дифференциального и интегрального исчисления функций комплексного переменного; основными приложениями теории вычетов; методами операционного исчисления решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем	ОПК(У)-2.В3	
РД2	Умеет исследовать на сходимость числовые ряды; находить интервалы сходимости степенных рядов; разлагать функции в ряд Тейлора и Фурье; выполнять действия с комплексными числами и функциями; дифференцировать и интегрировать функции комплексного переменного; разлагать функции в ряд Лорана; применять теорию вычетов для нахождения интегралов; находить изображение по оригиналу и оригинал по изображению; решать задачу Коши для дифференциальных уравнений и систем с помощью операционного исчисления	ОПК(У)-2.У4	
РД3	Знает основные понятия теории числовых и функциональных рядов; ряды Тейлора, Маклорена, Фурье; понятия комплексных чисел, основных функций комплексного переменного и их свойства; дифференцирование и интегрирование функций комплексного переменного; понятия ряда Лорана, особых точек, вычетов; понятие преобразования Лапласа и его основные свойства; основные приложения	ОПК(У)-2.34	

Оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации представлены в календарном рейтинг-плане дисциплины.

#### 4. Структура и содержание дисциплины

#### Основные виды учебной деятельности

Разделы дисциплины	Формируемый результат обучения по дисциплине	Виды учебной деятельности	Объем времени, ч.
Раздел 1.	РД1	Лекции	4
Числовые ряды	РД2	Практические занятия	4
	РД3	Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	12
Раздел 2.	РД1	Лекции	8
Функциональные ряды. Ряды	РД2	Практические занятия	8
Фурье	РД3	Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	18
Раздел 3.	РД1	Лекции	8
Комплексные числа и функции	РД2	Практические занятия	8
	РД3	Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	14
Раздел 4.	РД1	Лекции	8
Ряды в комплексной области	РД2	Практические занятия	8
Теория вычетов и ее	РД3	Лабораторные занятия	0
приложения.		Самостоятельная работа	24
Раздел 5.	РД1	Лекции	4
Преобразование Лапласа.	РД2	Практические занятия	4
Операционный метод решения	РД3	Лабораторные занятия	0
дифференциальных уравнений и		Самостоятельная работа	12
систем			

Содержание разделов дисциплины:

#### Раздел 1. Числовые ряды

Понятие числового ряда. Теоремы о свойствах сходящихся рядов. Необходимый признак сходимости ряда. Понятие знакоположительного ряда, необходимое и достаточное условие его сходимости. Достаточные признаки сходимости знакоположительных рядов. Эталонные ряды и их сходимость. Знакопеременные ряды: понятие условной и абсолютной сходимости. Теорема Лейбница. Признак Дирихле.

#### Темы лекций:

- 1. Числовые ряды. Необходимый признак сходимости.
- 2. Признаки сходимости знакоположительных и знакочередующихся рядов

#### Темы практических занятий:

1. Числовые ряды. Необходимый признак сходимости.

#### Раздел 2. Функциональные ряды. Ряды Фурье

Определения функционального ряда и области его сходимости. Понятие равномерной сходимости. Признак Вейерштрасса. Свойства равномерно сходящихся рядов. Степенные ряды. Теорема Абеля. Основные свойства степенных рядов. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение основных элементарных функций в ряд Маклорена. Ортогональные и нормированные системы функций. Тригонометрическая система функций. Понятие тригонометрического ряда Фурье. Сумма ряда Фурье. Теорема Дирихле. Разложение четных и нечетных функций в ряд Фурье. Разложение в ряд Фурье функций, заданных на полуинтервале. Ряд Фурье для функций с произвольным периодом. Понятие об интеграле Фурье

#### Темы лекций:

- 1. Функциональные и степенные ряды. Нахождение интервалов сходимости
- 2. Разложение функций в ряды Тейлора, Маклорена.
- 3. Приближенные вычисления с помощью рядов.
- 4. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье

#### Темы практических занятий:

- 1. Функциональные и степенные ряды. Нахождение интервалов сходимости
- 2. Разложение функций в ряды Тейлора, Маклорена.
- 3. Приближенные вычисления с помощью рядов.
- 4. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье Контрольная работа «Ряды».

#### Раздел 3. Комплексные числа и функции

Комплексные числа и действия над ними. Определение ФКП. Основные элементарные функции комплексного переменного и их свойства. Однозначные и многозначные функции. Точки ветвления и их классификация. Производная ФКП. Дифференцируемость. Условия Коши - Римана. Геометрический смысл производной. Понятие аналитичности ФКП. Интеграл от ФКП вдоль кривой и его свойства. Интегральная формула Коши.

#### Темы лекций:

- 1. Комплексные числа. Действия над комплексными числами в различных формах представения.
- 2. Функции комплексного переменного.
- 3. Дифференцирование функций комплексного переменного. Геометрический смысл модуля и аргумента производной.
- 4. Интегрирование функций комплексного переменного. Интегральы по замкнутому контуру. Теорема и формула Коши.

#### Темы практических занятий:

- 1. Комплексные числа. Действия над комплексными числами в различных формах представения.
- 2. Функции комплексного переменного. Вычисления значений функции в точке.
- 3. Дифференцирование функций комплексного переменного. Геометрический смысл модуля и аргумента производной.
- 4. Интегрирование функций комплексного переменного. Интегральы по замкнутому контуру. Теорема и формула Коши.

### Раздел 4. Ряды в комплексной области. Теория вычетов и ее приложения.

Числовые и функциональные ряды с комплексными членами. Степенные ряды. Теорема Абеля. Ряд Тейлора. Теорема о разложении аналитической функции в ряд Тейлора. Ряды Лорана, определение. Теорема Лорана о разложении аналитической функции в кольце в ряд. Понятие аналитического продолжения. Особые точки и их классификация. Вычет функции в изолированной особой точке. Формулы для вычисления вычетов. Основная теорема о вычетах. Применение вычетов к вычислению определённых интегралов

#### Темы лекций:

- 1. Ряды комплексных чисел. Ряды Тейлора.
- 2. Разложение функций в ряд Лорана.
- 3. Особые точки и их классификация. Вычет функции в изолированной особой точке.
- 4. Применение вычетов к решению интегралов.

#### Темы практических занятий:

- 1. Ряды комплексных чисел. Ряды Тейлора.
- 2. Разложение функций в ряд Лорана.
- 3. Особые точки и их классификация. Вычет функции в изолированной особой точке.
- 4. Применение вычетов к решению интегралов.

# Раздел 5. Преобразование Лапласа. Операционный метод решения дифференциальных уравнений и систем

Операционное исчисление: основные понятия и определения. Свойства преобразования Лапласа. Таблица оригиналов и изображений. Отыскание оригинала по изображению. Интеграл Меллина. Решение линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами операционным методом. Интеграл Дюамеля и его применение к решению дифференциальных уравнений. Решение систем однородных и неоднородных дифференциальных уравнений операционным методом

#### Темы лекший:

- 1. Преобразование Лапласа. Оригинал и изображение. Операционный метод. Основные свойства метода. Нахождение оригиналов и изображений.
- 2. Решение линейных дифференциальных уравнений и систем операционным методом

#### Темы практических занятий:

- 1. Преобразование Лапласа. Оригинал и изображение. Операционный метод. Основные свойства метода. Нахождение оригиналов и изображений.
  - 2. Решение линейных дифференциальных уравнений и систем операционным методом Контрольная работа «Комплексный анализ»

#### 5. Организация самостоятельной работы студентов

Самостоятельная работа студентов при изучении дисциплины (модуля) предусмотрена в следующих видах и формах:

- Работа в электронном курсе (изучение теоретического материала, выполнение индивидуальных заданий и контролирующих мероприятий и др.);
- Изучение тем, вынесенных на самостоятельную проработку;
- Выполнение домашних заданий, расчетно-графических работ и домашних контрольных работ;
- Подготовка к практическим занятиям;

#### 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

#### 6.1. Учебно-методическое обеспечение

#### Основная литература

- 1. Фихтенгольц, Г. М. Основы математического анализа: учебник: в 2 томах / Г. М. Фихтенгольц. 9-е изд.,стер. Санкт-Петербург: Лань, [б. г.]. Том 2 2008. 464 с. Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/411 (дата обращения: 11.03.2017). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
- 2. Бибиков, Ю. Н. Курс обыкновенных дифференциальных уравнений : учебное пособие / Ю.Н. Бибиков. 2-е изд., стер. Санкт-Петербург : Лань, 2011. 304 с. Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/reader/book/1542 (дата обращения: 11.03.2017). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ
- 3. Привалов, И. И. Введение в теорию функций комплексного переменного : учебник / И. В. Проскуряков. 15-е изд., стер. Санкт-Петербург: Лань, 2009. 432 с. URL: https://e.lanbook.com/book/322 (дата обращения: 11.03.2017). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
- 4. Берман, Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа : учебное пособие / Г. Н. Берман. 6-е изд., стер. Санкт-Петербург : Лань, 2017. 492 с. ISBN 978-5-8114-0657-9. Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/89934 (дата обращения: 11.03.2017). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.

#### Дополнительная литература

- 1. Высшая математика в упражнениях и задачах : учебное пособие / П. Е. Данко, А. Г. Попов, Т. Я. Кожевникова, С. П. Данко. 7-е изд., испр.. Москва: АСТ Мир и Образование, 2016. 816 с.: ил.- Текст: непосредственный.
- 2. Высшая математика для технических университетов. Учебное пособие: В 5 ч.: Ч. 5. Дифференциальные уравнения / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов; Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ). Томск: Изд-во ТПУ, 2014.- URL: http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m135.pdf (дата обращения: 13.04.2017). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.
- 3. Терехина , Л. И. Высшая математика. Учебное пособие. Ч. 4. Дифференциальные уравнения. Ряды. Функции комплексного переменного. Операционный метод / Л. И. Терехина, И. И. Фикс . Томск : Дельтаплан Изд-во ТГУ , 2011. 268 с.- Текст: непосредственный.
- 4. Терехина , Л. И . Сборник индивидуальных заданий по высшей математике. Учебное пособие. В 4 ч. Ч. 4 / Л. И. Терехина, И. И. Фикс ; Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физикотехнический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ) . 2-е изд.. Томск: Изд-во ТПУ, 2014. URL : http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m143.pdf (дата обращения: 13.04.2017). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.

#### 6.2. Информационное и программное обеспечение

Internet-ресурсы (в т.ч. в среде LMS MOODLE и др. образовательные и библиотечные ресурсы):

- 1. Электронный курс Математика 3.1\_Терехина Л.И., Веб- поддержка, описание по ссылке <a href="https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=633">https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=633</a>. Материалы представлены 5 модулями. Каждый модуль содержит теоретические и практические материалы для подготовки к занятиям, варианты индивидуальных домашних заданий, тесты.
- 2. http://mathnet.ru общероссийский математический портал
- 3. <a href="http://lib.mexmat.ru">http://lib.mexmat.ru</a> —электронная библиотека механико-математического факультета МГУ
- 4. Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы доступны по ссылке: <a href="https://www.lib.tpu.ru/html/irs-and-pdb">https://www.lib.tpu.ru/html/irs-and-pdb</a>.

Лицензионное программное обеспечение (в соответствии с **Перечнем** лицензионного программного обеспечения **ТПУ**): 7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; AkelPad; Cisco Webex Meetings; Google Chrome; Microsoft Office 2013 Standard Russian Academic; Mozilla Firefox ESR; ownCloud Desktop Client; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView; Zoom

7. Особые требования к материально-техническому обеспечению дисциплины

№	Наименование специальных	Наименование оборудования	
	помещений		
1	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634034, Томская область, г. Томск, Усова улица, 7, 301	<ul> <li>Доска аудиторная настенная - 2 шт.;</li> <li>Комплект учебной мебели на 134 посадочных мест;</li> <li>Компьютер - 1 шт.;</li> <li>Проектор - 1 шт.</li> </ul>	
36	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634034, Томская область, г. Томск, Усова улица, 7, 327	<ul> <li>Доска аудиторная настенная - 1 шт.;</li> <li>Комплект учебной мебели на 42 посадочных мест;</li> <li>Компьютер - 1 шт.;</li> <li>Телевизор - 1 шт.</li> </ul>	
40	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634034, Томская область, г. Томск, Усова улица, 7, 316	<ul> <li>Комплект учебной мебели на 40 посадочных мест;</li> <li>Компьютер - 1 шт.</li> </ul>	

Рабочая программа составлена на основе Общей характеристики образовательной программы по направлению 13.03.01 Теплоэнергетика и теплотехника, специализация «Автоматизация технологических процессов и производств в теплоэнергетике и теплотехнике» (приема 2017 г., очная форма обучения).

Разработчик(и):

Лолжность	Подпись	ФИО
	Much	И.А.Цехановский

Программа одобрена на заседании кафедры ВММФ (протокол № 204 от «26» июня 2017 г.)

Зав.кафедрой — руководитель отделения на правах кафедры д.ф.-м.н., профессор

/Трифонов А.Ю./

Лист изменений рабочей программы дисциплины:

Учебный год	Содержание /изменение	Протокол заседания НОЦ И.Н. Бутакова
2018/2019 учебный год	1. Обновлено программное обеспечение; 2. Обновлен состав профессиональных баз данных и информационно-справочных систем; 3. Обновлено содержание разделов дисциплины; 4. Обновлен список литературы, в том числе ссылок ЭБС. 5. Изменена система оценивания.	от « <u>30</u> » <u>августа</u> 2018 г. № <u>12</u>
2020/2021 учебный год	Изменена форма документов основных образовательных программ, в том числе УМК дисциплин	Приказ по ТПУ №127-7/об от 06.05.2020