

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ
ПРИЕМ 2018 г.
ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная

Математика 3

Направление подготовки/ специальность	15.03.06 Мехатроника и робототехника	
Образовательная программа (направленность (профиль))	Интеллектуальные робототехнические и мехатронные системы	
Специализация	Интеллектуальные робототехнические и мехатронные системы	
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат	
Курс	2	семестр 3
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	6	

Заведующий кафедрой – руководитель отделения на правах кафедры		Трифонов А.Ю.
Руководитель ООП		Мамонова Т.Е.
Преподаватель		Зальмеж В.Ф.

2020 г.

1. Роль дисциплины «Математика 3» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)	
				Код	Наименование
МАТЕМАТИКА 1	1	УК(У)-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК(У)-1.В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.31	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
		ОПК(У)-2	Владеет физико-математическим аппаратом, необходимым для описания мехатронных и робототехнических систем	ОПК(У)-2.33	Знает основные определения и понятия теории дифференциальных уравнений, рядов, функций комплексного переменного и операционного исчисления
				ОПК(У)-2.У3	Умеет решать обыкновенные дифференциальные уравнения и их системы, применять аппарат гармонического и комплексного анализа при решении стандартных задач
				ОПК(У)-2.В3	Владеет математическим аппаратом комплексного и операционного исчисления, дифференциальными уравнениями и рядами для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач

2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД-1	Уметь работать с матрицами, вычислять их числовые характеристики	УК(У)-1 УК(У)-1.В1	Раздел 1. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка	Практическая работа Контрольная работа. ИДЗ. Дифференцированный зачет

РД-2	Уметь исследовать и решать системы линейных алгебраических уравнений	УК(У)-1.У1 УК(У)-1.31	Раздел 2. Обыкновенные дифференциальные уравнения высших порядков и системы обыкновенных дифференциальных уравнений	Практическая работа Контрольная работа. ИДЗ. Дифференцированный зачет
РД-3	Уметь производить действия над векторами в линейных пространствах	ОПК(У)-2 ОПК(У)-2.33	Раздел 3. Числовые ряды. Функциональные ряды. Ряды Фурье	Практическая работа Контрольная работа. ИДЗ. Дифференцированный зачет
РД-4	Уметь строить основные геометрические образы, вычислять пределы, исследовать функции одной переменной.	ОПК(У)-2.У3 ОПК(У)-2.В3	Раздел 3. Ряды в комплексной области. Теория вычетов и её приложения. Преобразование Лапласа. Операционный метод решения дифференциальных уравнений.	Практическая работа Контрольная работа. ИДЗ. Дифференцированный зачет

3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и личерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка – максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов

55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

Шкала для оценочных мероприятий дифференцированного зачет

Степень сформированности результатов обучения	Балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	90 ÷ 100	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% ÷ 89%	70 ÷ 89	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% ÷ 69%	55 ÷ 69	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
55% ÷ 100%	55 ÷ 100	«Зачтено»	Результаты обучения соответствуют минимально достаточным требованиям
0% ÷ 54%	0 ÷ 54	«Неудовл.»/ «Не зачтено»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

4. Перечень типовых заданий

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
1.	Контрольная работа	<p style="text-align: center;">Вариант № 1</p> <p style="text-align: center;">Контрольная работа по теме «Дифференциальные уравнения 1 –го порядка»</p> <p>1. Определить тип и найти общие решения данных уравнений:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. $(y + y \ln x)dx - (x - xy)dy = 0.$ 2. $y' + \frac{2x}{1+x^2}y = \frac{2x^2}{1+x^2}.$ 3. $(xy^2 + \frac{x}{y^2})dx + (x^2y - \frac{x^2}{y^3})dy = 0.$ <p>2. Найти частные решения уравнений:</p> <ol style="list-style-type: none"> 4. $xy' - y = x \operatorname{tg}\left(\frac{y}{x}\right), \quad y(1) = 1.$

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
		5. $e^y dx = (2y - xe^y) dy, \quad y(-1) = 0.$
2.	ИДЗ	Пример варианта индивидуальных заданий.

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
		Дифференциальные уравнения и системы
		<p>1. Найти общие решения уравнений первого порядка</p> <p>1) $y' - \frac{y}{x} = \frac{1}{\sin(y/x)}$. 2) $y' + y \cos x = \cos x$. 3) $y' + y = x\sqrt{y}$. 4) $\frac{e^{-x^2} dy}{x} + \frac{dx}{\cos^2 y} = 0$. 5) $(3x^2 + 6xy^2) dx + (6x^2y + 4y^3) dy = 0$. 6) $2(4y^2 + 4y - x) y' = 1$.</p> <p>2. Найти частные решения уравнений</p> <p>1) $\sqrt{y^2 + 1} dx = x y dy$, $y(1) = 0$. 2) $(x - y) dx + (x + y) dy = 0$, $y(1) = 1$. 3) $xy' - 2y = 2x^4$, $y(1) = 0$. 4) $y' + xy = (1 + x) e^{-x} \cdot y^2$, $y(0) = 1$.</p> <p>3. Найти решения уравнений высшего порядка</p> <p>1) $2xy'y'' = y'^2 - 1$. 2) $y'' = y' e^y$, $y'(0) = 1$. 3) $y'' \cos^2 x = 1$. 4) $y'' + y' = \cos x$.</p> <p>5) $y'' + y = \frac{2 + \cos^3 x}{\cos^2 x}$. 6) $y'' + 2y' + y = x e^x + \frac{1}{x e^x}$.</p> <p>7) $y'' + 2y' + y = (12x - 10) e^{-x}$. 8) $y'' - 3y' = 2 \sin 3x - \cos 3x$. 9) $y''' - 4y'' + 5y' - 2y = (16 - 12x)e^{-x}$. 10) $y''' + 3y'' + 2y' = 1 - x^2$.</p> <p>11) $x^2 y'' + xy' + y = 0$, 12) $x^2 y'' - 6y = 12 \ln x$.</p> <p>13) $\ddot{x} + 2\dot{x} + 5x = -8e^{-t} \sin 2t$, $x(0) = 2$, $\dot{x}(0) = 6$. 14) $\ddot{x} - 6\dot{x} + 25x = 9 \sin 4t - 24 \cos 4t$, $x(0) = 2$, $\dot{x}(0) = -2$.</p> <p>4. Найти решения линейных систем</p> <p>1) $\begin{cases} \dot{x} = -8x + 4y \\ \dot{y} = 3x - 4y \end{cases}$. 2) $\begin{cases} \dot{x} = 6x + 5y \\ \dot{y} = -x + 2y \end{cases}$, $x(0) = 0$, $y(0) = 1$.</p> <p>3) $\begin{cases} \dot{x} = 5x - 2y \\ \dot{y} = 2x + y \end{cases}$. 4) $\begin{cases} \dot{x} = 6x + 4y + 2t \\ \dot{y} = -x + 10y - 1 \end{cases}$.</p>
3.	Дифф. зачет	Примеры заданий на экзамен

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;">Экзаменационный билет 1</p> <p style="text-align: center;">Семестр 3</p> <p>1. Степенные ряды. Теорема Абеля. Нахождение интервала сходимости степенного ряда.</p> <p>2. Преобразование Лапласа. Оригиналы и изображения. Основные свойства операционного метода</p> <p>1. Решить задачу Коши $y' - \frac{y}{x} = 4x^4, \quad y(1) = 1$</p> <p>2. Решить уравнение $(1 + x^2)y'' + y' = 0$</p> <p>3. Исследовать на сходимость числового ряд $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{(2n+5)\ln(2n+5)}$.</p> <p>4. Определить интервал сходимости функционального ряда $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{9^n}{5^n \cdot (x-2)^n}$.</p> <p>5. Разложить в ряд Лорана функцию $f(z) = (z-3)^2 e^{-1/z}$ по степеням z.</p> <p>6. Вычислить $\ln(-\sqrt{3} + i)^2$</p> <p>7. Найти коэффициент растяжения плоскости $z = x + iy$ в точке $z_0 = 2i - 3$ при отображении $f(z) = (7i + 2)\ln(2z)$</p> <p>8. Найти угол поворота плоскости $z = x + iy$ в точке $z_0 = 1$ при отображении $f(z) = \frac{2z+3i}{iz+4}$</p> <p>9. Изобразить область, заданную неравенствами $z-i \leq 3, \quad z+1 \geq 1, \quad 5\pi/6 < \arg z \leq 5\pi/4.$</p> <p>10. Вычислить интеграл $\int_{ z+2 =1,5} \frac{e^{iz}}{(z+\pi)^3} dz$</p> <p>11. Найти изображение для функции $f(t) = t \cdot \operatorname{ch} 3t \cdot \sin 2t$</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;"><u>Теоретические вопросы для подготовки к экзамену</u></p> <p>Дифференциальные уравнения и системы</p> <ul style="list-style-type: none"> • Какие обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка называются уравнениями с разделёнными и с разделяющимися переменными? Как они решаются? • Какие обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка называются однородными? Как они решаются? • Какие обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка называются линейными? Перечислите методы решения • Как решается уравнение Бернули? • Какие обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка называются уравнениями в полных дифференциалах? Как они решаются? • Что такая задача Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений высших порядков? Когда она имеет единственное решение? • Перечислите основные типы обыкновенных дифференциальных уравнений высших порядков, допускающих понижение порядка. • Дайте определение линейного дифференциального уравнения n-го порядка. Перечислите основные свойства частных решений однородного уравнения. • Сформулируйте теоремы о вронскиане. • Сформулируйте теорему о структуре общего решения неоднородного линейного дифференциального уравнения • В чем состоит метод Лагранжа отыскания частного решения неоднородного линейного дифференциального уравнения? • Схема построения фундаментальной системы решений однородного линейного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами • Перечислите методы отыскания частных решений неоднородного линейного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами • Дайте определение нормальной системы обыкновенных дифференциальных уравнений n-го порядка. Сформулируйте задачу Коши для такой системы. Изложите методы исключения и характеристического уравнения отыскания общего решения системы линейных однородных уравнений с постоянными коэффициентами. <p style="text-align: center;">Числовые и функциональные ряды. Ряды Фурье</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<ul style="list-style-type: none"> • Понятие числового ряда, его суммы. Необходимый признак сходимости. • Свойства сходящихся рядов. • Сравнительный признак сходимости знакоположительных рядов. Эталонные ряды. • Признак Д'аламбера. Для каких видов числовых рядов он эффективен? • Радикальный признак Коши. Для каких видов числовых рядов он применяется? • Интегральный признак Коши-Маклорена. В каких случаях его следует применять? • Признак Лейбница сходимости знакочередующихся рядов. Как проводится оценка суммы и остатка такого ряда? Понятие абсолютной и условной сходимости. • Понятие функционального ряда и области его сходимости. Равномерная и абсолютная сходимость? Свойства равномерно и абсолютно сходящихся рядов. • Понятие степенного ряда. Теорема Абеля. • Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Способы нахождения интервалов сходимости. • Ряды Тейлора и Маклорена для данной функции. Условия разложения функции в ряд Тейлора. Схема построения ряда Тейлора (Маклорена). • Ряды Маклорена для некоторых элементарных функций, интервалы их сходимости. Использование готовых разложений для получения разложения в ряд Маклорена более сложных функций. Применение степенных рядов в приближенных вычислениях. • Понятие тригонометрического ряда. Формулы Фурье для нахождения коэффициентов ряда (функция периодическая и заданная на интервале $[-\pi; \pi]$). • Теорема Дирихле об условиях разложения функции в ряд Фурье. • Формулы Фурье для четных и нечетных функций. • Формулы Фурье для случая разложения функции, заданной в произвольном интервале $[-l; l]$. • Разложение в ряд Фурье непериодических функций.

5. Методические указания по процедуре оценивания

Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1. Контрольная работа	В семестре студенты выполняют 5 контрольных работ, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
		<p>рейтинг-планом дисциплины.</p> <p>Критерии оценки задания: Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</p>
2.	ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 7 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высылается отдельным файлом, указывается ФИО, группа.</p> <p>Критерии оценивания</p> <p>Задание считается засчитанным, если выполнено более половины заданий</p> <p>Если задание не засчитено, работа возвращается студенту на доработку.</p> <p>Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель может учесть исправления и добавить баллы к предыдущим</p>
3.	Дифф. зачет	<p>Дифф. зачет осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ На экзамене студенту выдаются билеты, включающие теоретические вопросы и практические задания. Преподаватель, проверив работу, в ходе устной беседы со студентом может задавать вопросы по самому билету, а также дополнительные вопросы по теории и практике. В итоге студент набирает итоговый балл за экзамен, максимально 20 баллов. Оценка за дисциплину формируется как итоговая за работу в семестре и экзамен в соответствие с принятой шкалой оценивания.</p> <p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствие с действующей процедурой.</p> <p>В соответствии с приказами от 25.07.2018 г. №58/од Об утверждении и введении в действие «Системы оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете» и №59/од Об утверждении и введении в действие новой редакции «Положения о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации в ТПУ» экзамен по физике проводится в устной форме. Студенту выдается экзаменационный билет, содержащий теоретические вопросы, качественные и количественные задачи. Каждый вопрос билета оценивается баллом (всего по билету 20 баллов).</p> <p>Экзамен проходит в устной форме.</p> <p>Согласно шкалы оценивания результатов</p> <p>18-20 баллов (отлично) - всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической</p>

Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
	<p>деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>14-17 баллов (хорошо) - достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>11-13 баллов (удовлетворительно) - приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>0-10 баллов (неудовлетворительно) - результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям.</p> <p>Результаты промежуточной аттестации оформляются ведомостью и вносятся в зачетную книжку обучающегося.</p>