

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

УТВЕРЖДАЮ  
Директор ШБИП  
Чайковский Д.В.  
«30» 06 2020 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**  
**ПРИЕМ 2017 г.**  
**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

**Математика 1.1**

Направление подготовки/ специальность	13.03.01 Теплоэнергетика и теплотехника	
Образовательная программа (направленность (профиль))	Теплоэнергетика и теплотехника	
Специализация	Промышленная теплоэнергетика	
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат	
Курс	1	семестр 1
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	8	
Виды учебной деятельности	Временной ресурс	
Контактная (аудиторная) работа, ч	Лекции	64
	Практические занятия	64
	Лабораторные занятия	
	ВСЕГО	128
Самостоятельная работа, ч	160	
	ИТОГО, ч	
	288	

Вид промежуточной аттестации	экзамен	Обеспечивающее подразделение	ОМИ ШБИП
---------------------------------	---------	---------------------------------	----------

Заведующий кафедрой - руководитель Отделения		Трифонов А.Ю
Руководитель ООП		Антонова А.М.
Преподаватель		Цехановский И.А.

2020 г.

## **1. Цели освоения дисциплины**

Целями освоения дисциплины является формирование у обучающихся определенного ООП (п. 6. Общей характеристики ООП) состава компетенций для подготовки к профессиональной деятельности.

Код компетенции	Наименование компетенции	Результаты освоения ООП	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)	
			Код	Наименование
ОПК(У)-2	Способность демонстрировать базовые знания в области естественнонаучных дисциплин, готовность выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности; применять для их разрешения основные законы естествознания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования	Р1	ОПК(У)-2.В1	Владеет математическим аппаратом алгебры и дифференциального исчисления функции одной и нескольких переменных для описания, анализа, теоретического и экспериментального исследования и моделирования физических и геометрических задач
			ОПК(У)-2.У1	Умеет применять линейную и векторную алгебру, строить геометрические образы, проводить исследования функций одной и нескольких переменных при решении инженерных задач
			ОПК(У)-2.31	Знает базовые понятия и методы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, теории пределов, дифференциального исчисления

## **2. Место дисциплины в структуре ООП**

Дисциплина относится к базовой части Блока 1 учебного плана образовательной программы .

## **3. Планируемые результаты обучения по дисциплине**

После успешного освоения дисциплины будут сформированы результаты обучения:

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Компетенции
Код	Наименование	
РД1	Владеет основными понятиями и методами линейной алгебры, аналитической геометрии и дифференциального исчисления функции одной и нескольких переменных	ОПК(У)-2.В1
РД2	Умеет вычислять определители, выполнять действия с матрицами, исследовать и решать системы линейных алгебраических уравнений; производить действия над векторами; геометрически и аналитически представлять прямую и плоскость; устанавливать взаимное расположения прямых и плоскостей; приводить общие уравнения кривых и поверхностей к каноническому виду и строить их; находить пределы функций и числовых последовательностей; дифференцировать и исследовать функции одного и нескольких переменных	ОПК(У)-2.У1
РД3	Знает алгебру матриц, основные характеристики матриц, их определения и свойства; методы решения систем линейных алгебраических уравнений; методы векторной алгебры; свойства и уравнения основных геометрических образов ;основные положения теории пределов; правила и методы нахождения производных функций одной и нескольких переменных, схему полного исследования функции	ОПК(У)-2.31

Оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации представлены в календарном рейтинг-плане дисциплины.

## 4. Структура и содержание дисциплины

### Основные виды учебной деятельности

Разделы дисциплины	Формируемый результат обучения по дисциплине	Виды учебной деятельности	Объем времени, ч.
<b>Раздел 1. Линейная алгебра</b>	РД1 РД2 РД3	Лекции	<b>12</b>
		Практические занятия	<b>12</b>
		Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>28</b>
<b>Раздел 2. Векторная алгебра</b>	РД1 РД2 РД3	Лекции	<b>6</b>
		Практические занятия	<b>8</b>
		Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>16</b>
<b>Раздел 3. Аналитическая геометрия</b>	РД1 РД2 РД3	Лекции	<b>12</b>
		Практические занятия	<b>12</b>
		Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>30</b>
<b>Раздел 4. Введение в анализ</b>	РД1 РД2 РД3	Лекции	<b>12</b>
		Практические занятия	<b>12</b>
		Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>32</b>
<b>Раздел 5. Дифференциальное исчисление функций одной переменной</b>	РД1 РД2 РД3	Лекции	<b>12</b>
		Практические занятия	<b>12</b>
		Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>32</b>
<b>Раздел 6. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных</b>	РД1 РД2 РД3	Лекции	<b>10</b>
		Практические занятия	<b>8</b>
		Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>22</b>

Содержание разделов дисциплины:

#### **Раздел 1. Линейная алгебра**

Матрицы. Операции над матрицами. Определители и их свойства. Обратная матрица. Теорема о базисном миноре. Линейные пространства. Линейная зависимость и независимость элементов линейного пространства. Системы линейных алгебраических уравнений, методы решения. Линейный оператор, матрица оператора. Задача на собственные значения. Квадратичные формы.

#### **Темы лекций:**

1. Матрицы и действия над ними. Определители и их свойства.
2. Обратная матрица. Ранг матрицы.
3. Системы линейных уравнений. Основные понятия.
4. Системы линейных уравнений. Основные методы решения.
5. Системы однородных линейных уравнений. Линейное пространство. Линейный оператор. Задача на собственные значения.
6. Квадратичные формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду.

#### **Темы практических занятий:**

1. Матрицы, виды матриц, действия над матрицами. Определители порядка 2,3.

2. Определители порядка  $n$ , их свойства. Ранг матрицы.
3. Обратная матрица. Решение матричных уравнений.
4. Системы неоднородных линейных уравнений.
5. Системы однородных линейных уравнений. Задача на собственные значения.
6. Контрольная работа по теме «Линейная алгебра»

## **Раздел 2. Векторная алгебра**

Определение вектора как элемента линейного пространства. Линейные операции над векторами. Скалярное, векторное, смешанное и двойное векторное произведения векторов, их основные свойства, геометрический и физический смысл. Координатные выражения произведений векторов.

### **Темы лекций:**

1. Понятие вектора. Линейные операции над векторами.
2. Базис на плоскости и в пространстве. Скалярное произведение.
3. Векторное и смешанное произведения.

### **Темы практических занятий:**

1. Линейные операции над векторами..
2. Произведения векторов.
3. Произведения векторов. Свойства и приложения.
4. Контрольная работа по теме «Векторная алгебра»

## **Раздел 3. Аналитическая геометрия**

Уравнения линий и поверхностей. Полярные координаты. Прямая на плоскости. Уравнения плоскости и уравнения прямой в пространстве. Взаимное расположение прямых и плоскостей. Кривые второго порядка. Преобразование декартовых координат на плоскости. Поверхности второго порядка Приведение общих уравнений кривой и поверхности второго порядка к каноническому виду

### **Темы лекций:**

1. Прямая на плоскости. Взаимное расположение прямых.
2. Кривые второго порядка
3. Преобразование координат на плоскости. Приведение кривых второго порядка к каноническому виду.
4. Плоскость в пространстве.
5. Прямая в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости.
6. Поверхности второго порядка

### **Темы практических занятий:**

1. Прямая на плоскости. Взаимное расположение прямых.
2. Кривые второго порядка. Приведение уравнений кривых второго порядка к каноническому виду
3. Плоскость. Составление уравнений плоскостей и построение.
4. Прямая в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.
5. Поверхности 2-го порядка
6. Контрольная работа по геометрии в пространстве.

## **Раздел 4. Введение в анализ**

Понятие множества. вещественные числа и их основные свойства. Числовые

последовательности. Предел последовательности, основные теоремы о пределах. Предел функции. Односторонние пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Основные теоремы о пределах функций. Сравнения бесконечно малых величин. Непрерывность функции. Теоремы о непрерывных функциях. Точки разрыва и их классификация.

#### **Темы лекций:**

1. Введение в анализ. Понятие функции.
2. Бесконечно малые и бесконечно большие величины, их свойства. Неопределенности.
3. Числовая последовательность и её предел.
4. Предел функции. Основные теоремы о пределах
5. Замечательные пределы. Сравнение бесконечно малых.
6. Непрерывность функции. Основные теоремы о непрерывных функциях.

#### **Темы практических занятий:**

1. Вычисление пределов последовательности.
2. Предел функции.
3. Замечательные пределы.
4. Сравнение бесконечно малых величин.
5. Непрерывность функции. Точки разрыва и их классификация.
6. Контрольная работа «Введение в анализ».

### **Раздел 5. Дифференциальное исчисление функций одной переменной**

Определение производной. Односторонние производные. Понятие дифференцируемости функции. Дифференциал. Правила дифференцирования и таблица производных. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Лейбница. Основные теоремы дифференциального исчисления. Правило Лопиталя. Формула Тейлора. Монотонность функции. Точки экстремума. Необходимые и достаточные условия экстремума. Асимптоты. Выпуклость, вогнутость функции. Точки перегиба. Полная схема исследования функции и построения ее графика

#### **Темы лекций:**

1. Понятие дифференцируемости функции. Правила дифференцирования.
2. Дифференциал. Производные и дифференциалы высших порядков.
3. Основные теоремы дифференциального исчисления. Правило Лопиталя.
4. Экстремум функции. Промежутки монотонности. Наибольшее и наименьшее значения функции в интервале.
5. Выпуклость и вогнутость, точки перегиба. Асимптоты.
6. Схема полного исследования функции.

#### **Темы практических занятий:**

1. Правила и техника дифференцирования.
2. Правило Лопиталя.
3. Приложение производных к исследованию функций на экстремум, промежутки монотонности.
4. Выпуклость и вогнутость, точки перегиба. Асимптоты.
5. Полное исследование и построение графиков функций.
6. Контрольная работа.

### **Раздел 6. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных**

Определение функции нескольких переменных. Предел и непрерывность ФНП. Частные производные. Полный дифференциал ФНП. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Градиент и производная по направлению. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Формула Тейлора для функции двух переменных.

Экстремум ФНП. Наименьшее и наибольшее значение функции в замкнутой области.  
Условный экстремум.

Темы лекций:

1. Функции нескольких переменных. Основные понятия. Частные производные
2. Полный и частные дифференциалы.
3. Дифференцирование сложной и неявной функций. Производные и дифференциалы высших порядков.
4. Экстремум функции нескольких переменных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
5. Скалярное поле. Производная по направлению. Градиент.

Темы практических занятий:

1. Нахождение частных производных.
2. Дифференцирование сложной и неявной функций. Производные и дифференциалы высших порядков.
3. Экстремум функции нескольких переменных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
4. Скалярное поле. Контрольная работа

## **5. Организация самостоятельной работы студентов**

Самостоятельная работа студентов при изучении дисциплины предусмотрена в следующих видах и формах:

- Работа в электронном курсе (изучение теоретического материала, выполнение индивидуальных заданий и контролирующих мероприятий и др.);
- Изучение тем, вынесенных на самостоятельную проработку;
- Выполнение домашних заданий, расчетно-графических работ и домашних контрольных работ;
- Подготовка к практическим занятиям;
- Подготовка к оценивающим мероприятиям

## **6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

### **6.1. Учебно-методическое обеспечение**

#### **6.1. Учебно-методическое обеспечение**

1. Беклемишев, Д. В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры : учебник / Д. В. Беклемишев. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2009. — 312 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/2109> (дата обращения: 11.03.2017). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ
2. Проскуряков, И. В. Сборник задач по линейной алгебре : учебное пособие / И. В. Проскуряков. — 13-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2010. — 480 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/529> (дата обращения: 11.03.2017). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
3. Клетеник, Д. В. Сборник задач по аналитической геометрии : учебное пособие / Д. В. Клетеник; под ред. Н. В. Ефимова. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2010. — 224 с.: ил. — Текст: непосредственный.
4. Кудрявцев, Л. Д. Краткий курс математического анализа : учебник / Л. Д. Кудрявцев. — 4-е изд., перераб. — Москва : ФИЗМАТЛИТ, [б. г.]. — Том 1 : Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной переменной. Ряды — 2015. — 444 с. — ISBN 978-5-9221-1585-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/71994> (дата обращения: 11.03.2017). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ

5. Берман, Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа : учебное пособие / Г. Н. Берман. — 6-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2017. — 492 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/89934> (дата обращения: 11.03.2017). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.

### **Дополнительная литература**

1. Высшая математика для технических университетов. В 5 ч. Ч. 1. Линейная алгебра. — 3-е изд., испр. / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ). — Томск: Изд-во ТПУ, 2014. — URL: <http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m130.pdf> (дата обращения: 11.03.2017). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.
2. Высшая математика для технических университетов. В 5 ч. Ч. 2. Аналитическая геометрия. — 3-е изд., испр / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ).— Томск: Изд-во ТПУ, 2014.— URL: <http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m131.pdf> (дата обращения: 11.03.2017). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.8
3. Высшая математика для технических университетов. В 5 ч. Ч. 3 : Дифференциальное и интегральное исчисление, [Кн.] 1 : Дифференциальное исчисление функций одной переменной . — 2-е изд., испр. / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ) . — URL: <http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m132.pdf> (дата обращения: 11.03.2017). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.
4. Терехина, Л. И. Сборник индивидуальных заданий по высшей математике. Учебное пособие. В 4 ч. Ч. 1 / Л. И. Терехина, И. И. Фикс ; Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ) . — Томск : Изд-во ТПУ , 2011. — URL: <http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2012/m263.pdf> (дата обращения: 11.03.2017). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.
5. Терехина Л. И. Высшая математика. Учебное пособие. Ч. 1. Линейная алгебра. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия / Л. И. Терехина, И. И. Фикс . — Томск : Дельтаплан , 2016. — 240 с.: ил.- Текст: непосредственный.
6. Терехина Л. И. Высшая математика. Учебное пособие. Ч. 2. Предел. Непрерывность. Производная функции. Приложения производной. Функции нескольких переменных / Л. И. Терехина, И. И. Фикс . — Томск : Дельтаплан , 2012. — 192 с.: ил.- Текст: непосредственный.

### **6.2. Информационное и программное обеспечение**

Internet-ресурсы (в т.ч. в среде LMS MOODLE и др. образовательные и библиотечные ресурсы):

1. Электронный курс « Математика 1.1\_ Терехина Л.И.». Режим доступа <https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=632> . Материалы представлены 8 модулями. Каждый модуль содержит теоретические и практические материалы для подготовки к занятиям, варианты индивидуальных домашних заданий,

тесты.

2. <http://mathnet.ru> – общероссийский математический портал
3. <http://lib.mexmat.ru> – электронная библиотека механико-математического факультета МГУ

Лицензионное программное обеспечение (в соответствии с **Перечнем лицензионного программного обеспечения ТПУ**):

1. Acrobat Reader DC, AkelPad, Chrome, Flash Player, Firefox ESR, K-Lite Codec Pack Full, ownCloud Desktop Client, PDF-XChange Viewer, Office 2007 Standard Russian Academic, Visual C++ Redistributable Package, Webex Meetings, Zoom, WinDjView, 7-Zip.
2. 7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; AkelPad; Cisco Webex Meetings; Document Foundation LibreOffice; Google Chrome; Microsoft Office 2007 Standard Russian Academic; Mozilla Firefox ESR; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView; Zoom
3. 7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; Amazon Corretto JRE 8; Cisco Webex Meetings; Design Science MathType 6.9 Lite; Far Manager; Google Chrome; Notepad++; WinDjView; Zoom
4. 7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; AkelPad; Cisco Webex Meetings; Easy Trace Group Easy Trace 8.65 Free; ESRI ArcGIS for Desktop 9.3; Google Chrome; Mozilla Firefox ESR; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView; Zoom

## **7. Особые требования к материально-техническому обеспечению дисциплины**

В учебном процессе используется следующее лабораторное оборудование для практических и лабораторных занятий:

<b>№</b>	<b>Наименование специальных помещений</b>	<b>Наименование оборудования</b>
1.	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634028, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 2, 419	Доска аудиторная настенная - 2 шт.; Комплект учебной мебели на 30 посадочных мест; Компьютер - 1 шт.; Проектор - 1 шт.  7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; AkelPad; Cisco Webex Meetings; Google Chrome; Microsoft Office 2007 Standard Russian Academic; Mozilla Firefox ESR; ownCloud Desktop Client; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView; Zoom
2.	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634028, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 2, 228	Доска аудиторная настенная - 2 шт.; Комплект учебной мебели на 102 посадочных мест; Компьютер - 1 шт.; Проектор - 1 шт.; Телевизор - 2 шт.  7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; Amazon Corretto JRE 8; Cisco Webex Meetings; Design Science MathType 6.9 Lite; Far Manager; Google Chrome; Notepad++; WinDjView; Zoom

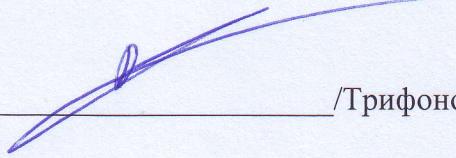
Рабочая программа составлена на основе Общей характеристики образовательной программы по направлению 13.03.01 Теплоэнергетика и теплотехника специализация «Промышленная теплоэнергетика» (приема 2017 г., очная форма обучения).

Разработчик(и):

Должность	ФИО
Доцент	И.А.Цехановский

Программа одобрена на заседании кафедры ВММФ (протокол № 204 от «26» июня 2017 г.)

Зав.кафедрой – руководитель отделения  
на правах кафедры  
д.ф.-м.н., профессор

  
/Трифонов А.Ю./

**Лист изменений рабочей программы дисциплины:**

Учебный год	Содержание /изменение	Протокол
2020/2021 учебный год	1. Изменена форма документов основных образовательных программ, в том числе УМК дисциплин	Приказ по ТПУ №127-7/об от 06.05.2020