

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**  
**ПРИЕМ 2016 г.**  
**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

Математика 1.1

Направление подготовки/ специальность	<b>18.05.02 Химическая технология материалов современной энергетики</b>		
Образовательная программа (направленность (профиль))	<b>Химическая технология материалов современной энергетики</b>		
	<b>Химическая технология материалов ядерного топливного цикла</b>		
Уровень образования	высшее образование - специалитет		
Курс	1	семестр	1
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	8		

Заведующий кафедрой- руководитель отделения		Трифонов А.Ю.
Руководитель ООП		Леонова Л.А.
Преподаватель		Терехина Л.И.

2020 г.

### 1. Роль дисциплины «Математика 1.1» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Результаты освоения ООП	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)	
					Код	Наименование
Математика 1.1	1	ОПК(У)-1	Способность использовать математические и естественнонаучные знания для решения задач своей профессиональной деятельности	Р6	ОПК(У)-1.В1	Владеет математическим аппаратом алгебры и дифференциального исчисления функции одной и нескольких переменных для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач
					ОПК(У)-1.У1	Умеет применять линейную и векторную алгебру, строить геометрические образы, проводить исследования функций одной и нескольких переменных при решении инженерных задач
					ОПК(У)-1.З1	Знает базовые понятия и методы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, теории пределов, дифференциального исчисления

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код индикатора достижения контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД 1	Владеет основными понятиями и методами линейной алгебры, аналитической геометрии и дифференциального исчисления функции одной и нескольких переменных	ОПК(У)-1	1. Линейная алгебра 2. Векторная алгебра 3. Аналитическая геометрия 4. Введение в анализ 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной 6. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	Контрольная работа ИДЗ.  Экзамен
РД 2	Умеет вычислять определители, выполнять действия с матрицами, исследовать и решать системы линейных алгебраических уравнений; производить действия над векторами; геометрически и аналитически представлять прямую и плоскость; устанавливать взаимное расположения прямых и плоскостей; приводить общие уравнения кривых и поверхностей к каноническому виду и строить их; находить пределы функций и числовых последовательностей; дифференцировать и исследовать функции одного и нескольких переменных	ОПК(У)-1	1. Линейная алгебра 2. Векторная алгебра 3. Аналитическая геометрия 4. Введение в анализ 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной 6. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	Контрольная работа ИДЗ.  Экзамен

РД 3	Знает алгебру матриц, основные характеристики матриц, их определения и свойства; методы решения систем линейных алгебраических уравнений; методы векторной алгебры; свойства и уравнения основных геометрических образов ;основные положения теории пределов; правила и методы нахождения производных функций одной и нескольких переменных, схему полного исследования функции	ОПК(У)-1	1. Линейная алгебра 2. Векторная алгебра 3. Аналитическая геометрия 4. Введение в анализ 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной 6. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	Контрольная работа ИДЗ.  Экзамен
------	---	----------	--	--

### 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (итоговая рейтинговая оценка – максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

#### Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля\*

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности
0% ÷ 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### Шкала для оценочных мероприятий экзамена\*

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	36 ÷ 40	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	28 ÷ 35	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	22 ÷ 27	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности

0% ÷ 54%	0 ÷ 21	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям
----------	--------	------------	---

#### 4. Перечень типовых заданий

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1	Контрольная работа	<p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа «Линейная алгебра» ВАРИАНТ №1</b></p> <p>1. Дан определитель</p> $\begin{vmatrix} 2 & 4 & -3 & 1 \\ -1 & 1 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & 4 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 3 \end{vmatrix}.$ <p>а) Запишите разложение данного определителя по четвёртому столбцу;  б) вычислите определитель, получив предварительно нули в какой – либо строке или столбце.</p> <p>2. Решить систему уравнений методом обратной матрицы:</p> $\begin{cases} x + 2y - z = -1, \\ 3y - z = 1, \\ x + 4y + z = 5. \end{cases}$ <p>Значение <math>x</math> вычислить также методом Крамера.</p> <p>3. Исследовать систему на совместность и решить методом Гаусса</p> $\begin{cases} x_2 + x_3 + x_4 = 1 \\ x_1 - x_3 - x_4 = 2 \\ x_1 + x_2 - x_4 = 3 \\ x_1 + x_2 + x_3 = 4 \end{cases}$ <p>4. Дана система однородных линейных уравнений</p> $\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 + x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 + 4x_4 = 0, \\ 2x_1 + x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 0. \end{cases}$

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>а) Докажите, что система имеет нетривиальные решения;  б) Найдите общее решение системы;  в) найдите фундаментальную систему решений.</p> <p>При каких значениях параметра <math>\lambda</math> система линейных уравнений</p> $\left( \begin{array}{ccc c} 2 & 1 & 1 & 4 \\ 1 & \lambda & 1 & 3 \\ 1 & 2\lambda & 1 & 4 \end{array} \right) \text{ совместна?}$ <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Векторная алгебра»</b>  <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <p><b>I. Даны четыре вектора:</b> <math>\vec{a} = \{4,5,2\}</math>; <math>\vec{b} = \{3,0,1\}</math>; <math>\vec{c} = \{-1,4,2\}</math>; <math>\vec{d} = \{5,7,8\}</math>.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Доказать, что векторы <math>\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}</math> образуют базис и найти разложение вектора <math>\vec{d}</math> в этом базисе.</li> <li>Найти косинус угла между векторами <math>\vec{a}</math> и <math>\vec{b}</math>.</li> <li>Найти длину вектора <math>\vec{g} = \vec{a} + 2\vec{b} + 3\vec{c}</math>.</li> </ol> <p><b>II. Даны четыре точки:</b> <math>A(1;3;0)</math>, <math>B(4;1;2)</math>, <math>C(3;0;1)</math>, <math>D(-4;3;5)</math>.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Найти объём пирамиды <math>ABCD</math> и длину высоты, опущенной из вершины <math>D</math> на грань <math>ABC</math>.</li> <li>Найти проекцию вектора <math>\vec{AB}</math> на ось вектора <math>\vec{CD}</math>.</li> <li>Найти координаты вектора <math>[(\vec{BC} + \vec{AB}), \vec{CB}]</math>.</li> </ol> <p><b>III. Параллелограмм построен на векторах</b> <math>\vec{a} = \vec{p} + 4\vec{q}</math>, <math>\vec{b} = \frac{1}{2}(\vec{p} - \vec{q})</math>, где <math> \vec{p}  = 4</math>, <math> \vec{q}  = 2</math>, <math>(\vec{p} \wedge \vec{q}) = \frac{\pi}{3}</math>.</p> <p>Определить: а) косинус тупого угла между диагоналями; б) длину высоты, опущенной на сторону</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Аналитическая геометрия»</b>  <b>ВАРИАНТ №1</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Определить при каких значениях <math>a</math> прямая <math>(a+2)x + (a^2-9)y + 3a^2 - 8a + 5 = 0</math> параллельна оси <math>OX</math>.</li> <li>Составить уравнения прямых, параллельных прямой <math>3x - 4y - 10 = 0</math> и отстоящих от нее на расстояние <math>d=3</math></li> </ol>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>3. Даны вершины треугольника <math>A(2,6), B(4,-2), C(-2,-6)</math>. Составить уравнение высоты из вершины <math>A</math> и уравнение медианы из вершины <math>C</math>.</p> <p>4. Привести к каноническому виду, назвать и построить кривые: а) <math>16x^2 + 25y^2 + 32x - 100y - 284 = 0</math>; б) <math>y^2 - 4y - 20x + 24 = 0</math>.</p> <p>5. Из общих уравнений прямой: <math>2x + y - 3z - 9 = 0</math>, <math>-2x + 3z + 4 = 0</math> получить канонические и параметрические уравнения прямой.</p> <p>6. Найти проекцию точки <math>A(1,2,0)</math> на плоскость <math>8x + 6y + 8z - 25 = 0</math>.</p> <p>7. Построить тело, ограниченное поверхностями <math>x^2 = z</math>, <math>x + y = 2</math>, <math>y \geq 0, z \geq 0</math>.</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Введение в анализ»</b></p> <p><i>I. Вычислить пределы</i></p> <p>1. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^2 - 4n}}{\sqrt[3]{2n^3 + 1}}</math>;</p> <p>2. <math>\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{2^n}}{n - 1}</math>;</p> <p>3. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{1 + x^2}}{2x}</math>;</p> <p>4. <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^2 + 2x}{3x^2 + 1}</math>;</p> <p>5. <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 - 3} - 1}{x - 2}</math>;</p> <p>6. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}</math>;</p> <p>7. <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+2}{x-1} \right)^{\frac{x^2+1}{x}}</math>;</p> <p>8. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x^2 + 2) - \ln 2}{x^2}</math>;</p>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>9. <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - e^x}{x}</math>;</p> <p>10. <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(2-x)}{\sqrt{2x}-2}</math>.</p> <p><b>II. Определить порядок б. м. <math>\alpha(x)</math> при <math>x \rightarrow 0</math> относительно <math>x</math>:</b></p> <p>1. <math>\alpha(x) = \ln(1 + \sqrt[3]{x^2} \cdot \operatorname{tg} x)</math>,      2. <math>\alpha(x) = \sqrt{2x+1} - 1</math>.</p> <p><b>III. Найти точки разрыва функции, указать их характер. Построить график функции в окрестности точек разрыва:</b></p> <p>1. <math>f(x) = \begin{cases} 0, &amp; \text{если } x &lt; 0, \\ x^2, &amp; \text{если } 0 \leq x &lt; 1, \\ x+2, &amp; \text{если } x \geq 1. \end{cases}</math>      2. <math>y = \frac{1}{1+2^{1-x}}</math>,      3. <math>y = \frac{1}{x^2-4}</math>.</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Дифференциальное исчисление функции одного переменного» ВАРИАНТ №1</b></p> <p><b>I. Найти производные следующих функций:</b></p> <p>1. <math>y = (e^{\cos x} + 3x)^2</math>;      2. <math>3^x + 3^y = x - 2y</math>;      3. <math>y = (\operatorname{tg} 2x)^{\operatorname{ctg}(\sqrt{\frac{x}{2}})}</math>;</p> <p><b>II. Найти вторую производную <math>\frac{d^2y}{dx^2}</math>:</b></p> <p>1. <math>y = \frac{x^2}{x^2-1}</math>,      2. <math>\begin{cases} x = \cos(t/2), \\ y = t - \sin t. \end{cases}</math>      3. <math>y = \sin(x-y)</math></p> <p><b>III. . Пользуясь правилом Лопитала найти пределы:</b></p> <p>1. <math>\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{x^2}{x-1} - \frac{1}{\ln x} \right)</math>      2. <math>\lim_{x \rightarrow 1-0} (\sin \pi x)^{\cos \frac{\pi x}{2}}</math></p>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p style="text-align: center;"><math>-\frac{1}{x}</math></p> <p>IV Провести полное исследование функции <math>y = xe^{-\frac{1}{x}}</math> и построить её график</p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Дифференциальное исчисление ФНП» ВАРИАНТ №1</b></p> <p>I. Найти и построить область определения функции:  <math>z = \sqrt{x \ln(1 - x - y)}</math>;</p> <p>II. Найти указанные производные  <math>u = (xy)^{z+1}</math>. <math>\frac{\partial u}{\partial x}</math>, <math>\frac{\partial u}{\partial y}</math>, <math>\frac{\partial u}{\partial z}</math>, <math>\frac{\partial^2 u}{\partial x \partial z} = ?</math></p> <p>III. Проверить, удовлетворяет ли функция <math>u = x^2 F\left(\frac{x}{z}, \frac{y}{x}\right)</math> уравнению <math>x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} + z \frac{\partial u}{\partial z} = 2u</math>.</p> <p>IV. Составить уравнение нормали к поверхности <math>x^2 - 2x + 6y - z^2 = 4</math> параллельно прямой  <math>\frac{x}{1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-1}{4}</math>.</p> <p>V. Найти наибольшее и наименьшее значение функции: <math>z = 8x + y - xy</math> в замкнутой области, ограниченной линиями <math>x = 0, y = 0, x + y = 10</math>.</p>
2.	ИДЗ.	<u>Пример варианта индивидуальных заданий.</u>

1. Вычислить определители

$$a) \begin{vmatrix} 12 & 3 & -1 & 2 \\ 1 & 1 & 0 & -1 \\ -4 & 2 & 4 & -2 \\ -2 & 0 & 1 & -1 \end{vmatrix} \quad b) \begin{vmatrix} -7 & -3 & 2 & 4 \\ -2 & 0 & 1 & 1 \\ -4 & 2 & 1 & 3 \\ -3 & -2 & 2 & 1 \end{vmatrix}$$

2. Найти матрицу  $X$  из уравнения. Сделать проверку

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & -2 \\ 2 & -2 & 1 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} 1 & 11 & -15 \\ 2 & -8 & 3 \\ 11 & 7 & 0 \end{pmatrix}.$$

3. Решить системы линейных уравнений:

a) методом Крамера,                      b) матричным методом

$$a) \begin{cases} 3x + 4y - 2z = 26 \\ x - y + 3z = -2 \\ 3x - 3y + 5z = -2 \end{cases} \quad b) \begin{cases} x + 5y - z = 5 \\ 3x + 8y + z = 7 \\ 4x - 6y + z = 10 \end{cases}$$

4. Решить системы методом Гаусса

$$a) \begin{cases} x_2 - 3x_3 + 4x_4 = -5 \\ x_1 - 2x_3 + 3x_4 = -4 \\ 3x_1 + 2x_2 - 5x_4 = 12 \\ 4x_1 + 3x_2 - 5x_3 = 5 \end{cases}$$

$$b) \begin{cases} x_1 + 3x_2 + 5x_3 - 4x_4 = 1 \\ x_1 + 3x_2 + 2x_3 - 2x_4 + x_5 = -1 \\ x_1 - 2x_2 + x_3 - x_4 - x_5 = 3 \\ x_1 - 4x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 3 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 - x_4 + x_5 = -1 \end{cases}$$

$$c) \begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = 0 \\ x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = 0 \\ 3x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = 0 \\ 3x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = 0 \end{cases}$$

## Векторная алгебра

1. Дана равнобедренная трапеция  $ABCD$ , в которой  $|AB| = 6$ ,  $|AD| = 2$ ,  $\alpha = \angle BAD = 60^\circ$ ,  $\vec{m}$  – единичный вектор в направлении основания  $AB$ ,  $\vec{n}$  – единичный вектор в направлении стороны  $AD$ . Разложить векторы сторон  $\vec{AB}$ ,  $\vec{BC}$ ,  $\vec{CD}$ ,  $\vec{DA}$  и векторы диагоналей трапеции  $\vec{AC}$  и  $\vec{BD}$  по векторам  $\vec{m}$  и  $\vec{n}$ .

2. Определить координаты точек  $C$  и  $D$ , лежащих на прямой, проходящей через точки  $A$  и  $B$ , если  $A(2; -3; 1)$ ,  $B(-2; 2; -4)$  и  $|AC| : |AD| : |AB| = 0,5 : 2 : 1$

3. В треугольнике с вершинами  $A(-1; 2; 4)$ ,  $B(2; 0; -3)$ ,  $C(4; -1; 2)$ .  
Найти: а) вектор медианы  $AM$ ,  
б) вектор высоты  $BD$ ,  
в) любой по модулю вектор биссектрисы угла  $C$ .

4. Даны три вершины параллелограмма  $ABCD$ :  
 $A(3; 0; -3)$ ,  $B(-8; 2; 0)$ ,  $C(0; 3; -4)$ . Определить:  
а) координаты четвертой вершины  $D$ ,  
б) длину высоты, опущенной из вершины  $D$  на сторону  $AB$ ,  
в) косинус острого угла между диагоналями  $AC$  и  $BD$ .

5. Параллелограмм построен на векторах  $\vec{a} = \vec{p} - 2\vec{q}$ ,  $\vec{b} = 3\vec{p} - \vec{q}$ , где  $|\vec{p}| = 1$ ,  $|\vec{q}| = 2$ ,  $(\vec{p} \wedge \vec{q}) = \pi/3$ . Определить:  
а) косинус тупого угла между диагоналями;  
б) длину высоты, опущенной на сторону  $\vec{a}$ .

6. Найти единичный вектор  $\vec{e}$ , который одновременно перпендикулярен векторам  $\vec{a} = \{1; 2; 3\}$  и  $\vec{b} = \{0; 1; -2\}$ , если  $(\vec{e} \wedge \vec{i}) \geq \pi/2$ .

7. В пирамиде  $ABCD$  с вершинами в точках  
 $A(4; 4; 5)$ ,  $B(-5; -3; 2)$ ,  $C(-2; -6; -3)$ ,  $D(-2; 2; -1)$   
найти объем и длину высоты, опущенной на грань  $ABC$ .

## Аналитическая геометрия на плоскости

---

1. Составить уравнения прямых, проходящих через точку  $M(-7; 5)$  :

- a) параллельно прямой  $3x + 2y - 1 = 0$ ,
- b) перпендикулярно прямой  $\frac{x-1}{-3} = \frac{y+4}{2}$ ,
- c) под углом  $45^\circ$  к прямой  $\begin{cases} x = 3t + 4 \\ y = -t - 2 \end{cases}$

2. Даны вершины треугольника  $A(-1; 3)$ ,  $B(2; 5)$ ,  $C(0; 6)$ .

- Составить:
- a) уравнение стороны AC,
  - b) уравнение медианы BM,
  - c) уравнение высоты CH и найти ее длину.

3. Даны две прямые  $l_1 : y = 2x - 1$ ,  $l_2 : \begin{cases} x = 3t - 1 \\ y = -4 \end{cases}$  Найти:

- a) точку пересечения прямых,
- b) косинус угла между прямыми,
- c) составить уравнение биссектрисы тупого угла между прямыми.

4. Привести уравнения линий к каноническому виду и построить:

- 1)  $x^2 + y^2 - x - y - 1 = 0$
- 2)  $4x^2 + 8x + y^2 - 4y + 1 = 0$
- 3)  $y = 9 + 2\sqrt{x^2 + 4x + 9}$
- 4)  $x = 8 + 8y - y^2$
- 5)  $25x^2 - 14xy + 25y^2 = 10$
- 6)  $x^2 - 8xy + y^2 + 1 = 0$

5. Составить уравнение и построить линию, каждая точка которой одинаково удалена от точки  $M(-2; 1)$  и от прямой  $x - 4 = 0$ .

6. Построить линии, заданные уравнениями в полярных координатах:

- 1)  $\rho = 1 + \frac{1}{\varphi}$ ,
- 2)  $\rho = \frac{1}{\sin \varphi}$ ,
- 3)  $\rho = \frac{1}{1 - 2 \cos \varphi}$ .

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий

## Аналитическая геометрия в пространстве

1. Составить уравнение плоскости, проходящей через точку  $M_0(3; -2; 4)$  параллельно двум векторам  $\vec{a}_1 = \{6; 1; -1\}$ ,  $\vec{a}_2 = \{3; 2; -2\}$ . Найти расстояние от начала координат до этой плоскости и объем пирамиды, отсекаемой плоскостью от координатного угла.

2. Из общих уравнений прямой

$$\begin{cases} 3x + 4y + 3z + 1 = 0 \\ 2x - 4y - 2z + 4 = 0 \end{cases}$$

получить ее канонические и параметрические уравнения. Определить расстояние от начала координат до прямой.

3. Найти точку пересечения и угол между прямой

$$\begin{cases} x = 2t + 3 \\ y = t - 2 \\ z = t + 3 \end{cases} \quad \text{и плоскостью} \quad 2x - 6y + 14z = 0.$$

Составить уравнение проекции данной прямой на эту плоскость.

4. Даны вершины треугольной пирамиды

$$A(4; 4; 5), \quad B(-5; -3; 2), \quad C(-2; -6; -3), \quad D(-2; 2; 1).$$

Составить уравнение грани ABC и уравнение высоты DH, опущенной на эту грань. Найти объем пирамиды.

5. Построить поверхности

$$1) \quad x^2 + z^2 = 2z \qquad 2) \quad x^2 + y^2 = (z - 2)^2$$

$$3) \quad z = -\left(\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{4}\right) \qquad 4) \quad y^2 - 4y + z = 0$$

$$5) \quad x^2 + y^2 + z^2 + 2x = 0 \qquad 6) \quad z = 3 + \sqrt{2 - x}$$

## Приложения производной

---

1. Исследовать на экстремум функции

$$1) y = \frac{x^3}{2(x+1)^2} \quad 2) y = x^{2/3} - (x^2 - 1)^{1/3}$$

$$3) y = e^{2x - x^2}$$

2. Составить уравнения всех асимптот следующих кривых

$$1) y = \sqrt[3]{1 - x^3} \quad 2) y = \frac{x^2 - 6x + 3}{x - 3}$$

$$3) y = x - 2 \ln x$$

3. Провести полное исследование и построить графики функций

$$1) y = \frac{4x}{x^2 + 4} \quad 2) y = \sqrt[3]{(2-x)(x^2 - 4x + 1)}$$

$$3) y = \frac{3}{x} - \frac{1}{x^3}$$

4. Составить уравнения касательной и нормали к графику функции в точке с абсциссой  $x = x_0$ , или соответствующей значению параметра  $t = t_0$

$$1) y = \frac{1}{4}(x^2 - 2x - 3) \quad x_0 = 4$$

$$2) \begin{cases} x = 2 \cos t \\ y = \sin t \end{cases} \quad t_0 = -\pi/3$$

5. В круг радиуса  $R$  вписан равнобедренный треугольник. При каком соотношении сторон треугольник будет иметь наибольшую площадь.

## Функции многих переменных

---

1. Найти и изобразить области определения функций:

$$1) z = 2y - x + \sqrt{4x^2 - y^2} \quad 2) z = \arcsin(1 - y) + \sqrt{x - y^2}$$

2. Найти частные производные  $z'_x$  и  $z'_y$  функций

$$1) z = \arcsin \frac{y}{x} \cdot \arccos \frac{\sqrt{x}}{y} \quad 2) z = y^3 \cdot \sqrt{x} - \frac{4 - y}{\sqrt[3]{y^7}}$$
$$3) z = \frac{\sin x^3 y^2}{x - \ln y} + \operatorname{tg} \ln(x^2 - 1/y) \quad 4) z = \sqrt{2x - 3y} \cdot e^{x - y}$$

3. Найти частные производные  $z'_x$  и  $z'_y$  сложной функции

$$z = \operatorname{ctg} \frac{u}{v}, \quad \text{где } u = \cos \sqrt{y^2 - x}, \quad v = \frac{3}{\ln(x - y^2)}$$

4. Найти производную  $z'_t$ , если

$$z = \ln \cos(x^3 - y), \quad \text{где } x = 5^{3t-2}, \quad y = \frac{4}{t}$$

5. Найти производные  $\frac{\partial z}{\partial x}$  и  $\frac{dz}{dx}$ , если

$$z = 3^{x-y} + \frac{3x - y \ln x}{3}, \quad \text{где } y = 1 - e^{2\sqrt{x}}$$

6. Найти производную  $y'$  неявной функции  $y(x)$ , заданной выражением

$$1) e^{x^2+1} - ye^{xy^3-7y} + 2x \ln y = 9$$
$$2) 2^{4x+y} - y \cos xy - x = 0$$

7. Найти частные производные  $z'_x$  и  $z'_y$  неявной функции  $z(x, y)$ , заданной

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий				
3.	Тестирование – независимый контроль ЦОКО (РТ1 и РТ2)	<p>Вопросы:</p> <p>1. С помощью элементарных преобразований расширенная матрица системы линейных уравнений приведена к виду <math display="block">\left( \begin{array}{ccccc c} 1 &amp; -1 &amp; 2 &amp; 0 &amp; 1 &amp; 0 \\ 0 &amp; 0 &amp; 0 &amp; 0 &amp; 0 &amp; 1 \\ 0 &amp; 1 &amp; 0 &amp; 2 &amp; 0 &amp; 0 \end{array} \right)</math> Выберите верные утверждения, если</p> <p><math>A</math> – основная матрица системы, <math>A</math> – расширенная матрица системы.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li><math>\text{rang}(A) = 2</math></li> <li><math>\text{rang}(A) = 3</math></li> <li><math>\text{rang}(A) = 2</math></li> <li><math>\text{rang}(A) = 3</math></li> <li>система совместна</li> <li>система несовместна</li> </ol> <p>2. Высота треугольника <math>ABC</math>, опущенная из вершины <math>C</math>, если <math>A(3;1;2)</math>, <math>B(5;-3;6)</math>, <math>C(3;0;4)</math> равна _____</p> <p>3. Расстояние между фокусами эллипса <math>5x^2 + 9y^2 - 30x + 18y + 9 = 0</math> равно _____</p> <p>4. Косинус острого угла между прямыми <math>\frac{x+4}{10} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z+5}{-11}</math> и <math>\begin{cases} x=9t+1, \\ y=6t, \\ z=3-2t \end{cases}</math> равен _____</p> <p>5. Установите соответствие между функцией и её дифференциалом</p> <table border="1" data-bbox="730 1198 1675 1406"> <thead> <tr> <th data-bbox="730 1198 1355 1270">функция</th> <th data-bbox="1355 1198 1675 1270">производная</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td data-bbox="730 1270 1355 1406"><math>y = \sqrt[3]{\sin x}</math></td> <td data-bbox="1355 1270 1675 1406"><math>dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx</math></td> </tr> </tbody> </table>	функция	производная	$y = \sqrt[3]{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx$
функция	производная					
$y = \sqrt[3]{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx$					

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий	
		$y = \sqrt{\sin x}$	$dy = \frac{\cos x}{2\sqrt{\sin x}} dx$
		$y = \frac{1}{\sqrt{\sin x}}$	$dy = -\frac{\cos x}{2\sqrt{\sin^3 x}} dx$
		$y = \frac{1}{\sqrt[3]{\sin x}}$	$dy = -\frac{\cos x}{3\sqrt[3]{\sin^4 x}} dx$
			$dy = \frac{\cos x}{2\sqrt[3]{\sin x}} dx$
			$dy = \frac{1}{2\sqrt{\sin x}} dx$
		<p>6. Определите порядок малости бесконечно малой функции <math>\frac{\ln\left(\frac{1+x^3}{x^3}\right)}{x}</math> относительно <math>\frac{1}{x}</math> при <math>x \rightarrow \infty</math>.  <b>К= _____.</b></p> <p>7. Функция <math>y = 6x \cdot e^{-2x}</math> убывает для значений <math>x</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>x \in (-\infty; 1/2)</math></li> <li>2. <math>x \in (1/2; +\infty)</math></li> <li>3. <math>x \in (-\infty; -1/2) \cup (1/2; +\infty)</math></li> <li>4. <math>x \in (-1/2; +\infty)</math></li> <li>5. <math>x \in (1/2; 0)</math>.</li> </ol> <p>8. Для функции <math>z = z(x; y)</math> известно</p>	

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий								
		$z'_x(M) = z'_y(M) = 0$ $z''_{xx}(M) = 5; z''_{xy}(M) = 1; z''_{yy}(M) = -2$ <p>Тогда точка М является точкой минимума не является точкой экстремума является точкой максимума является стационарной точкой не является стационарной точкой</p>								
4.	Экзамен	<p style="text-align: center;">Примеры заданий на экзамен</p> <table style="width: 100%; border: none;"> <tr> <td style="text-align: center; width: 33%;"><b>ТПУ</b></td> <td style="text-align: center; width: 33%;"><b>Экзамен</b></td> <td style="text-align: center; width: 33%;"><b>Курс 1</b></td> </tr> <tr> <td></td> <td style="text-align: center;"><b>Вариант 1</b></td> <td></td> </tr> </table> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Сформулировать и доказать теорему Лагранжа.</li> <li>2. Уравнения прямой в пространстве</li> <li>3. Найдите пределы: а) <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2^{x+1} + 3^{x-2}}{2^{x-1} - 3^x}</math>.    в) <math>\lim_{x \rightarrow +0} x e^x</math>.</li> <li>4. Найдите все частные производные первого порядка функции <math>u = \sqrt{2x^2 - 3y}</math>.</li> <li>5. Определите точки перегиба и интервалы выпуклости и вогнутости функции <math>y = x^{\frac{1}{5}} e^x</math>.</li> <li>6. Дана система линейных уравнений       <table style="margin-left: 20px; border: none;"> <tr> <td style="border: none;"> <math display="block">\begin{cases} x_1 - x_2 - 2x_3 + x_4 - x_5 = -2, \\ -x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 - x_5 = -2, \\ x_1 + x_2 - x_4 + 2x_5 = -1. \end{cases}</math> </td> <td style="border: none; padding-left: 10px;">найдите общее решение системы</td> </tr> </table> </li> <li>7. Составьте уравнение плоскости, которая проходит через точки <math>M_1(7, 2, -3)</math> и <math>M_2(5, 6, -4)</math> параллельно оси <math>Ox</math>.</li> <li>8. Приведите уравнение кривой к каноническому виду и постройте кривую</li> </ol>	<b>ТПУ</b>	<b>Экзамен</b>	<b>Курс 1</b>		<b>Вариант 1</b>		$\begin{cases} x_1 - x_2 - 2x_3 + x_4 - x_5 = -2, \\ -x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 - x_5 = -2, \\ x_1 + x_2 - x_4 + 2x_5 = -1. \end{cases}$	найдите общее решение системы
<b>ТПУ</b>	<b>Экзамен</b>	<b>Курс 1</b>								
	<b>Вариант 1</b>									
$\begin{cases} x_1 - x_2 - 2x_3 + x_4 - x_5 = -2, \\ -x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 - x_5 = -2, \\ x_1 + x_2 - x_4 + 2x_5 = -1. \end{cases}$	найдите общее решение системы									

$$16x^2 - 9y^2 - 64x + 18y = 89.$$

### Экзаменационный билет 1

1. Найти предел  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{3\sin 2x} - 1}{2x^4 + 5x}$ .

2. Записать уравнения всех асимптот кривой  $y = x^3 \ln x$ .

3. Исследовать на экстремум функцию  $y = \ln \sqrt{x^2 + 1} + \operatorname{arctg} x$ .

4. Найти и изобразить область определения функции  $z = \ln x + \sqrt{x - y}$

5. Исследовать на экстремум функцию  $z(x; y) = x^2 - y^3 - 3x + 6y$

### Экзаменационный билет № X

1. Скалярное произведение векторов, его свойства и применение.

2. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.

3. Вычислить определитель  $\begin{vmatrix} -3 & 2 & 5 \\ -2 & 7 & 11 \\ -1 & -6 & 4 \end{vmatrix}$ .

4. Найти косинус угла при вершине  $A$  и площадь треугольника с вершинами в точках  $A(3; -4; 1)$ ,  $B(-2; 8; 0)$ ,  $C(-1; 5; -2)$ .

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>5. Записать уравнение прямой, проходящей через точку <math>M(-9;4)</math> перпендикулярно прямой <math>\frac{x-1}{5} = \frac{y+2}{-7}</math>.</p> <p>6. Найти координаты точки пересечения прямой <math>\begin{cases} x = 2t + 7 \\ y = -t + 4 \\ z = 5t - 2 \end{cases}</math> и плоскости <math>3x + 9y - 3z + 1 = 0</math>.</p> <p>7. Построить  а) кривую <math>x = -2 - \sqrt{2 - 3y}</math>;      б) поверхность <math>2x^2 + 4y^2 - 3z + 1 = 0</math>.</p> <p><u>Экзаменационные вопросы</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Что такое определитель? При каких преобразованиях величина определителя не меняется</li> <li>• В каких случаях определитель равен нулю? Что следует из равенства определителя нулю?</li> <li>• Дайте определение минора и алгебраического дополнения элемента определителя. Сформулируйте правило вычисления определителя.</li> <li>• Как осуществляются линейные операции над матрицами?</li> <li>• Как перемножаются две матрицы? Свойства произведения матриц.</li> <li>• Какова схема нахождения обратной матрицы?</li> <li>• Дайте определения решения системы линейных алгебраических уравнений. Расшифруйте понятия «совместная», «несовместная», «определённая», «неопределённая» системы.</li> <li>• Напишите формулы Крамера. В каком случае они применимы?</li> <li>• Что называется рангом матрицы? Как он находится?</li> <li>• Сформулируйте теорему Кронекера – Капелли.</li> <li>• При каких условиях система линейных алгебраических уравнений имеет множество решений? Когда она имеет единственное решение?</li> <li>• Опишите метод Гаусса решения систем линейных уравнений.</li> <li>• Какие неизвестные называются свободными, а какие базисными?</li> <li>• Какие особенности решения однородных систем линейных алгебраических уравнений Вы знаете?</li> <li>• Как строится фундаментальная система решений?</li> <li>• Как выполняются линейные операции над векторами? Каковы свойства этих операций?</li> <li>• Какие вектора называются линейно зависимыми, а какие линейно независимыми?</li> </ul>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Что такое базис? Какие вектора образуют базис на плоскости и в пространстве?</li> <li>• Какой базис называют декартовым?</li> <li>• Что такое координаты вектора?</li> <li>• Что называется скалярным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется векторным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Что называется смешанным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано?</li> <li>• Запишите в векторной и координатной формах условия коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов.</li> <li>• Прямая линия на плоскости, её общее уравнение</li> <li>• Дайте понятие нормального и направляющего векторов прямой на плоскости, углового коэффициента.</li> <li>• Запишите различные виды прямой и укажите геометрический смысл параметров уравнения.</li> <li>• Запишите условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости в случае различных видов уравнений прямых.</li> <li>• Как найти точку пересечения прямых на плоскости?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой на плоскости?</li> <li>• Дайте определение эллипса и запишите его каноническое уравнение.</li> <li>• Дайте определение гиперболы и запишите её каноническое уравнение</li> <li>• Дайте определение параболы и запишите её каноническое уравнение</li> <li>• Изложите схему приведения общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.</li> <li>• Дайте понятие полярной системы координат.</li> <li>• Опишите параметрический способ построения линий на плоскости</li> <li>• Плоскость, её общее уравнение</li> <li>• Как определяется взаимное расположение плоскостей? Запишите условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до плоскости?</li> <li>• Запишите различные виды уравнений прямой в пространстве и поясните смысл параметров, входящих в уравнения.</li> <li>• Изложите схему приведения общих уравнений прямой к каноническому виду.</li> <li>• Как определить взаимное расположение прямых в пространстве?</li> <li>• Как вычисляется расстояние от точки до прямой в пространстве?</li> </ul>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Как определить взаимное расположение прямой и плоскости?</li> <li>• Как ищется точка пересечения прямой и плоскости?</li> <li>• Назовите поверхности второго порядка и напишите их канонические уравнения.</li> <li>• Сформулируйте понятие предела числовой последовательности</li> <li>• Сформулируйте понятие предела функции одной переменной</li> <li>• Что такое односторонние пределы функции в точке?</li> <li>• Сформулируйте понятия бесконечно малой и бесконечно большой при <math>x \rightarrow a</math> функции.</li> <li>• Первый и второй замечательные пределы</li> <li>• Как сравниваются бесконечно малые величины? Что такое относительный порядок малости?</li> <li>• Какие бесконечно малые называются эквивалентными? Приведите примеры эквивалентных бесконечно малых.</li> <li>• Какими свойствами обладают функции, непрерывные на замкнутом промежутке?</li> <li>• Что понимают под точкой разрыва функции? Какие разрывы различают?</li> <li>• Как связаны понятия непрерывности и дифференцируемости функции в точке?</li> <li>• Запишите правила дифференцирования обратной и сложной функций.</li> <li>• Запишите правила дифференцирования неявно заданной функции и функции, заданной параметрически.</li> <li>• Что такое дифференциал функции? Каков его геометрический смысл?</li> <li>• Какими свойствами обладают дифференцируемые функции?</li> <li>• Как находятся дифференциалы и производные высших порядков?</li> <li>• Формула Тейлора</li> <li>• Что такое точка экстремума функции? Какие точки экстремума бывают?</li> <li>• Необходимое условие существования экстремума для дифференцируемой функции</li> <li>• Достаточные условия существования экстремума</li> <li>• Схема исследования на экстремум функции одного переменного</li> <li>• Схема нахождения наибольшего и наименьшего значения функции на замкнутом промежутке.</li> <li>• Дайте определение выпуклости и вогнутости кривой на промежутке.</li> <li>• Какие точки называются точками перегиба?</li> <li>• Что называется асимптотой графика функции? Какие асимптоты различают?</li> <li>• В чем состоит правило Лопиталья? Для раскрытия каких неопределённостей оно применяется?</li> <li>• Дайте определение предела функции нескольких переменных.</li> <li>• Сформулируйте определение частных производных для функции нескольких переменных.</li> </ul>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Что называется дифференциалом функции нескольких переменных</li> <li>• В чем состоят достаточные условия дифференцируемости функции нескольких переменных?</li> <li>• Как находятся частные производные высших порядков? Сформулируйте условия равенства смешанных производных.</li> <li>• Как ищутся касательная плоскость и нормаль к поверхности?</li> <li>• Сформулируйте определение экстремума для функции нескольких переменных. Каковы необходимые условия его существования?</li> <li>• Сформулируйте достаточные условия существования экстремума для функции двух переменных</li> <li>• Приведите схему нахождения наибольшего и наименьшего значения функции в замкнутой области.</li> </ul>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1.	Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 6 контрольных работ, содержание которых охватывает все дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствии с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Баллы за контрольную работу получают умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствии с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</li> </ul>
2.	ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 8 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>Преподаватель обеспечивает своевременное получение студентами вариантов ИДЗ, а также предоставляет электронную ссылку на сборник ИДЗ. Все ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине.</p> <p>ИДЗ выполняются в отдельной тетради, при оформлении каждого задания обязательно указывается его номер, приводится кратко условие каждого задания. Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. ИДЗ проверяет преподаватель, ведущий практические занятия. Студенты должны выполнить ИДЗ</p>

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
		<p>до контрольной работы по теме. За каждое ИДЗ выставляются баллы, максимальный балл указывается в рейтинг-плане.</p> <p><b>Критерии оценки одного задания:</b></p> <p>Задание считается зачтенным, если выполнено более половины заданий</p> <p>Если задание не зачтено, работа возвращается студенту на доработку.</p> <p>Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель может учесть исправления и добавить баллы к предыдущим</p>
3.	Экзамен	<p><i>«Положение о проведении текущего оценивания и промежуточной аттестации в ТПУ» приказ №88/од от 27.12.2013 г., «Руководящие материалы по текущему контролю и успеваемости, промежуточной и итоговой аттестации студентов Томского политехнического университета (приказ №77/од от 29.11.2011г.)»</i></p> <p>На экзамене студенту выдаются билеты, включающие теоретические вопросы и практические задания. Преподаватель, проверив работу, в ходе устной беседы со студентом может задавать вопросы по самому билету, а также дополнительные вопросы по теории и практике. В итоге студент набирает итоговый балл за экзамен, максимально 40 баллов. Оценка за дисциплину формируется как итоговая за работу в семестре и экзамен в соответствие с принятой шкалой оценивания.</p> <p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствие с действующей процедурой.</p> <p>Результаты промежуточной аттестации оформляются ведомостью и вносятся в зачетную книжку обучающегося.</p>

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
 Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
 высшего образования  
**«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»**

**КАЛЕНДАРНЫЙ РЕЙТИНГ-ПЛАН ДИСЦИПЛИНЫ**  
**2015/2016 учебный год**

ОЦЕНКИ			для студентов _1_ курса всех направлений специалитета		64	час.	
«Отлично»	A+	96 - 100 баллов			Практ. занятия	64	час.
	A	90 - 95 баллов			Лаб. занятия		час.
«Хорошо»	B+	80 - 89 баллов			<b>Всего ауд. работа</b>	128	<b>час.</b>
	B	70 - 79 баллов			CPC	160	час.
«Удовл.»	C+	65 –69 баллов			<b>ИТОГО</b>	<b>288</b>	<b>час.</b>
	C	55 –64 баллов				<b>8</b>	<b>з.е.</b>
Зачтено	D	55 - 100 баллов					
Неудовлетворительно / незачтено	F	0 - 54 баллов					

**Результаты обучения по дисциплине:**

РД1	Владеет основными понятиями и методами линейной алгебры, аналитической геометрии и дифференциального исчисления функции одной и нескольких переменных
РД2	Умеет вычислять определители, выполнять действия с матрицами, исследовать и решать системы линейных алгебраических уравнений; производить действия над векторами; геометрически и аналитически представлять прямую и плоскость; устанавливать взаимное расположения прямых и плоскостей; приводить общие уравнения кривых и поверхностей к каноническому виду и строить их; находить пределы функций и числовых последовательностей; дифференцировать и исследовать функции одного и нескольких переменных
РД3	Знает алгебру матриц, основные характеристики матриц, их определения и свойства; методы решения систем линейных алгебраических уравнений; методы векторной алгебры; свойства и уравнения основных геометрических образов ;основные положения теории пределов; правила и методы нахождения производных функций одной и нескольких переменных, схему полного исследования функции

**Оценочные мероприятия:**  
Для дисциплин с формой контроля – экзамен

Оценочные мероприятия		Кол-во	Баллы
<b>Текущий контроль:</b>			
<b>ТК</b>	Контрольная работа	6	40
<b>ИДЗ</b>	Индивидуальные домашние задания	8	20
<b>Экзамен</b>	Экзамен	1	40
<b>ИТОГО</b>			<b>100</b>

Дополнительные баллы

Учебная деятельность / оценочные мероприятия		Кол-во	Баллы
<b>ДШ</b>	Олимпиада	1	10
<b>ЭК</b>	Работа в электронном курсе	1	5
<b>ИТОГО</b>			<b>15</b>

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видео-ресурсы
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1		РД1	Лекция 1. Матрицы и действия над ними. Определители и их свойства.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 3	ЭР 1	
			Лекция 2. Обратная матрица. Ранг матрицы.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 3	ЭР 1	
			Практическое занятие 1. Матрицы, виды матриц, действия над матрицами. Определители порядка 2,3.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 3	ЭР 1	
			Практическое занятие 2. Определители порядка n, их свойства. Ранг матрицы.	2				ДОП-1 ДОП-2 ДОП-4 ДОП-5	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ.		8			ДОП-1 ДОП-2 ДОП-4 ДОП-5	ЭР 1	
2		РД2	Лекция 3. Системы линейных уравнений. Основные понятия	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 3	ЭР 1	
			Лекция 4. Системы линейных уравнений. Основные методы решения	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 3	ЭР 1	

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видео-ресурсы
			Практическое занятие 3. Обратная матрица. Решение матричных уравнений.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 3	ЭР 1	
			Практическое занятие 4. Системы неоднородных линейных уравнений.	2				ДОП-1 ДОП-2 ДОП-4 ДОП-5	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ1.		10					
3		РД2	Лекция 5. Системы однородных линейных уравнений. Линейное пространство. Линейный оператор. Задача на собственные значения	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 3	ЭР 1	
			Лекция 6. Квадратичные формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 3	ЭР 1	
			Практическое занятие 5. Системы линейных уравнений. Задача на собственные значения.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 3	ЭР 1	
			Практическое занятие 6. Контрольная работа по теме «Линейная алгебра»	2		ТК-1	6	ДОП-1 ДОП-2 ДОП-4 ДОП-5	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ1. Подготовка к контрольной работе.		10		2	ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
4		РД3	Лекция 7. Понятие вектора. Линейные операции над векторами.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
			Лекция 8. Базис на плоскости и в пространстве. Скалярное произведение	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
			Практическое занятие 7. Линейные операции над векторами.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
			Практическое занятие 8. Произведения векторов.	2				ДОП-1 ДОП-2 ДОП-4 ДОП-5	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ2. Подготовка к контрольной работе.		8			ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
5		РД3	Лекция 9. Векторное и смешанное произведение	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
			Лекция 10. Прямая на плоскости. Взаимное расположение прямых.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видео-ресурсы
			Практическое занятие 9. Произведения векторов. Свойства и приложения.	2				ДОП-1 ДОП-2 ДОП-4 ДОП-5	ЭР 1	
			Практическое занятие 10. Контрольная работа по теме «Векторная алгебра»	2		ТК-2	6			
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИД32.		8		2	ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
6		РД3,4	Лекция 11. Кривые второго порядка	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
			Лекция 12. Преобразование координат на плоскости. Приведение кривых второго порядка к каноническому виду.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
			Практическое занятие 11. Прямая на плоскости. Взаимное расположение прямых.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
			Практическое занятие 12. Кривые второго порядка. Приведение уравнений кривых второго порядка к каноническому виду	2				ДОП-1 ДОП-2 ДОП-4 ДОП-5	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИД33.		12		3	ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
7		РД34	Лекция 13. Плоскость в пространстве.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
			Лекция 14. Прямая в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
			Практическое занятие 13. Плоскость. Составление уравнений плоскостей и построение.	2				ДОП-1 ДОП-2 ДОП-4 ДОП-5	ЭР 1	
			Практическое занятие 14. Прямая в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.	2				ДОП-1 ДОП-2 ДОП-4 ДОП-5	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИД34. Подготовка к контрольной работе.		8			ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
8		РД4	Лекция 15. Поверхности второго порядка.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видео-ресурсы
			Лекция 16. Введение в анализ. Понятие функции.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
			Практическое занятие 15. Поверхности 2-го порядка.	2				ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
			Практическое занятие 16. Контрольная работа по аналитической геометрии.	2		ТК-3	8	ДОП-1 ДОП-2 ДОП-4 ДОП-5	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИД34. Подготовка к контрольной работе.		10		3	ОСН 1 ОСН 2 ОСН 4	ЭР 1	
9			<b>Конференц-неделя 1</b>							
			<b>Всего по контрольной точке (аттестации) 2</b>	64	74		30			
10		РД5	Лекция 17. Числовая последовательность и её предел.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Лекция 18. Предел функции. Основные теоремы о пределах.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 17. Вычисление пределов последовательности.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 18. Предел функции.	2				ДОП-3 ДОП 4 ДОП 6	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИД35		6			ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
11		РД5	Лекция 19. Бесконечно малые и бесконечно большие величины, их свойства. Неопределенности.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Лекция 20. Замечательные пределы. Сравнение бесконечно малых	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 19. Замечательные пределы.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 20 Сравнение бесконечно малых величин.	2				ДОП-3 ДОП 4 ДОП 6	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИД35		10			ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
12		РД5	Лекция 21. Непрерывность функции. Основные теоремы о непрерывных функциях	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Лекция 22. Понятие дифференцируемости функции. Правила дифференцирования.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видео-ресурсы
			Практическое занятие 21. Непрерывность функции. Точки разрыва и их классификация	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 22. Контрольная работа «Введение в анализ»	2		ТК-4	6			
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИД35		16		2	ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
13		РДб	Лекция 23 Дифференциал. Производные и дифференциалы высших порядков	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Лекция 24. Основные теоремы дифференциального исчисления. Правило Лопиталья.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 23. Правила и техника дифференцирования	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 24. Правило Лопиталья.	2				ДОП-3 ДОП 4 ДОП 6	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИД36	2	10		2	ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
14		РДб	Лекция 25 Экстремум функции. Промежутки монотонности. Наибольшее и наименьшее значения функции в интервале.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Лекция 26. Выпуклость и вогнутость, точки перегиба. Асимптоты.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 25. Приложение производных к исследованию функций на экстремум, промежутки монотонности.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 26. Выпуклость и вогнутость, точки перегиба. Асимптоты.	2				ДОП-3 ДОП 4 ДОП 6	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИД37		10			ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
15		РДб	Лекция 27. Схема полного исследования функции	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Лекция 28. Функции нескольких переменных. Основные понятия. Частные производные	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 27. Полное исследование и построение графиков функций.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 28. Контрольная работа «Дифференциальное исчисление функции одной переменной»	2		ТК-5	8	ДОП-3 ДОП 4 ДОП 6		
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: : выполнение ИД37		12		3	ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	

Неделя	Дата начала недели	Результат обучения по дисциплине	Учебная деятельность	Кол-во часов		Оценочное мероприятие	Кол-во баллов	Информационное обеспечение		
				Ауд.	Сам.			Учебная литература	Интернет-ресурсы	Видео-ресурсы
16		РДб	Лекция 29. Полный и частные дифференциалы.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Лекция 30. Дифференцирование сложной и неявной функций. Производные и дифференциалы высших порядков.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 29. Нахождение частных производных.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 30. Дифференцирование сложной и неявной функций. Производные и дифференциалы высших порядков.	2				ДОП-3 ДОП 4 ДОП 6	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: : выполнение ИДЗ8		10			ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
17		РДб	Лекция 31. Экстремум функции нескольких переменных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Лекция 32. Скалярное поле. Производная по направлению. Градиент.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 31. Экстремум функции нескольких переменных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.	2				ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
			Практическое занятие 32. Скалярное поле . Контрольная работа по ФНП.	1 1		ТК-6	6	ДОП-3 ДОП 4 ДОП 6	ЭР 1	
			Выполнение мероприятий в рамках самостоятельной работы студента: выполнение ИДЗ8		12		3	ОСН 4 ОСН 5	ЭР 1	
18			<b>Конференц-неделя 2</b>							
			<b>Всего по контрольной точке (аттестации) 2</b>	128	160		<b>60</b>			
			<b>Экзамен</b>				<b>40</b>			
			<b>Общий объем работы по дисциплине</b>	128	160		<b>100</b>			

#### Информационное обеспечение:

№ (код)	Основная учебная литература (ОСН)
ОСН 1	Беклемишев, Д. В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры : учебник / Д. В. Беклемишев. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2009. — 312 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/2109">https://e.lanbook.com/book/2109</a> (дата обращения: 11.03.2015). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ

№ (код)	Название электронного ресурса (ЭР)	Адрес ресурса
ЭР 1	Математика1.1_Терехина Л.И.	<a href="https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=632">https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=632</a>

ОСН 2	Проскуряков, И. В. Сборник задач по линейной алгебре : учебное пособие / И. В. Проскуряков. — 13-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2010. — 480 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/529">https://e.lanbook.com/book/529</a> (дата обращения: 11.03.2015). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ
ОСН 3	Клетеник, Д. В. Сборник задач по аналитической геометрии : учебное пособие / Д. В. Клетеник; под ред. Н. В. Ефимова. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2010. — 224 с.: ил. — Текст: непосредственный..
ОСН 4	Кудрявцев, Л. Д. Краткий курс математического анализа : учебник / Л. Д. Кудрявцев. — 4-е изд., перераб. — Москва : ФИЗМАТЛИТ, [б. г.]. — Том 1 : Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной переменной. Ряды — 2015. — 444 с. — ISBN 978-5-9221-1585-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/71994">https://e.lanbook.com/book/71994</a> (дата обращения: 11.03.2015). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ
ОСН 5	Быкова, О. Н. Практикум по математическому анализу : учебное пособие / О. Н. Быкова, С. Ю. Колягин, Б. Н. Кукушкин. — Москва : Прометей, 2014. — 276 с. — ISBN 978-5-9905886-1-5. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/book/64214">https://e.lanbook.com/book/64214</a> (дата обращения: 09.07.2015). — Режим доступа: для авториз. пользователей.— Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ
№ (код)	<b>Дополнительная учебная литература (ДОП)</b>
ДОП 1	Высшая математика для технических университетов. В 5 ч. Ч. 1. Линейная алгебра. — 3-е изд., испр. / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ). — Томск: Изд-во ТПУ, 2014. — URL: <a href="http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m130.pdf">http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m130.pdf</a> (дата обращения: 11.03.2017). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.
ДОП 2	Высшая математика для технических университетов. В 5 ч. Ч. 2. Аналитическая геометрия. — 3-е изд., испр. / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ).— Томск: Изд-во ТПУ, 2014.— URL: <a href="http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m131.pdf">http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m131.pdf</a> (дата обращения: 11.03.2015). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.
ДОП 3	Высшая математика для технических университетов. В 5 ч. Ч. 3 : Дифференциальное и интегральное исчисление, [Кн.] 1 : Дифференциальное исчисление функций одной переменной . — 2-е изд., испр. / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ) . — URL: <a href="http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m132.pdf">http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m132.pdf</a> (дата обращения: 11.03.2015). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный
ДОП 4	<b>Терехина, Л. И.</b> Сборник индивидуальных заданий по высшей математике. Учебное пособие. В 4 ч. Ч. 1 / Л. И. Терехина, И. И. Фикс ; Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ) . — Томск : Изд-во ТПУ , 2011. — URL: <a href="http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2012/m263.pdf">http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2012/m263.pdf</a> (дата обращения: 11.03.2015). — Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный
ДОП 5	Терехина Л. И. Высшая математика. Учебное пособие. Ч. 1. Линейная алгебра. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия / Л. И. Терехина, И. И. Фикс . — Томск : Дельтаплан , 2015. — 240 с.: ил.- Текст: непосредственный.
ДОП 6	Терехина Л. И. Высшая математика. Учебное пособие. Ч. 2. Предел. Непрерывность. Производная функции. Приложения производной. Функции нескольких переменных / Л. И. Терехина, И. И. Фикс . — Томск : Дельтаплан , 2012. — 192 с.: ил.- Текст: непосредственный.

Составил: \_\_\_\_\_ (\_\_\_\_\_)  
«\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

Согласовано:  
Руководитель подразделения \_\_\_\_\_ (\_\_\_\_\_)  
«\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.