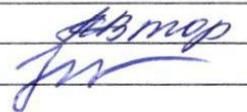


**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ
ПРИЕМ 2020 г.**

ФОРМА ОБУЧЕНИЯ заочная

Математика 1			
Направление подготовки/ специальность	20.03.01 Техносферная безопасность		
Образовательная программа (направленность (профиль))	Защита в чрезвычайных ситуациях		
Специализация	Защита в чрезвычайных ситуациях		
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат		
Курс	1	семестр	1
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	6		
Заведующий кафедрой - руководитель отделения на правах кафедры отделения математики и информатики			А.Ю. Трифонов
Руководитель ООП			А.Н. Вторушина
Преподаватель	В.П. Арефьев		

2020 г.

1. Роль дисциплины «Математика 1» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
				Код	Наименование
Математика 1	1	УК(У)-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК(У)-1.В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.31	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
		ОПК(У)-1	Способность учитывать современные тенденции развития техники и технологий в области обеспечения техносферной безопасности, измерительной и вычислительной техники, информационных технологий в своей профессиональной деятельности	ОПК(У)-1.В1	Владеет математическим аппаратом алгебры и дифференциального исчисления функции одной переменной для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач
				ОПК(У)-1.У1	Умеет применять изученные методы алгебры и анализа для решения стандартных задач
				ОПК(У)-1.31	Знает основные понятия и теоремы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, теории линейных пространств, дифференциального исчисления функции одной переменной

2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД 1	Владеет основными понятиями и методами линейной алгебры, аналитической геометрии и дифференциального исчисления функции одной переменной	УК(У)-1 ОПК(У)-№ в соответствии с ФГОС ВО	1. Линейная алгебра 2. Векторная алгебра 3. Аналитическая геометрия 4. Введение в анализ 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	ИДЗ. Тестирование Экзамен
РД 2	Умеет вычислять определители, выполнять действия с матрицами, исследовать и решать системы линейных алгебраических уравнений; производить действия над векторами; геометрически и аналитически представлять прямую и плоскость; устанавливать взаимное расположения прямых и плоскостей; приводить общие уравнения кривых и поверхностей к каноническому виду и строить их; находить пределы функций и числовых последовательностей;	УК(У)-1 ОПК(У)-№ в соответствии с ФГОС ВО	1. Линейная алгебра 2. Векторная алгебра 3. Аналитическая геометрия 4. Введение в анализ 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	ИДЗ. Тестирование Экзамен

	находить производные, исследовать функции одного переменного и строить их графики			
РД 3	Знает алгебру матриц; методы решения систем линейных алгебраических уравнений; методы векторной алгебры; свойства и уравнения основных геометрических образов ; основные положения теории пределов; правила и методы дифференцирования функции одной переменной, схему полного исследования функции	УК(У)-1 ОПК(У)-№ в соответствии с ФГОС ВО	1. Линейная алгебра 2. Векторная алгебра 3. Аналитическая геометрия 4. Введение в анализ 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	ИДЗ. Тестирование Зачет. Экзамен

3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (экзамен) (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

Шкала для оценочных мероприятий экзамена

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	18 ÷ 20	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	14 ÷ 17	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов

55% - 69%	11 ÷ 13	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	0 ÷ 10	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

4. Перечень типовых заданий

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
1	Тестирование	<p>В электронном курсе студенты проходят еженедельное тестирование по пройденным темам, после изучения теоретического материала и выполненных оценочных мероприятий.</p> <p>Образец теста: Текущий тест по матрицам (контроль изучения материала 2-ой недели). Математика 1.1. часть 1</p>

Вопрос 5

Верно

Баллов: 1.00 из
1.00Отметить
вопросРедактиров
ать вопрос

Найдите обратную матрицу к матрице A

$$A = \begin{bmatrix} -4 & 6 & -1 \\ 1 & 0 & 2 \\ 4 & -2 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\det A = 34$$

Алгебраические дополнения:

$$A_{11} = 4, \quad A_{12} = 8, \quad A_{13} = -2,$$

$$A_{21} = 2, \quad A_{22} = 4, \quad A_{23} = 16,$$

$$A_{31} = 12, \quad A_{32} = 7, \quad A_{33} = -6$$



Один из возможных правильных ответов: 34,

Обратная матрица:

$$A^{-1} = \frac{1}{34} \begin{bmatrix} 4 & 2 & 12 \\ 8 & 4 & 7 \\ -2 & 16 & -6 \end{bmatrix}$$

Оценочные мероприятия

Примеры типовых контрольных заданий

Вопрос 1

Верно

Баллов: 1.00 из 1.00

Отметить вопрос

Редактировать вопрос

Найдите производную первого порядка в точке $t_0=0$ функции, заданной параметрически $\begin{cases} x = t^3 + \ln(2t + 1) \\ y = te^{-5t} - t^7 + 3t \end{cases}$

(ответ вводите обыкновенной дробью. Используйте символ /)

 $y'(0) =$ 

Вопрос 2

Верно

Баллов: 1.00 из 1.00

Отметить вопрос

Редактировать вопрос

Найдите производную функции

 $y = (x^3 + 3x)e^{5x}$ в точке $x_0=0$ $y' =$

Вопрос 3

Верно

Баллов: 1.00 из 1.00

Отметить вопрос

Редактировать вопрос

Найдите производную функции

$$y = \frac{x^2 + 3x + 5}{-4x + 8}$$

в точке $x=4$

(дробный ответ введите обыкновенной дробью, используйте символ /)

 $y'(4) =$

Вопрос 4

Неверно

Баллов: 0.00 из 1.00

Запишите дифференциал функции $y = \arccos(x - \frac{1}{x})$ в точке $x = -1$ $dy =$

Оценочные мероприятия

Примеры типовых контрольных заданий

Вопрос 5

Верно

Баллов: 1.00 из
1.00Отметить
вопросВычислите y'_x в точке $M(-1; 0)$, если $x^4 + 3x^2y + \sin(xy) - 1 = 0$.

(ответ вводите в виде обыкновенной дроби или целого числа)

Ответ: 2

Вопрос 6

Верно

Баллов: 1.00 из
1.00Отметить
вопрос

Найдите производную четвертого порядка функции

 $y = x^6 + 4x^5 + 10x^4 + 2x^3 - 17x^2 - 7x + 3$ в точке $x_0 = 0$ $y^{IV}(0) = 240$ ✓

Вопрос 7

Частично
правильныйБаллов: 2.00 из
3.00Отметить
вопросРедактировать
вопросНайдите производную второго и третьего порядка от функции, заданной параметрически $\begin{cases} x = \ln(2 + t) \\ y = \ln t \end{cases}$

(ответ вводить без пробелов, скобки раскрыть, подобные привести. Возведение в степень обозначьте ^)

$$y'_x = \frac{2+t}{t}$$

$$y''_x = \frac{-4-2t}{t^2}$$

$$y'''_x = \frac{2t^3+12t^2+16t}{t^4}$$

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<div data-bbox="651 172 801 456"> <p>Вопрос 8 Верно Баллов: 1.00 из 1.00 Отметить вопрос Редактировать вопрос</p> </div> <div data-bbox="857 188 1624 260"> <p>Найдите производную 2-го и 3-го порядков функции $\begin{cases} y = t^2 \\ x = \ln t \end{cases}$</p> </div> <div data-bbox="857 300 1272 323"> <p>Выберите один или несколько ответов:</p> </div> <div data-bbox="857 336 981 587"> <p><input checked="" type="checkbox"/> $8t^2$ ✓ <input type="checkbox"/> $8t^3$ <input type="checkbox"/> $-2t^2$ <input checked="" type="checkbox"/> $4t^2$ ✓ <input type="checkbox"/> $2t^3$</p> </div> <div data-bbox="651 619 801 903"> <p>Вопрос 9 Верно Баллов: 1.00 из 1.00 Отметить вопрос Редактировать вопрос</p> </div> <div data-bbox="857 635 1440 667"> <p>Найдите дифференциалы $y = \operatorname{ch} 3x$ в точке $x_0=0$</p> </div> <div data-bbox="857 683 1099 874"> <p>$dy =$ <input type="text" value="0"/> ✓ $d^2y =$ <input type="text" value="9"/> ✓ $d^3y =$ <input type="text" value="0"/> ✓ dx^3</p> </div> <div data-bbox="857 906 1671 938"> <p>В случае дробных ответов, значения вводите в виде простой дроби через слеш "/"</p> </div>
2.	ИДЗ.	<p align="center"><u>Пример варианта индивидуальных заданий.</u></p> <p align="center"><u>Линейная алгебра</u></p> <p>Вариант № ____</p> <p>1. Вычислить определитель</p> $\begin{vmatrix} 1 & 3 & -3 & 4 \\ 5 & 2 & 2 & -3 \\ -3 & -4 & 1 & -1 \\ 6 & 2 & -3 & 1 \end{vmatrix}.$

2. Вычислить определители произведений матриц $A \cdot B$ и $B \cdot A$, если

$$A = \begin{pmatrix} 5 & 2 \\ -1 & -3 \\ 4 & -6 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 3 & -4 & -2 \\ 0 & -5 & 7 \end{pmatrix}.$$

3. Решить матричное уравнение

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -2 & 4 \end{pmatrix} + 3 \cdot \begin{pmatrix} -6 & -1 \\ 4 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -5 \\ 3 & -1 \end{pmatrix}.$$

4. Решить систему уравнений тремя способами:

- а) методом Крамера;
- б) матричным методом;
- в) методом Гаусса.

Сделать проверку.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 3x_3 = 1, \\ 2x_1 + 3x_2 + 5x_3 = 2, \\ 3x_1 + 5x_2 + 8x_3 = 3. \end{cases}$$

5. Найти общее решение системы

$$\begin{cases} 3x_1 + x_2 + 4x_3 + 5x_4 - 3x_5 = 5, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 + 2x_4 = 3, \\ 4x_1 - 2x_2 + 2x_3 + 3x_4 - x_5 = 7, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 + x_4 - x_5 = 4. \end{cases}$$

6. Найти ненулевые решения однородной системы

$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 + 2x_3 + 2x_4 + 5x_5 = 0, \\ 2x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 2x_4 + 5x_5 = 0, \\ x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = 0. \end{cases}$$

Векторная алгебра

Вариант № ____

1. Даны три вектора $\vec{a} = \{0; 2; 3\}$, $\vec{b} = \{5; 0; 1\}$, $\vec{c} = \{-1; 3; -4\}$.

Найти:

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>а) вектор $\vec{d} = \vec{a} + 3\vec{b} - 2\vec{c}$, его модуль, направляющие косинусы, орт \vec{d}°;</p> <p>б) скалярное произведение $(\vec{a} + \vec{c}, \vec{b} - \vec{a})$;</p> <p>в) векторное произведение $[\vec{a} + \vec{c}, \vec{b} - \vec{a}]$;</p> <p>г) смешанное произведение $(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c})$.</p> <p>2. Определить координаты точки C на отрезке AB, если $A(0; -3; 1)$, $B(4; 4; -2)$ и $AB : CB = 4 : 2$.</p> <p>3. Найти длины диагоналей параллелограмма, построенного на векторах $\vec{p} = 4\vec{a} - 3\vec{b}$ и $\vec{q} = 2\vec{a} + 7\vec{b}$, если $\vec{a} = \sqrt{2}$, $\vec{b} = 2$, $(\vec{a}, \vec{b}) = 45^\circ$.</p> <p>4. Даны три вершины параллелограмма $ABCD$ $A(0; -3; 6)$, $B(-12; -3; -3)$, $C(-9; -3; -6)$ Определить: а) координаты четвертой вершины D; б) длину высоты, опущенной из вершины D на сторону AB; в) косинус острого угла между диагоналями AC и BD.</p> <p>5. Даны векторы $\vec{a} = \{2; -2; 3\}$ и $\vec{b} = \{-1; 3; -4\}$. Найти вектор \vec{x}, если известно, что $\vec{x} \parallel \vec{a}$ и $(\vec{x}, \vec{b}) = -1$.</p> <p>6. Вектор \vec{x}, перпендикулярный векторам $\vec{a} = \{-1; 6; -1\}$ и $\vec{b} = \{-4; 7; -5\}$, образует с осью OZ острый угол. Найти его координаты, если известно, что $\vec{x} = 9$.</p> <p>7. Даны вершины пирамиды $A(1; -5; 4)$, $B(-1; 2; 3)$, $C(-2; -4; 3)$, $D(1; 0; 6)$. Найти объём пирамиды и длину её высоты, опущенной на грань ADC.</p> <p>8. Доказать, что векторы $\vec{e}_1 = \{4; 2; -1\}$, $\vec{e}_2 = \{5; 3; -2\}$, $\vec{e}_3 = \{3; 2; -1\}$ образуют базис, и найти разложение вектора $\vec{x} = \{12; 7; -4\}$ в этом базисе</p>

Производная**Вариант № ____**

1. Найти производные $y'(x)$ данных функций:

$$1) y = \ln^3(\sin \sqrt[5]{8x} - \cos 5x); \quad 5) y = \ln \sqrt{\frac{2x+1}{3x-1}} + \sqrt[7]{x^4};$$

$$2) y = \frac{1}{(1 + \operatorname{tg} 3x)^2} - \operatorname{arctg} \frac{4}{x}; \quad 6) y = \sqrt{x+4} \cdot 7^{(1+x^2)};$$

$$3) y = (3 - 2x \cos 3x)^{(1/\ln x)}; \quad 7) y = (\ln \sin 5x)^{\operatorname{arctg}^2 3x};$$

$$4) \begin{cases} x = 2t + 3e^{-2t}, \\ y = e^{-4t} + 1; \end{cases} \quad 8) \begin{cases} x = 2 \sin^2 4t, \\ y = 5 \cos^3 4t. \end{cases}$$

2. Найти вторую производную y'' функции:

$$1) y = \frac{\arcsin x}{\sqrt{1-x}}; \quad 2) \begin{cases} x = (3/t) - (5/t^4), \\ y = (t^2 + 7)/t^3. \end{cases}$$

3. Вычислить значение производной функции в указанной точке:

$$1) y = \frac{1}{\sin 2x} - \frac{1}{\sin^3 2x}, \quad x_0 = \frac{\pi}{4};$$

$$2) \begin{cases} x = t \cdot (t^2 - 1), \\ y = \frac{t}{t^2 - 1}, \end{cases} \quad t_0 = 3.$$

4. Используя правило Лопиталья, найти пределы:

$$1) \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{(x - \pi)^2 \sin x}{1 + \cos x}; \quad 2) \lim_{x \rightarrow -2} \frac{3 - \sqrt{x^2 + 5}}{\sqrt{3 + x} - 1}.$$

Аналитическая геометрия на плоскости

1. Составить уравнения прямых, проходящих через точку $M(-7; 5)$:

а) параллельно прямой $3x + 2y - 1 = 0$,

б) перпендикулярно прямой $\frac{x-1}{-3} = \frac{y+4}{2}$,

в) под углом 45° к прямой $\begin{cases} x = 3t + 4 \\ y = -t - 2 \end{cases}$

2. Даны вершины треугольника $A(-1; 3)$, $B(2; 5)$, $C(0; 6)$.

Составить: а) уравнение стороны AC ,

б) уравнение медианы BM ,

в) уравнение высоты CH и найти ее длину.

3. Даны две прямые $l_1 : y = 2x - 1$, $l_2 : \begin{cases} x = 3t - 1 \\ y = -4 \end{cases}$ Найти:

а) точку пересечения прямых,

б) косинус угла между прямыми,

в) составить уравнение биссектрисы тупого угла между прямыми.

4. Привести уравнения линий к каноническому виду и построить:

1) $x^2 + y^2 - x - y - 1 = 0$ 2) $4x^2 + 8x + y^2 - 4y + 1 = 0$

3) $y = 9 + 2\sqrt{x^2 + 4x + 9}$ 4) $x = 8 + 8y - y^2$

5) $25x^2 - 14xy + 25y^2 = 10$ 6) $x^2 - 8xy + y^2 + 1 = 0$

5. Составить уравнение и построить линию, каждая точка которой одинаково удалена от точки $M(-2; 1)$ и от прямой $x - 4 = 0$.

6. Построить линии, заданные уравнениями в полярных координатах:

1) $\rho = 1 + \frac{1}{\varphi}$, 2) $\rho = \frac{1}{\sin \varphi}$, 3) $\rho = \frac{1}{1 - 2 \cos \varphi}$.

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
3.		не является стационарной точкой
4.	Зачет и Экзамен	<p style="text-align: center;">Примеры заданий на зачет</p> <p style="text-align: center;">Зачетный билет № X</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Скалярное произведение векторов, его свойства и применение. 2. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве. 3. Вычислить определитель $\begin{vmatrix} -3 & 2 & 5 \\ -2 & 7 & 11 \\ -1 & -6 & 4 \end{vmatrix}$. 4. Найти косинус угла при вершине A и площадь треугольника с вершинами в точках $A(3;-4;1)$, $B(-2;8;0)$, $C(-1;5;-2)$. <p>5. Записать уравнение прямой, проходящей через точку $M(-9;4)$ перпендикулярно прямой $\frac{x-1}{5} = \frac{y+2}{-7}$.</p> <p>6. Найти координаты точки пересечения прямой $\begin{cases} x = 2t + 7 \\ y = -t + 4 \\ z = 5t - 2 \end{cases}$ и плоскости $3x + 9y - 3z + 1 = 0$.</p> <p>7. Построить</p> <p>а) кривую $x = -2 - \sqrt{2 - 3y}$; б) поверхность $2x^2 + 4y^2 - 3z + 1 = 0$.</p> <p>Образец зачетного билета для студентов, сдающих зачет в онлайн-режиме (через Интернет на сайте ИнЭО).</p> <p>Задание 1</p> <p>Определитель 4-го порядка равен 3. Если элементы одной строки заменить суммой соответствующих элементов других строк, то полученный определитель будет равен</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. 3; 2. 3^4; 3. 0; 4. -3.

Задание 2

Найти матрицу $A + 2B$, если $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 \\ 1 & 0 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 1 & 2 \\ -3 & 2 & -1 \end{pmatrix}$

- $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 5 \\ -5 & 4 & 1 \end{pmatrix}$;
- $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & 2 \end{pmatrix}$;
- $\begin{pmatrix} 3 & -1 & 4 \\ -1 & 2 & 5 \end{pmatrix}$;
- $\begin{pmatrix} 4 & -3 & -3 \\ 7 & -4 & 5 \end{pmatrix}$.

Задание 3

Найти длину вектора \overline{AB} , заданного координатами точек $A(3;2;-1)$ и $B(4;-1;0)$

- 9;
- 10;
- 51;
- $\sqrt{11}$.

Задание 4

Найти скалярное произведение векторов $\vec{a} = \{-2; 3; 5\}$ и $\vec{b} = \{4; -1; 0\}$.

- $\{-8; -3; 0\}$;
- 11;
- 6;
- $\sqrt{6}$.

Задание 5

Составить уравнение прямой, проходящей через точку $M_0(-3;7)$ параллельно прямой $\frac{x-1}{-5} = \frac{y+2}{4}$

- $4x + 5y - 23 = 0$;
- $4x - 5y - 23 = 0$;
- $5x - 4y + 43 = 0$;
- $5x + 4y - 43 = 0$.

Задание 6

Составить уравнение прямой, проходящей через две точки $A(3;-1)$ и $B(-2;-5)$

- $6x + y + 17 = 0$;

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>2. $6x + y - 17 = 0;$ 3. $4x - 5y - 17 = 0;$ 4. $4x - 5y + 17 = 0.$</p> <p>Задание 7</p> <p>Ветви параболы $5x + 2y^2 - 6y = 11$ направлены</p> <p>1. вверх; 2. влево; 3. вправо; 4. вниз.</p> <p>Задание 8</p> <p>Составить уравнение плоскости, проходящей через точку $A(2; -3; -5)$ перпендикулярно вектору $\vec{N} = \{3; -2; 5\}$</p> <p>1. $2x - 3y - 5z + 13 = 0;$ 2. $3x - 2y + 5z + 12 = 0;$ 3. $3x - 2y + 5z + 13 = 0;$ 4. $2x - 3y - 5z + 12 = 0.$</p> <p style="text-align: center;"><u>Задания на выбор множественных ответов</u></p> <p>Задание 9</p> <p>Выберите все векторы, коллинеарные вектору $\{-5; -2; 1\}$</p> <p>1. $\{15; -6; 3\};$ 2. $\{-15; -6; 3\};$ 3. $\{15; 6; 3\};$ 4. $\{-10; -4; 2\};$ 5. $\{10; -4; 2\}.$</p> <p>Задание 10</p> <p>Смешанное произведение векторов применяется для нахождения ... (Выбрать все верные ответы)</p> <p>1. площади параллелограмма; 2. проекции вектора на вектор; 3. проверки условия компланарности векторов; 4. косинуса угла между векторами; 5. объема треугольной пирамиды.</p>

Задание 11

Прямая $2x + 4y - 2 = 0$ проходит через точку с координатами
(Выбрать все верные ответы)

1. $(1; -3)$;
2. $(-9; 5)$;
3. $(9; -5)$;
4. $(3; -1)$;

Задание 12

Укажите уравнения гиперболических цилиндров (Выбрать все верные ответы)

1. $3x^2 - 4z^2 = 10$;
2. $3z^2 + 4y + 5 = 0$;
3. $3x^2 + 4y^2 = 2$;
4. $8y^2 - 4z^2 = 7$.

Задания на установление последовательности**Задание 13**

Укажите последовательно значения элементов b_1, b_2, b_3 и b_4 матрицы произведения $\begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 & 0 \\ 4 & 3 & -1 & 2 \\ 2 & 1 & 7 & -5 \\ 0 & 1 & 3 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \\ b_4 \end{pmatrix} =$

1. 3;
2. 14;
3. 8;
4. 37.

Задание 14

Для двух данных векторов $\vec{a} = \{4; -3; 3\}$ и $\vec{b} = \{2; -3; 6\}$ указать последовательно значения

1. модуля суммы векторов; а) 35;
2. модуля разности векторов; б) $3\sqrt{17}$;
3. модуля скалярного произведения векторов; в) $\sqrt{13}$;
4. проекции вектора \vec{a} на вектор \vec{b} ; г) 5.

Задание 15

Привести последовательно значения x_0, y_0, p , полученные после приведения уравнения $4x - y^2 = 4y$ к каноническому виду $(y - y_0)^2 = \pm 2p(x - x_0)$.

Оценочные мероприятия

Примеры типовых контрольных заданий

1. 2;
2. -1;
3. -2.

Задание 16

Привести последовательно значения x_0, y_0, z_0, R , полученные после приведения уравнения $x^2 + y^2 + z^2 = 4x - 6y + 12z$ к каноническому виду $(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 + (z - z_0)^2 = R$

1. 7;
2. -3;
3. 2;
4. 6.

Задания на установление соответствия**Задание 17**

Установить соответствие элементов определителя $\begin{vmatrix} 3 & 0 & -2 \\ -1 & -4 & 1 \\ 2 & 5 & -3 \end{vmatrix}$ и значений миноров этих элементов:

- | | |
|---------------|---------|
| 1. a_{21} ; | а) -12; |
| 2. a_{32} ; | б) 10; |
| 3. a_{33} ; | в) 3; |
| 4. a_{13} . | г) 1. |

Задание 18

Установить соответствие между типом поверхности 2-го порядка и уравнением

- | | |
|--------------------------------|-----------------------------------|
| 1. круговой цилиндр; | а) $x^2 - 3y^2 - 5z^2 = 0$; |
| 2. двухполостный гиперболоид; | б) $3x^2 - 4y^2 - 1 - 5z^2 = 0$; |
| 3. конус; | в) $y^2 + z^2 = 4$; |
| 4. эллипсоид; | г) $2y^2 - 7z^2 = 3x$; |
| 5. гиперболический параболоид; | д) $3x^2 + 4y^2 + 5z^2 = 15$. |

Задания для краткого ответа**Задание 19**

Если расширенная матрица системы линейных уравнений имеет вид

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -2 & 2 \\ 0 & -1 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & -2 & -4 \end{pmatrix}, \text{ то решение системы}$$

Ответ: _____

Задание 20

Прямая проходит через точки $A(4; -5)$ и $B(-2; 1)$.

Угловой коэффициент такой прямой равен

Ответ: _____

Примеры заданий на экзамен

Экзаменационный билет X

1. Найти предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{3\sin 2x} - 1}{2x^4 + 5x}$.

2. Записать уравнения всех асимптот кривой $y = x^3 \ln x$.

3. Исследовать на экстремум функцию $y = \ln \sqrt{x^2 + 1} + \operatorname{arctg} x$.

4. Найти и изобразить область определения функции $z = \ln x + \sqrt{x - y}$

5. Исследовать на экстремум функцию $z(x; y) = x^2 - y^3 - 3x + 6y$

Теоретические вопросы для подготовки к зачету и экзамену

- Что такое определитель? При каких преобразованиях величина определителя не меняется
- В каких случаях определитель равен нулю? Что следует из равенства определителя нулю?
- Дайте определение минора и алгебраического дополнения элемента определителя. Сформулируйте правило вычисления определителя.
- Как осуществляются линейные операции над матрицами?
- Как перемножаются две матрицы? Свойства произведения матриц.
- Какова схема нахождения обратной матрицы?
- Дайте определения решения системы линейных алгебраических уравнений. Расшифруйте понятия «совместная», «несовместная», «определённая», «неопределённая» системы.
- Напишите формулы Крамера. В каком случае они применимы?
- Что называется рангом матрицы? Как он находится?
- Сформулируйте теорему Кронекера – Капелли.

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> • При каких условиях система линейных алгебраических уравнений имеет множество решений? Когда она имеет единственное решение? • Опишите метод Гаусса решения систем линейных уравнений. • Какие неизвестные называются свободными, а какие базисными? • Какие особенности решения однородных систем линейных алгебраических уравнений Вы знаете? • Как строится фундаментальная система решений? • Как выполняются линейные операции над векторами? Каковы свойства этих операций? • Какие вектора называются линейно зависимыми, а какие линейно независимыми? • Что такое базис? Какие вектора образуют базис на плоскости и в пространстве? • Какой базис называют декартовым? • Что такое координаты вектора? • Что называется скалярным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано? • Что называется векторным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано? • Что называется смешанным произведением векторов? Каковы его свойства? Для решения каких задач и как оно может быть использовано? • Запишите в векторной и координатной формах условия коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов. • Прямая линия на плоскости, её общее уравнение • Дайте понятие нормального и направляющего векторов прямой на плоскости, углового коэффициента. • Запишите различные виды прямой и укажите геометрический смысл параметров уравнения. • Запишите условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости в случае различных видов уравнений прямых. • Как найти точку пересечения прямых на плоскости? • Как вычисляется расстояние от точки до прямой на плоскости? • Дайте определение эллипса и запишите его каноническое уравнение. • Дайте определение гиперболы и запишите её каноническое уравнение • Дайте определение параболы и запишите её каноническое уравнение • Изложите схему приведения общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду. • Дайте понятие полярной системы координат. • Опишите параметрический способ построения линий на плоскости • Плоскость, её общее уравнение • Как определяется взаимное расположение плоскостей? Запишите условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> • Как вычисляется расстояние от точки до плоскости? • Запишите различные виды уравнений прямой в пространстве и поясните смысл параметров, входящих в уравнения. • Изложите схему приведения общих уравнений прямой к каноническому виду. • Как определить взаимное расположение прямых в пространстве? • Как вычисляется расстояние от точки до прямой в пространстве? • Как определить взаимное расположение прямой и плоскости? • Как ищется точка пересечения прямой и плоскости? • Назовите поверхности второго порядка и напишите их канонические уравнения. • Сформулируйте понятие предела числовой последовательности • Сформулируйте понятие предела функции одной переменной • Что такое односторонние пределы функции в точке? • Сформулируйте понятия бесконечно малой и бесконечно большой при $x \rightarrow a$ функции. • Первый и второй замечательные пределы • Как сравниваются бесконечно малые величины? Что такое относительный порядок малости? • Какие бесконечно малые называются эквивалентными? Приведите примеры эквивалентных бесконечно малых. • Какими свойствами обладают функции, непрерывные на замкнутом промежутке? • Что понимают под точкой разрыва функции? Какие разрывы различают? • Как связаны понятия непрерывности и дифференцируемости функции в точке? • Запишите правила дифференцирования обратной и сложной функций. • Запишите правила дифференцирования неявно заданной функции и функции, заданной параметрически. • Что такое дифференциал функции? Каков его геометрический смысл? • Какими свойствами обладают дифференцируемые функции? • Как находятся дифференциалы и производные высших порядков? • Формула Тейлора • Что такое точка экстремума функции? Какие точки экстремума бывают? • Необходимое условие существования экстремума для дифференцируемой функции • Достаточные условия существования экстремума • Схема исследования на экстремум функции одного переменного • Схема нахождения наибольшего и наименьшего значения функции на замкнутом промежутке. • Дайте определение выпуклости и вогнутости кривой на промежутке. • Какие точки называются точками перегиба? • Что называется асимптотой графика функции? Какие асимптоты различают? • В чем состоит правило Лопиталья? Для раскрытия каких неопределённостей оно

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p style="text-align: center;">применяется?</p> <ul style="list-style-type: none"> •

5. Методические указания по процедуре оценивания

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1.	Тестирование	<p>В электронном курсе студенты проходят еженедельное тестирование по пройденным темам, после изучения теоретического материала и выполненных оценочных мероприятий.</p> <p>Критерии оценки задания:</p> <ul style="list-style-type: none"> • за каждое правильно выполненное задание выставляются тестовый балл; • за неправильно выполненное или невыполненное задание выставляется 0 баллов; • для заданий с выбором нескольких правильных ответов, заданий на соответствие и установление последовательности предусмотрено частичное оценивание. <p>Баллы за еженедельные тестирования определены в рейтинг - плане</p>
2.	ИДЗ	<p>В 1-м семестре студенты выполняют 2 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>Преподаватель обеспечивает своевременное получение студентами вариантов ИДЗ, а также предоставляет электронную ссылку на сборник ИДЗ. Все ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине.</p> <p>ИДЗ проверяет и оценивает преподаватель в электронном курсе.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. За каждое ИДЗ выставляются баллы, максимальный балл указывается в рейтинг-плане.</p> <p>Критерии оценки одного задания:</p> <p>Задание считается зачтенным, если выполнено более половины заданий</p> <p>Если задание не зачтено, работа возвращается студенту на доработку.</p> <p>Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель</p>

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
3.	Экзамен	<p>Экзамен осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ. На экзамене студенту выдаются билеты, включающие теоретические вопросы и практические задания. Преподаватель, проверив работу, в ходе устной беседы со студентом может задавать вопросы по самому билету, а также дополнительные вопросы по теории и практике. В итоге студент набирает итоговый балл за экзамен, максимально 20 баллов. Оценка за дисциплину формируется как итоговая за работу в семестре и экзамен в соответствии с принятой шкалой оценивания.</p> <p>Экзаменационный билет состоит из 20 заданий и включает в себя задания следующих типов: задания на выбор единственного ответа; задания на выбор множественных ответов; задания на установление последовательности; задания на установление соответствия; задания для краткого ответа.</p> <p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствии с действующей процедурой.</p> <p>В соответствии с приказами от 25.07.2018 г. №58/од Об утверждении и введении в действие «Системы оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете» и №59/од Об утверждении и введении в действие новой редакции «Положения о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации в ТПУ» экзамен по физике проводится в устной форме. Студенту выдается экзаменационный билет, содержащий теоретические вопросы, качественные и количественные задачи. Каждый вопрос билета оценивается баллом (всего по билету 20 баллов). Согласно шкалы оценивания результатов</p> <p>18-20 баллов (отлично) - всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>14-17 баллов (хорошо) - достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>11-13 баллов (удовлетворительно) - приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>0-10 баллов (неудовлетворительно) - результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям.</p> <p>Результаты промежуточной аттестации оформляются ведомостью и вносятся в зачетную книжку обучающегося.</p>
4.		

