

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**  
**ПРИЕМ 2018 г.**

**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

Математика 4.2.	
Направление подготовки/ специальность	22.03.01 Материаловедение и технологии материалов
Образовательная программа (направленность (профиль))	Материаловедение и технологии материалов
Специализация	Наноструктурные материалы
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат
Курс	2 семестр 4
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	3
Заведующий кафедрой - руководитель отделения на правах кафедры	 А.Ю. Трифонов
Руководитель ООП	 О.Ю. Ваулина
Преподаватель	 В.Н. Задорожный

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 4.2» в формировании компетенций выпускника

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
				Код	Наименование
Математика 4.2	4	УК(У)-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК(У)-1.В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.31	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
		ОПК(У)-3	Готов применять фундаментальные математические, естественнонаучные и общеинженерные знания в профессиональной деятельности	ОПК(У)-3.34	Владеет аппаратом математической физики для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач.
				ОПК(У)-3.У4	Умеет решать дифференциальные уравнения в частных производных, уравнений теплопроводности и диффузии, уравнения Даламбера
				ОПК(У)-3.В4	Знает основные понятия, определения и методы теории дифференциальных уравнений в частных производных

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код достижения контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД 1	Уметь решать дифференциальные уравнения в частных производных первого порядка	УК(У)-1 ОПК(У)-3	1. Дифференциальные уравнения в частных производных 1-го и 2-го порядков в задачах математической физики	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД 2	Уметь работать со специальными функциями	УК(У)-1 ОПК(У)-3	2. Специальные функции	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД 3	Уметь решать уравнения гиперболического типа	УК(У)-1 ОПК(У)-3	3. Методы решения задач математической физики	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД 4	Уметь решать уравнения параболического типа	УК(У)-1 ОПК(У)-3	3. Методы решения задач математической физики	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО
РД 5	Уметь решать уравнения эллиптического типа	УК(У)-1 ОПК(У)-3	3. Методы решения задач математической физики	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО

## 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (дифференцированный зачет) (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

**Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля**

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

**4. Перечень типовых заданий**

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1.	Контрольная работа	<p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа 1</b></p> <p>1. Решить задачу Коши:  <math display="block">xU_x + 2yU_y = x^2 + 4y^2, \quad U _{y=2} = x^2.</math></p> <p>2. Найти общее решение уравнения, приведя его к каноническому виду:  <math display="block">16U_{xx} + 8U_{xy} + U_{yy} + 12U_x + 3U_y = 0;</math></p> <p>3. Решить задачу Штурма – Лиувилля  <math display="block">y'' + 2y' + \lambda y = 0, \quad y(0) = y(\pi) = 0.</math></p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа 2</b></p> <p>1. Найти функцию <math>u</math>, если <math>\Delta u = 0</math> внутри области <math>0 \leq x \leq 2\pi; 0 \leq y \leq \pi</math> и  <math>u _{x=0} = u _{x=2\pi} = 0, \quad u _{y=0} = 0; u _{y=\pi} = \cos x</math></p> <p>2. Найти функцию <math>u</math>, если <math>\Delta u = 0</math> внутри кольца <math>1 \leq \rho \leq 2</math> и  <math>u _{\rho=1} = 0; u _{\rho=2} = \sin 3\varphi</math></p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
2. ИДЗ.	<p><u>Пример варианта индивидуальных заданий 1.</u></p> <p>1. Вычислить <math>\Gamma\left(\frac{-5}{2}\right)\Gamma\left(\frac{5}{2}\right)</math>.</p> <p>2. Найти</p> $\int_0^2 x^4 \sqrt{4 - x^2} dx.$ <p>3. Вычислить</p> $\int_{-\infty}^0 2^x \delta(\cos(2x)) dx.$ <p>4. Найти</p> $\lim_{a \rightarrow +0} \frac{e^{-\frac{x^4}{a^4}}}{a}.$ <hr/>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>5. Решить задачу Штурма–Лиувилля</p> <p>a) <math>y'' + 2y' + (\lambda + 1)y = 0, \quad y(0) = 0 = y(a);</math>      б) <math>y'' + \frac{2}{x}y' + \lambda y = 0, \quad  y(0)  &lt; \infty, \quad y'(1/3) + 3y(1/3) = 0.</math></p> <p>Записать соотношение ортогональности, ортонормировать собственные функции задачи и разложить по ним функцию <math>f(x) = 1</math>.</p> <p>6. Найти общее решение уравнения в частных производных первого порядка</p> $xu_x - yu_y + zu_z = 0.$ <p>7. Найти решение задачи Коши</p> $xu_x - yu_y = 0, \quad u _{y=1} = x.$ <p>8. Найти общее решение уравнения, приведя его к каноническому виду:</p> <p>а) <math>3u_{xx} + 8u_{xy} + 4u_{yy} = 0;</math>      б) <math>4u_{xx} - 4u_{xy} + u_{yy} - 10u_x + 5u_y = 0.</math></p> <p>9. Вычислить</p> $\int xJ_0(x)dx.$ <p>10. Найти изображение функции <math>J_1(t)</math>.</p> <p>11. Используя теорему умножения, вычислить интеграл</p> $\int_0^t (t - \tau)J_0(2\sqrt{\tau})d\tau.$ <p>12. Функцию <math>f(x) = 1</math> разложить в ряд Фурье–Бесселя на интервале <math>(0, \pi)</math> при <math>\nu = 0</math>.</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p style="text-align: center;"><u>Пример варианта индивидуальных заданий 2.</u></p> <p>14. Решить задачу о колебаниях струны <math>0 &lt; x &lt; l</math> с закрепленными концами, если <math>u _{t=0} = A \sin(\pi n x/l)</math>; <math>u_t _{t=0} = 0</math>.</p> <p>15. Найти решение смешанной задачи</p> $u_t = u_{xx} + x + 2t; \quad 0 < x < 1;$ $u _{x=0} = u _{x=1} = t; \quad u _{t=0} = \sin \pi x.$ <p>16. Решить задачу</p> $\Delta u = 0; \quad 0 \leq x \leq 1; \quad 0 \leq y \leq 1;$ $u _{x=0} = y; u _{x=1} = 0; \quad u _{y=0} = 0; u _{y=1} = x.$ <p>17. Найти функцию, гармоническую внутри круга радиуса <math>b</math> с центром в начале координат, такую, что <math>\partial u / \partial r _{r=b} = \sin^3 \varphi</math>.</p> <p>18. Цилиндр, радиус основания которого <math>b</math> и высота <math>h</math>, имеет температуру нижнего основания и боковой поверхности, равную нулю. Температура верхнего основания есть функция <math>A(b^2 - r^2)</math>. Найти стационарную температуру внутренних точек цилиндра.</p> <p>19. Определить поперечные колебания однородной прямоугольной мембраны <math>0 \leq x \leq q; 0 \leq y \leq p</math> с закрепленным краем для случая, когда начальное отклонение мембранны равно <math>\sin(\pi x/q) \sin(\pi y/p)</math>, а начальная скорость равна нулю.</p> <p>20. Дан тонкий стержень <math>0 &lt; x &lt; l</math>, боковая поверхность которого теплоизолирована. Найти распределение температуры <math>u(x, t)</math> в стержне, если левый конец стержня теплоизолирован, правый поддерживается при постоянной температуре <math>u_2</math>, а начальная температура равна <math>A x / l</math>, где <math>A = \text{const}</math>.</p> <p>21. Поставить краевую задачу об остывании однородного шара радиусом <math>b</math> с центром в начале координат, если он нагрет до температуры <math>u_0</math>, поверхность шара теплоизолирована, а в каждой точке этого шара вследствие химической реакции поглощается количество тепла, пропорциональное температуре <math>u</math> в этой точке.</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
3. Экзамен	<p><u>Перечень вопросов, ответы на которые дают возможность студенту продемонстрировать, а преподавателю оценить степень усвоения теоретических и фактических знаний на уровне знакомства</u></p> <p>1. Сформулировать основные понятия и определения теории дифференциальных уравнений в частных производных. Привести примеры решений простейших дифференциальных уравнений в частных производных.</p> <p>2. Дать определение характеристической системы и доказать теорему об общем решении линейного дифференциального уравнения в частных производных первого порядка.</p> <p>3. Поставить задачу Коши для линейного дифференциального уравнения в частных производных первого порядка.</p> <p>4. Сформулировать основные понятия, определения для дифференциальных уравнений в частных производных второго порядка. Привести их классификацию.</p> <p>5. Сформулировать алгоритм приведения дифференциальных уравнений в частных производных второго порядка с двумя независимыми переменными к каноническому виду.</p> <p>6. Поставить задачу Коши для дифференциального уравнения в частных производных второго порядка. Привести алгоритм решения задачи методом характеристик.</p> <p>7. Вывести одномерное волновое уравнение. На примере поперечных или продольных колебаний стержней или электрических колебаний в проводах (на выбор) сформулировать для него возможные постановки начально-краевых задач.</p> <p>8. Вывести двумерное (трехмерное) волновое уравнение и сформулировать для него возможные постановки начально-краевых задач на примере колебаний мембранны.</p> <p>9. Вывести одномерное уравнение теплопроводности и сформулировать для него возможные постановки начально-краевых задач.</p> <p>10. Вывести уравнение распространения тепла (диффузии) в пространстве.</p> <p>11. Сформулировать возможные постановки начально-краевых задач.</p> <p>12. Поставить возможные краевые задачи для уравнений эллиптического типа. Дать физическую интерпретацию поставленной задачи.</p> <p>13. Показать связь начально-краевой задачи для неоднородного уравнения (волнового или теплопроводности) с однородными граничными условиями с задачей Штурма–Лиувилля.</p> <p>14. Показать связь начально-краевой задачи для однородного уравнения с однородными начальными и неоднородными граничными условиями с задачей Штурма–Лиувилля.</p> <p>15. Сформулировать основные свойства гармонических функций. Доказать любые два.</p> <p>16. Привести схему метода разделения переменных (Фурье) для краевых задач для уравнения</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>Лапласа (декартова или полярная система координат).</p> <p>17. Привести схему метода разделения переменных (Фурье) для краевых задач уравнения Лапласа (цилиндрическая или сферическая система координат).</p> <p>18. Решить задачу Коши для одномерного однородного волнового уравнения методом Даламбера.</p> <p>19. Решить задачу Коши для одномерного неоднородного волнового уравнения методом Даламбера.</p> <p>20. Решить смешанную задачу для одномерного волнового уравнения на полупрямой методом Даламбера (четного и нечетного продолжения на выбор).</p> <p>21. Решить смешанную задачу для одномерного волнового уравнения на конечном отрезке методом Даламбера.</p> <p>22. Решить смешанную задачу для одномерного однородного волнового уравнения на конечном отрезке методом Фурье.</p> <p>23. Решить смешанную задачу для одномерного неоднородного волнового уравнения на конечном отрезке методом Фурье.</p> <p>24. Решить задачу Коши для одномерного уравнения теплопроводности методом Фурье.</p> <p>25. Доказать принцип максимума и теорему о единственности решения смешанной задачи для одномерного уравнения теплопроводности на конечном отрезке.</p> <p>26. Сформулировать задачу Штурма–Лиувилля для линейных дифференциальных уравнений. Самосопряженная форма уравнения задачи. Исследовать влияние граничных условий на свойства собственных значений и собственных функций.</p> <p>27. Сформулировать основные свойства решений задачи Штурма–Лиувилля. Доказать любые два свойства.</p> <p>28. С помощью обобщенного степенного ряда получить частные решения уравнения Бесселя. Дать определение функции Бесселя первого рода.</p> <p>29. Вычислить вронсиан функций Бесселя <math>J_\nu(x)</math> и <math>J_{-\nu}(x)</math>. Найти общее решение уравнения Бесселя с нецелым индексом.</p> <p>30. Дать определение функции Неймана. Вычислить вронсиан функций <math>J_\nu(x)</math> и <math>N_\nu(x)</math> и найти общее решение уравнения Бесселя с произвольным индексом.</p> <p>31. Доказать рекуррентные соотношения для функций Бесселя <math>[x^{-\nu} J_\nu(x)]' = -x^{-\nu} J_{\nu+1}(x)</math> и <math>[x^\nu J_\nu(x)]' = x^\nu J_{\nu-1}(x)</math>.</p> <p>32. Выразить функции Бесселя и Неймана полуцелых индексов через элементарные функции.</p>

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий
		<p>33. Вычислить вронсиан модифицированных функций Бесселя <math>I_v(x)</math> и <math>K_v(x)</math> и найти общее решение модифицированного уравнения Бесселя.</p> <p>34. Исходя из известных рекуррентных соотношений для функций Бесселя, доказать аналогичные соотношения для модифицированных функций.</p> <p>35. Исследовать асимптотическое поведение цилиндрических функций (любых двух) в окрестности точек <math>x = 0</math> и <math>x = \infty</math>.</p> <p>36. Основные и обобщенные функции.</p> <p>37. Дельта функция Дирака и ее свойства.</p> <p>38. Примеры обобщенных функций.</p> <p>39. Дифференцирование обобщенных функций.</p> <p>40. Интегральные преобразования обобщенных функций.</p>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1.	Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 2 контрольных работы, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</li> </ul>
2.	ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 2 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>ИДЗ выдаются каждому студенту персонально.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание высылается отдельным файлом, указывается ФИО, группа.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p>

<b>Оценочные мероприятия</b>		<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
		<p>Оформление задания 25% баллов</p> <p>Содержание 75% баллов</p> <p>ИДЗ считается зачтенным, если набрано более 55% от максимального балла за задание</p>
3.	Дифференцированный зачет	<p>Дифференцированный зачет осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ (как организованная процедура не проводится). Итоговый балл определяется суммированием баллов за все оценочные мероприятия текущего семестра.</p>