МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

УТВЕРЖДАЮ Директор ШБИП Д.В. Чайковский <u>«0/»</u> 2020 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ ПРИЕМ 2020 г. ФОРМА ОБУЧЕНИЯ <u>очная</u>

МАТЕМАТИКА 2				
Направление подготовки/ специальность	14.03.02 Ядерные физика и техно			ологии
Образовательная программа (направленность (профиль))				
Специализация			_	
Уровень образования	высшее обр	азование -	оакалаври	ат
Курс	1 (семестр	2	
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)			6	é
Виды учебной деятельности	Временной ресу		рс	
	Лекции		48	
Контактная (аудиторная)	Практические занятия		[48
работа, ч	Лаборатор	ные занятия	I	0
	BC	ЕГО		96
C	амостоятелы	мостоятельная работа, ч		120
		ИТОГО, ч		216
Вид промежуточной	Экзамен	Обеспеч	ивающее	ОМИ ШБИП
аттестации	подразделение			
Зав.кафедрой –			Трифонов А.Ю.	
руководитель отделения				
Руководитель ООП	145		Бычков П.Н.	
Преподаватель			Болтовский Д.В.	

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины является формирование у обучающихся определенного ООП (п. 5 Общей характеристики ООП) состава компетенций для подготовки к профессиональной деятельности.

Код	П	Индикаторы достижения компетенций		Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
компетенции	Наименование компетенции	Код индикатора индикатора достижения		Код	Наименование
VV(V) 1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, информации, применять поиск выделяя ее базовые		УК(У)-1.1В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера	
y K(y)-1	применять системный подход для	1.1	составляющие	УК(У)-1.1У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
	решения поставленных задач			УК(У)-1.131	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
ОПК(У)-1	Способен применять фундаментальны е знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессионально й деятельности И.ОПК(У)-1.1. Применяет математический аппарат исследования функций, линейной алгебры, диференциального и интегрального исчисления, рядов, диференциальных уравнений, теории функций комплексного переменного в инженерной деятельности	ОПК(У)-1.1В2	Владеет математическим аппаратом интегрального исчисления и дифференциальными уравнениями для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач		
		и.опк(у)-1.1.	рядов, дифференциальных уравнений, теории функций комплексного переменного	ОПК(У)-1.1У2	Умеет применять аппарат дифференциального и интегрального исчисления для решения стандартных задач
				ОПК(У)-1.132	Знает основные понятия и теоремы дифференциального исчисления функции нескольких переменных и интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных

2. Место дисциплины (модуля) в структуре ООП

Дисциплина относится к базовой части Блока 1 учебного плана образовательной программы

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

После успешного освоения дисциплины будут сформированы результаты обучения:

Код Наименование достижения		Планируемые результаты обучения по дисциплине	Индикатор
	Код	Наименование	достижения

		компетенции
РД1	Владеет методами дифференциального исчисления функции нескольких переменных; методами интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1.
РД2	Умеет находить частные производные и дифференциалы, исследовать функции нескольких переменных; вычислять неопределенные, определенные, несобственные, кратные, криволинейные и поверхностные интегралы; числовые характеристики скалярных и векторных полей	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1.
РД3	Знает основные этапы схемы полного исследования функции нескольких переменных; определение неопределенного, определенного, кратных, криволинейных и поверхностных интегралов, их физический и геометрический смысл; основные понятия векторного анализа, формулы Грина, Остроградского-Гаусса и Стокса	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-1.1.

Оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации представлены в календарном рейтинг-плане дисциплины.

4. Структура и содержание дисциплины

Основные виды учебной деятельности

Основные виды учеоной деятельности			
Разделы дисциплины	Формируемый результат	Виды учебной деятельности	Объем времени, ч.
	обучения по		времени, ч.
	дисциплине		
Раздел 1.	РД1	Лекции	8
Неопределенный интеграл	РД2	Практические занятия	12
	РД3	Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	26
Раздел 2.	РД1	Лекции	6
Определенный и несобственный	РД2	Практические занятия	6
интеграл	РД3	Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	14
Раздел 3.	РД1	Лекции	8
Дифференциальное исчисление	РД2	Практические занятия	10
функций нескольких	РД3	Лабораторные занятия	0
переменных		Самостоятельная работа	30
Раздел 4.	РД1	Лекции	8
Кратные интегралы	РД2	Практические занятия	10
	РД3	Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	26
Раздел 5.	РД1	Лекции	18
Элементы векторного анализа	РД2	Практические занятия	10
-	РД3	Лабораторные занятия	0
		Самостоятельная работа	24

Содержание разделов дисциплины:

Раздел 1. Неопределенный интеграл

Понятие первообразной функции и неопределенного интеграла. Свойства неопределенного интеграла. Таблица интегралов. Непосредственное интегрирование. Метод замены переменной и метод интегрирования по частям. Интегрирование рациональных

функций. Простейшие рациональные дроби и их интегрирование. Теорема о представлении правильной рациональной дроби в виде суммы конечного числа простейших дробей. Интегрирование выражений, содержащих тригонометрические функции. Интегрирование некоторых иррациональных функций. Подстановки Чебышева, Эйлера, тригонометрические

Темы лекций:

- 1. Первообразная и неопределенный интеграл. Общие методы интегрирования Метод подстановки, интегрирование по частям.
- 2. Интегрирование рациональных дробей
- 3. Интегрирование тригонометрических функций
- 4. Интегрирование иррациональных функций. Подстановки Чебышева, тригонометрические подстановки

Темы практических занятий:

- 1. Непосредственное интегрирование. Таблица интегралов.
- 2. Замена переменной, интегрирование по частям
- 3. Интегрирование рациональных дробей
- 4. Интегралы от тригонометрических функций.
- 5. Интегрирование иррациональностей. Подстановки Чебышева, тригонометрические подстановки
- 6. Контрольная работа по теме «Неопределенный интеграл»

Раздел 2. Определенный и несобственный интеграл

Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определение интегральной суммы Римана. Понятие определенного интеграла, его геометрический и физический смысл. Классы интегрируемых функций. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенного интеграла. Геометрические приложения определенного интеграла: вычисление площадей плоских фигур. Определение и вычисление длины дуги плоской кривой. Вычисление объемов тел. Несобственные интегралы с бесконечными пределами. Определение, свойства. Признаки сходимости интегралов от неотрицательных функций. Абсолютная и условная сходимость. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Теорема сравнения. Интеграл, зависящий от параметра.

Темы лекций:

- 1. Понятие и свойства определенного интеграла.
- 2. Формула Ньютона-Лейбница. Приложения определенного интеграла
- 3. Несобственные интегралы I и II рода

Темы практических занятий:

- 1. Определенный интеграл, свойства, оценки, вычисление.
- 2. Приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы I и II рода, вычисление
- 3. Несобственные интегралы I и II рода, признаки сходимости.

Раздел 3. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных

... Определение функции нескольких переменных. Предел и непрерывность функции нескольких переменных. Частные производные функций нескольких переменных. Производная сложной функции и функции заданной неявно. Полный дифференциал ФНП, инвариантность формы первого дифференциала. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Скалярное поле, линии и поверхности уровня. Градиент и производная по направлению. Свойства градиента. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.

Формула Тейлора для функции двух переменных. Экстремум функции нескольких переменных (необходимые и достаточные условия). Наименьшее и наибольшее значение функции в замкнутой области. Условный экстремум функции нескольких переменных.

Темы лекций:

- 1. Предел и непрерывность функции двух переменных.
- 2. Частные производные и дифференциал функций нескольких переменных
- 3. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремум функции нескольких переменных
- 4. Условный экстремум. Наибольшее и наименьшее значение в замкнутой области

Темы практических занятий:

- 1. Частные производные первого и высших порядков для функции нескольких переменных. Дифференцирование сложных функций, функций, заданных неявно
- 2. Градиент. Касательная плоскость и нормаль к поверхности
- 3. Экстремум функции двух переменных.
- 4. Наибольшее и наименьшее значение в замкнутой области.
- 5. Контрольная работа по теме «Определенный интеграл. Функции нескольких переменных.»

Раздел 4. Кратные интегралы

... Задачи, приводящие к понятию двойного интеграла. Определение двойного интеграла, геометрический и физический смысл. Теорема существования, свойства. Сведение двойного интеграла от непрерывной функции к повторному интегралу. Теорема о замене переменных в двойном интеграле. Задачи, приводящие к понятию тройного интеграла. Тройной интеграл, определение, свойства, вычисление в декартовой системе координат. Формулировка теоремы о замене переменных в тройном интеграле. Цилиндрические и сферические координаты. Приложение кратных интегралов: вычисление объемов тел и площадей фигур, решение задач механики и физики.

Темы лекций:

- 1. Двойные интегралы, сведение к повторным интегралам. Свойства двойного интеграла.
- 2. Замена переменных в двойном интеграле, его вычисление в полярной системе координат. Тройные интегралы и их вычисление в ДСК
- 3. Замена переменных в тройном интеграле, его вычисление в цилиндрических и сферических координатах
- 4. Приложения кратных интегралов

Темы практических занятий:

- 1. Двойные интегралы, свойства. Вычисление в ДСК
- 2. Двойные интегралы, свойства. Вычисление в ПСК
- 3. Тройные интегралы..
- 4. Тройные интегралы. Цилиндрическая СК. Сферическая система координат
- 5. Контрольная работа

Раздел 5. Элементы векторного анализа

... Криволинейные интегралы по длине дуги и по координатам. Определение, свойства и вычисление криволинейных интегралов. Теорема Грина. Условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования. Отыскание функции по ее полному дифференциалу. Поверхностный интеграл по площади поверхности. Определение, формула для вычисления. Определение, свойства и вычисление поверхностного интеграла по координатам. Теорема и формула Остроградского-Гаусса. Ориентация поверхности и

направление обхода замкнутого контура. Теорема и формула Стокса. Векторное поле. Векторные линии. Оператор Гамильтона. Дифференциальные операции первого порядка в скалярном и векторных полях. Дивергенция векторного поля, ее физический смысл. Циркуляция и ротор векторного поля. Теорема Гельмгольца. Потенциальные и соленоидальные поля. Дифференциальные операции второго порядка.

Темы лекций:

- 1. Криволинейные интегралы І-го рода.
- 2. Криволинейные интегралы II-го рода. Теорема Грина.
- 3. Условия независимости криволинейного интеграла II-го рода от пути интегрирования
- 4. Отыскание функции по ее полному дифференциалу. Приложения криволинейных интегралов
- 5. Поверхностные интегралы І-го рода
- 6. Поверхностные интегралы II-го рода
- 7. Теоремы Стокса и Остроградского-Гаусса. Приложения поверхностных интегралов
- 8. Векторное поле, работа, поток поля
- 9. Дифференциальные операции первого и второго порядков в скалярном и векторных полях

Темы практических занятий:

- 1. Криволинейные интегралы І-го рода.
- 2. Криволинейные интегралы ІІ-го рода.
- 3. Формула Грина. Независимость криволинейного интеграла от пути интегрирования.
- 4. Поверхностные интегралы І-го рода
- 5. Поверхностные интегралы ІІ-го рода. Формулы Стокса и Остроградского-Гаусса

5. Организация самостоятельной работы студентов

Самостоятельная работа студентов при изучении дисциплины (модуля) предусмотрена в следующих видах и формах):

- Работа в электронном курсе (изучение теоретического материала, выполнение индивидуальных заданий и контролирующих мероприятий и др.);
- Изучение тем, вынесенных на самостоятельную проработку;
- Выполнение домашних заданий, расчетно-графических работ и домашних контрольных работ;
- Подготовка к практическим занятиям;
- Подготовка к оценивающим мероприятиям

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1. Учебно-методическое обеспечение Основная литература

- 1. Фихтенгольц, Г. М. Основы математического анализа. Учебник.В 2 ч. Ч. 2 / Г. М. Фихтенгольц. 10-е изд., стер. Санкт-Петербург: Лань, 2019. 464 с. Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/115730 (дата обращения: 11.03.2019). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
- 2. Ильин, В. А. Математический анализ: учебник для бакалавров: в 2 ч. Ч. 1 / В. А.

- Ильин, В. А. Садовничий, Б. Г. Сендов. 4-е изд. . Москва : Юрайт , 2013. URL: http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2014/FN/fn-69.pdf (дата обращения: 11.03.2019). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
- 3. Ильин, В. А. Математический анализ. Учебник для бакалавров. В 2 ч. Ч. 2 / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, В. Х. Сендов . 3-е изд. . Москва : Юрайт , 2013. URL: http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2014/FN/fn-88.pdf (дата обращения: 11.03.2019) Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
- 4. Берман, Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа: учебное пособие / Г. Н. Берман. 6-е изд., стер. Санкт-Петербург: Лань, 2017. 492 с. ISBN 978-5-8114-0657-9. Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/89934 (дата обращения: 11.03.2019). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.
- 5. Бибиков, Ю. Н. Курс обыкновенных дифференциальных уравнений: учебное пособие / Ю.Н. Бибиков. 2-е изд., стер. Санкт-Петербург: Лань, 2011. 304 с. Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/reader/book/1542(дата обращения: 11.03.2019). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ

Дополнительная литература

- 1. Высшая математика для технических университетов. В 5 ч.: Ч. 3 : Дифференциальное и интегральное исчисление. [Кн.] 3 : Интегральное исчисление функций одной переменной . 2017. 494 с. / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ). Томск: Изд-во ТПУ, 2014. URL: http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m132.pdf (дата обращения: 11.03.2019). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.
- 2. Высшая математика для технических университетов. В 5 ч. Ч. 3 : Дифференциальное и интегральное исчисление, [Кн.] 2: Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных . 2-е изд., испр.. / В. Н. Задорожный, В. Ф. Зальмеж, А. Ю. Трифонов, А. В. Шаповалов. Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ). Томск: Изд-во ТПУ, 2014. URL http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2015/m133.pdf (дата обращения: 11.03.2019). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ. Текст: электронный.
- 3. Терехина, Л. И. Сборник индивидуальных заданий по высшей математике. Учебное пособие. В 4 ч. Ч. 2 / Л. И. Терехина, И. И. Фикс; Национальный исследовательский Томский политехнический университет (ТПУ), Физико-технический институт (ФТИ), Кафедра высшей математики и математической физики (ВММФ). Томск: Изд-во ТПУ, 2011. URL: http://www.lib.tpu.ru/fulltext2/m/2012/m263.pdf (дата обращения: 11.03.2019). Режим доступа: из корпоративной сети ТПУ.- Текст: электронный.
- 4. Терехина Л. И. Высшая математика. Учебное пособие. Ч. 2. Предел. Непрерывность. Производная функции. Приложения производной. Функции нескольких переменных / Л. И. Терехина, И. И. Фикс. Томск: Дельтаплан, 2012. 192 с.: ил.- Текст: непосредственный.

6.2. Информационное и программное обеспечение

Internet-ресурсы (в т.ч. в среде LMS MOODLE и др. образовательные и библиотечные ресурсы):

1. Электронный курс Математика 2 Болтовский Зальмеж., Веб- поддержка, описание по ссылке https://stud.lms.tpu.ru/course/view.php?id=2285

_Материалы представлены 5 модулями. Каждый модуль содержит теоретические и практические материалы для подготовки к занятиям, варианты индивидуальных домашних заданий, тесты.

- 2. http://mathnet.ru общероссийский математический портал
- 3. http://lib.mexmat.ru —электронная библиотека механико-математического факультета МГУ

Лицензионное программное обеспечение (в соответствии с **Перечнем лицензионного программного обеспечения ТПУ**):

- 7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; AkelPad; Cisco Webex Meetings; Design Science MathType 6.9 Lite; Document Foundation LibreOffice; Google Chrome; Microsoft Office 2007 Standard Russian Academic; Mozilla Firefox ESR; Notepad++; Oracle VirtualBox; pdfforge PDFCreator; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView; XnView Classic; Zoom
- 2. 7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; AkelPad; Cisco Webex Meetings; Google Chrome; Microsoft Office 2007 Standard Russian Academic; Mozilla Firefox ESR; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView; Zoom
- 3. 7-Zip; Adobe Flash Player; AkelPad; Microsoft Office 2007 Standard Russian Academic; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView
- 4. 7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; AkelPad; Document Foundation LibreOffice; Google Chrome; Microsoft Office 2007 Standard Russian Academic; Microsoft Visual Studio 2019 Community; Mozilla Firefox ESR; Notepad++; PTC Mathcad 15 Academic Floating; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView; XnView Classic; Zoom

7. Особые требования к материально-техническому обеспечению дисциплины В учебном процессе используется следующее оборудование:

No	Наименование специальных помещений	Наименование оборудования
1	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 30, 310	 Компьютер - 2 шт.; Проектор - 1 шт.; Доска аудиторная настенная - 2 шт.; Комплект учебной мебели на 112 посадочных мест.
2	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634028, Томская область, г. Томск, Тимакова улица, 12 305	 Компьютер - 2 шт.; Проектор - 1 шт.; Телевизор - 1 шт. Доска аудиторная настенная - 2 шт.; Комплект учебной мебели на 120 посадочных мест
3	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634028, Томская область, г. Томск, Тимакова улица, 12 301	 Комплект учебной мебели на 42 посадочных мест; Компьютер - 1 шт.
4	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций,	• Комплект учебной мебели на 13

текущего контроля и промежуточной аттестации	посадочных мест;
(компьютерный класс)	• Шкаф для документов -
634034, Томская область, г. Томск, Советская	3 шт.;
улица, д. 73, стр. 1, 536	 Стеллаж - 2 шт.;
	• Камера Gamma1533D – 1
	шт.;
	 Компьютер - 12 шт.;
	 Проектор - 1 шт.

Рабочая программа составлена на основе Общей характеристики образовательной программы по всем направлениям подготовки (приема 2019 г., очная форма обучения).

Разработчик(и):

Должность	Подпись	ФИО
Доцент ОМИ		Болтовский Д.В.

Программа одобрена на заседании ОЯТЦ ИЯТШ (протокол от «28» июня 2019 г. №16).

Руководитель выпускающего отделения	\mathcal{A}	
д.т.н, профессор	/A.Г. Горг	юнов/
	полпись	

Лист изменений рабочей программы дисциплины:

Учебный год	Содержание /изменение	Обсуждено на заседании ОЯТЦ (протокол)
2020/2021 учебный год	1. Обновлено программное обеспечение 2. Обновлен состав профессиональных баз данных и информационно-справочных систем 3. Обновлено содержание разделов дисциплины 4. Обновлен список литературы, в том числе ссылок ЭБС	От 01.09.2020 №29-д