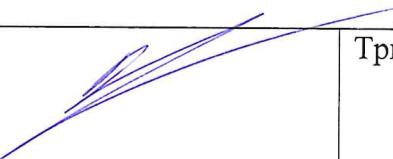
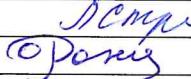


**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**  
**ПРИЕМ 2017 г.**

**ФОРМА ОБУЧЕНИЯ заочная**

		Математика 3.2	
Направление подготовки/ специальность	21.05.02 Прикладная геология		
Образовательная программа (направленность (профиль))	Прикладная геология		
Специализация	Геологическая съёмка, поиски и разведка месторождений твёрдых полезных ископаемых		
Уровень образования	высшее образование - специалитет		
Курс	2	семестр	4
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	3		
Заведующий кафедрой - руководитель отделения математики и информатики на правах кафедры	 Трифонов А.Ю.		
Руководитель ООП	Строкова Л.А.		
Преподаватель	 Рожкова О.В.		

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 3.2» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Код результата освоения ООП	Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенций)	
					Код	Наименование
Математика 3.2	4	ОПК(У)-1	Способен решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности	Р1, Р6	ОПК(У)-1.В3	Владеет аппаратом теории вероятностей и математической статистики для описания, анализа, теоретического и экспериментального исследования и моделирования инженерных задач, физических и химических явлений и процессов
					ОПК(У)-1.У3	Умеет решать задачи теории вероятностей, применять инструменты математической статистики при решении естественно-научных и математических задач
					ОПК(У)-1.33	Знает законы и методы теории вероятностей и математической статистики

## 1. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД-1	Знать математический аппарат современной теории вероятностей и математической статистики	ОПК(У)-1	Теория вероятностей Математическая статистика	Контрольная работа ИДЗ Экзамен
РД-2	Уметь решать стандартные теоретико-вероятностные задачи	ОПК(У)-1	Теория вероятностей	Контрольная работа ИДЗ Экзамен

РД-3	Владеть навыками интерпретации теоретико-вероятностных конструкций, обработки и интерпретации выборочных данных	ОПК(У)-1	Теория вероятностей Математическая статистика	Контрольная работа Защита лабораторной работы ИДЗ Экзамен
------	---	----------	--	--

## 2. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (экзамен) (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90% ÷ 100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности
70% ÷ 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности
55% ÷ 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности
0% ÷ 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

## Шкала для оценочных мероприятий экзамена

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
-------------------------------	---------------	----------------------------------	--------------------

90%÷100%	18 ÷ 20	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	14 ÷ 17	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	11 ÷ 13	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	0 ÷ 10	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

### 3. Перечень типовых заданий

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий									
1.	Контрольная работа	<p>Контрольная работа по теме «Теория вероятностей»</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Из 50 конденсаторов за время Т из строя выходят 5 конденсаторов. Для контроля выбирают 8 конденсаторов. Найти вероятность того, что среди них за время Т из строя выйдет ровно 1 конденсатор, используя формулу Пуассона и локальную теорему Лапласа.</li> <li>Прибор состоит из двух узлов а и б, соединенных последовательно в смысле надежности, и стабилизатора напряжения S, работающего в двух режимах. При работе стабилизатора в первом режиме с вероятностью 0.7 надежность узлов <math>P(a) = 0.9</math>, <math>P(b) = 0.95</math>. При работе стабилизатора во втором режиме надежность узлов <math>P(a) = 0.8</math>, <math>P(b) = 0.9</math>. Найти надежность прибора, если узлы независимы.</li> <li>Задана плотность распределения <math>f(x)</math> случайной величины X: <math>f(x) = \begin{cases} Ax\sin x, &amp; x \in (0, \pi) \\ 0, &amp; x \notin (0, \pi) \end{cases}</math>. Требуется найти A, построить график <math>f(x)</math>, найти функцию распределения <math>F(x)</math> и построить ее график, найти вероятность попадания величины X на участок от 0 до <math>\frac{\pi}{2}</math>. Вычислить <math>M[X]</math>.</li> </ol> <p>Контрольная работа по теме «Математическая статистика»</p> <p>Дан ряд распределения:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>x_i</math></td> <td>-2.0</td> <td>-1.5</td> <td>-1.0</td> <td>-0.5</td> <td>0.0</td> <td>0.5</td> <td>1.0</td> <td>1.5</td> </tr> </table>	$x_i$	-2.0	-1.5	-1.0	-0.5	0.0	0.5	1.0	1.5
$x_i$	-2.0	-1.5	-1.0	-0.5	0.0	0.5	1.0	1.5			

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий									
		$p_i$	0.06	0.11	0.19	0.22	0.16	0.12	0.08	0.06	
		1.	Построить гистограмму, полигон;								
		2.	Найти точечные оценки математического ожидания, дисперсии, среднеквадратичного отклонения, асимметрии и эксцесса;								
		3.	При уровне значимости $\alpha = 0.05$ проверить гипотезу о распределении данной выборки по нормальному закону;								
		4.	Найти интервальные оценки математического ожидания, дисперсии с надежностью $\beta = 0.9$ .								
2.	ИДЗ		Пример варианта индивидуальных заданий 1								
		1.	Из <b>100</b> изделий, среди которых имеется <b>4</b> нестандартных, выбраны случайным образом <b>6</b> изделий для проверки их качества. Определить вероятность того, что среди выбранных <b>6</b> изделий окажутся ровно <b>1</b> нестандартное изделие, используя классическое определение вероятности, формулу Бернулли, формулу Пуассона и локальную теорему Лапласа								
		2.	Система <b>S</b> состоит из трех независимых подсистем $S_a$ , $S_b$ и $S_c$ . Неисправность хотя бы одной подсистемы ведет к неисправности всей системы (подсистемы соединены последовательно). Подсистема $S_b$ состоят из двух независимых дублирующих блоков $b_k$ ( $k = 1, 2$ ) (схема параллельного подсоединения блоков в подсистемах).								
			Найти надежность системы – вероятность того, что система будет исправна в течении некоторого времени, если известны надежности блоков $P(a) = 0.95$ , $P(b_k) = 0.9$ , $P(c) = 0.99$ .								
		3.	Дана система из двух блоков <b>a</b> и <b>b</b> , соединенных параллельно в смысле надежности. Каждый из двух блоков может работать независимо от другого в трех разных режимах. Вероятность наступления первого режима <b>0.1</b> , второго <b>0.3</b> . Надежность работы первого блока в <b>1 – м, 2 – м, 3 – м</b> режимах равна соответственно <b>0.9; 0.8; 0.85</b> . Надежность работы второго блока в <b>1 – м, 2 – м, 3 – м</b> режимах равна соответственно <b>0.9; 0.95; 0.8</b> . Найти надежность системы, если блоки независимы.								
		4.	Передается <b>5</b> сообщений по каналу связи. Каждое сообщение с вероятностью $p = 0.3$ независимо от других искажается. Случайная величина $X$ – число не искаженных сообщений. Построить ее законы распределения, их графики, найти ее числовые характеристики. Найти вероятность того, что будет искажено не менее двух сообщений.								

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий												
		<p>5. Задана плотность распределения <math>f(x)</math> случайной величины <math>X</math>:</p> $f(x) = \begin{cases} A\sin^2 x, & x \in (0, \pi) \\ 0, & x \notin (0, \pi) \end{cases}$ <p>Требуется найти коэффициент <math>A</math>, построить график плотности распределения <math>f(x)</math>, найти функцию распределения <math>F(x)</math> и построить ее график, найти вероятность попадания величины <math>X</math> на участок от <math>0</math> до <math>\frac{\pi}{4}</math>. Найти числовые характеристики случайной величины <math>X</math>.</p> <p>6. Найти доверительный интервал неизвестного математического ожидания нормальной случайной величины <math>X</math>, зная доверительную вероятность <math>\beta = 0.99</math>, объем выборки <math>n = 20</math>, выборочную среднюю <math>\bar{x} = 200</math>, если 1) <math>\sigma = 10</math>, 2) <math>s = 10</math>.</p> <p>7. По критерию Пирсона при уровне значимости <math>\alpha = 0.01</math> проверить гипотезу о распределении случайной величины <math>X</math> по нормальному закону, если задано <math>n_k</math> попаданий выборочных значений случайной величины <math>X</math> в подинтервал <math>\Omega_k = (a_k, b_k)</math>:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>\Omega_k</math></td><td><math>10 \div 15</math></td><td><math>15 \div 20</math></td><td><math>20 \div 25</math></td><td><math>25 \div 30</math></td><td><math>30 \div 35</math></td></tr> <tr> <td><math>n_k</math></td><td>15</td><td>20</td><td>35</td><td>18</td><td>12</td></tr> </table>	$\Omega_k$	$10 \div 15$	$15 \div 20$	$20 \div 25$	$25 \div 30$	$30 \div 35$	$n_k$	15	20	35	18	12
$\Omega_k$	$10 \div 15$	$15 \div 20$	$20 \div 25$	$25 \div 30$	$30 \div 35$									
$n_k$	15	20	35	18	12									
3.	Защита лабораторной работы	<p style="text-align: center;"><b>Лабораторное занятие. Порядок работы</b></p> <p><b>1.</b> Введите функцию распределения и функцию плотности нормального распределения с заданными параметрами <math>a</math> и <math>\sigma</math>. Здесь же проверьте правило трех сигм, т.е. на нормальной кривой выделите участки, опирающиеся на интервалы <math>a \pm \sigma</math>, <math>a \pm 2\sigma</math>, <math>a \pm 3\sigma</math></p> <p><b>2.</b> Исследуйте влияние параметров на распределение, придайте каждому параметру три различных значения. Представьте на одном графике несколько нормальных кривых для разных <math>a</math> и <math>\sigma</math>:</p> $p_{\xi}(x, a, \sigma), p_{\xi}(x, a_1, \sigma), p_{\xi}(x, a_2, \sigma), \text{ где } a_1 < a, a_2 > a;$ $p_{\xi}(x, a, \sigma), p_{\xi}(x, a, \sigma_1), p_{\xi}(x, a, \sigma_2), \text{ где } \sigma_1 < \sigma, \sigma_2 > \sigma.$												

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий												
	<p>3. Задайте выборку одним из двух способов и выведите её на график (используйте соответствующий тип линий). Проверьте правило трех сигм, т.е. выделите полосы, соответствующие интервалам <math>a \pm \sigma</math>, <math>a \pm 2\sigma</math>, <math>a \pm 3\sigma</math>.</p> <p>4. Постройте вариационный ряд выборки, выведите его на график</p> <p>5. Постройте выборочную функцию распределения, сравните ее с теоретической (графически).</p> <p>6. Постройте гистограмму и полигон частот. Сравните гистограмму с теоретической плотностью распределения (графически).</p> <p>7. Найдите выборочные числовые характеристики распределения и сравните их с теоретическими.</p> <p>8. Измените значение объёма выборки, сначала уменьшив в 20 раз, затем увеличив в 20 раз, и заполните таблицу</p> <table border="1" data-bbox="1028 700 1747 1013"> <thead> <tr> <th data-bbox="1028 700 1275 838">Объём выборки</th><th data-bbox="1275 700 1522 838">Выборочное среднее</th><th data-bbox="1522 700 1747 838">Исправленная выборочная дисперсия</th></tr> </thead> <tbody> <tr><td data-bbox="1028 838 1275 890"></td><td data-bbox="1275 838 1522 890"></td><td data-bbox="1522 838 1747 890"></td></tr> <tr><td data-bbox="1028 890 1275 943"></td><td data-bbox="1275 890 1522 943"></td><td data-bbox="1522 890 1747 943"></td></tr> <tr><td data-bbox="1028 943 1275 1013"></td><td data-bbox="1275 943 1522 1013"></td><td data-bbox="1522 943 1747 1013"></td></tr> </tbody> </table> <p>Сравните полученные результаты.</p> <p>9. Найдите интервальные оценки для математического ожидания и дисперсии при доверительной вероятности 90%, 95% и 98%.</p> <p style="text-align: center;">Вопросы:</p> <p>1) Сформулируйте правило трёх сигм и покажите его графическую иллюстрацию</p> <p>2) Какой из параметров распределения влияет на форму кривой распределения?</p> <p>3) Что является выборочным аналогом дисперсии?</p>	Объём выборки	Выборочное среднее	Исправленная выборочная дисперсия									
Объём выборки	Выборочное среднее	Исправленная выборочная дисперсия											

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
		<p>4) Как объём выборки влияет на точечные оценки параметров?</p> <p>5) Как изменяются доверительные интервалы при увеличении объёма выборки, при изменении доверительной вероятности?</p>
4.	Экзамен	<p>Экзаменационный билет №</p> <p>1. Случайные события, их классификация. Операции над событиями.</p> <p>2. Дискретные случайные величины. Ряд распределения и его свойства.</p> <p>3. Известно, что 34% людей имеют первую группу крови, 37% – вторую, 21% – третью и 8% – четвертую. Больному с первой группой можно переливать только кровь первой группы, со второй – кровь первой и второй групп, с третьей – кровь первой и третьей групп, и человеку с четвертой группой можно переливать кровь любой группы. Какова вероятность, что произвольно взятому больному можно перелить кровь произвольно выбранного донора?</p> <p>4. Математическое ожидание числа отказов радиоаппаратуры за 10 000 часов равно 10. Определить вероятность одного отказа радиоаппаратуры за 100 часов работы.</p> <p>Перечень вопросов, ответы на которые дают возможность студенту продемонстрировать, а преподавателю оценить степень усвоения теоретических и фактических знаний на экзамене</p> <p>1. Что в теории вероятностей понимают под событием? Какое событие называют достоверным? Какое – невозможным?</p> <p>2. Какие операции определены над событиями? Каковы свойства этих операций?</p> <p>3. Что такое случайная величина? Что называют законом распределения случайной величины?</p> <p>4. Какая случайная величина называется дискретной случайной величиной? Что такое ряд распределения дискретной случайной величины?</p> <p>5. Дайте определение функции распределения случайной величины. Каковы основные свойства функции распределения случайной величины?</p> <p>6. Какое распределение называется распределением Пуассона? Каковы основные числовые характеристики распределения Пуассона?</p> <p>7. Что такое стандартная нормальная величина? Какова связь между функциями распределения произвольной нормальной величины и стандартной нормальной величины? Как связана функция распределения стандартной величины с функцией Лапласа?</p> <p>8. Как определяется вероятность отклонения нормальной случайной величины от математического</p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>ожидания на заданную величину? В чем состоит правило «трех сигм»?</p> <p>9. Что называют системой случайных величин (случайным вектором)? Как определяется функция распределения системы случайных величин, каковы ее свойства (для двухмерного случайного вектора)?</p> <p>10. Чему равны математическое ожидание и дисперсия суммы и произведения случайных величин?</p> <p>11. Сформулируйте закон больших чисел Чебышева, теорему Бернулли.</p> <p>12. Сформулируйте центральную предельную теорему (ЦПТ).</p> <p>13. Что в математической статистике понимают под генеральной совокупностью? Выборкой из генеральной совокупности?</p> <p>14. Как строится статистический ряд? В каких случаях применяется сгруппированный статистический ряд? Как определяется длина интервала группирования?</p> <p>15. Что такое оценка параметра? Какая оценка называется несмещенной? Какая – состоятельной? Какая эффективной?</p> <p>16. Что такое доверительный интервал и вероятность? Каковы основные принципы построения ДИ?</p> <p>17. Как строится доверительный интервал для математического ожидания нормальной генеральной совокупности при известном и неизвестном <math>\sigma</math>?</p> <p>18. Как строится доверительный интервал для дисперсии нормальной генеральной совокупности при известном и неизвестном <math>a</math>?</p> <p>19. Что такая статистическая гипотеза и статистический критерий?</p> <p>20. Какие ошибки называют ошибками первого и второго рода при применении статистических критериев? Как определяются мощность и состоятельность критерия?</p> <p>21. Опишите критерий согласия <math>\chi^2</math> Пирсона для проверки гипотезы о законе распределения.</p> <p>22. Опишите критерии для проверки гипотез о значении математического ожидания нормальной совокупности.</p> <p>23. Опишите критерии для проверки гипотез о значении дисперсии нормальной совокупности.</p>

#### 4. Методические указания по процедуре оценивания

Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1. Контрольная работа	В семестре студенты выполняют 2 контрольных работы, содержание которых охватывает все разделы дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
		<p>рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</li> </ul>
2.	ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 2 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>ИДЗ выдается каждому студенту персонально.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. Задание выполняется до контрольной работы.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Оформление задания 25% баллов</p> <p>Содержание 75% баллов</p> <p>ИДЗ считается засчитанным, если набрано более 55% от максимального балла за задание</p>
3.	Защита лабораторной работы	<p>В семестре студенты выполняют 8 лабораторных работ по математической статистике. У каждого студента в группе свои входные данные, номер варианта соответствует порядковому номеру компьютера в учебной аудитории.</p> <p>Задание выполняется в пакете MathCad. После выполнения работы студенты оформляют отчёт.</p> <p><b>Критерии оценивания</b></p> <p>Оформление отчёта 10% баллов</p> <p>Содержание 70% баллов</p> <p>Ответы на вопросы – 20%</p>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
		Работа считается зачтенной, если набрано более 55% от максимального балла за задание
4	Экзамен	<p>Экзамен осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ/ На экзамене студенту выдаются билеты, включающие теоретические вопросы и практические задания. Преподаватель, проверив работу, в ходе устной беседы со студентом может задавать вопросы по самому билету, а также дополнительные вопросы по теории и практике. В итоге студент набирает итоговый балл за экзамен, максимально 40 баллов. Оценка за дисциплину формируется как итоговая за работу в семестре и экзамен в соответствие с принятой шкалой оценивания.</p> <p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствие с действующей процедурой.</p>