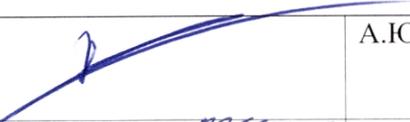
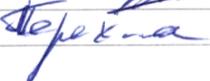


**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ  
ПРИЕМ 2018 г.**

ФОРМА ОБУЧЕНИЯ заочная

Математика 2.1			
Направление подготовки/ специальность	13.03.02 Электроэнергетика и электротехника		
Образовательная программа (направленность (профиль))	Электроэнергетика		
Специализация	Электроснабжение		
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат		
Курс	2	семестр	3
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	6		
Заведующий кафедрой – руководитель отделения на правах кафедры			А.Ю.Трифонов
Руководитель ООП			В.В. Шестакова
Преподаватель			Терехина Л.И.

2020 г.

## 1. Роль дисциплины «Математика 2.1.» в формировании компетенций выпускника:

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенций		Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
				Код индикатора	Наименование индикатора достижения	Код	Наименование
Математика 2.1	3	УК(У)-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач ...	И.УК(У)-1.1	Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие ...	УК(У)-1.1В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
						УК(У)-1.1У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
						УК(У)-1.1З1	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
		ОПК(У)-2	Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач	И.ОПК(У)-2.1	Применяет математический аппарат исследования функций, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления, рядов, дифференциальных уравнений, теории функций комплексного переменного в инженерной деятельности	ОПК(У)-2.1В2	Владеет математическим аппаратом дифференциального и интегрального исчисления для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач
						ОПК(У)-2.1У2	Умеет применять аппарат дифференциального и интегрального исчисления для решения стандартных задач
						ОПК(У)-2.1З2	Знает основные понятия и теоремы дифференциального исчисления функции нескольких переменных и интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код индикатора достижения контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД 1	Владеет методами дифференциального исчисления функции нескольких переменных; методами интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных	УК(У)-1 И.ОПК(У)-2.1	1. Неопределенный интеграл 2. Определенный и несобственный интеграл 3. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных 4. Кратные интегралы 5. Элементы векторного анализа	ИДЗ. Тестирование Экзамен
РД 2	Умеет находить частные производные и дифференциалы, исследовать функции нескольких переменных; вычислять неопределенные, определенные, несобственные, кратные, криволинейные и поверхностные интегралы; числовые характеристики скалярных и векторных полей	УК(У)-1 И.ОПК(У)-2.1	1. Неопределенный интеграл 2. Определенный и несобственный интеграл 3. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных 4. Кратные интегралы 5. Элементы векторного анализа	ИДЗ. Тестирование Экзамен
РД 3	Знает основные этапы схемы полного исследования функции нескольких переменных; определение неопределенного, определенного, кратных, криволинейных и поверхностных интегралов, их физический и геометрический смысл; основные понятия векторного анализа, формулы Грина, Остроградского-Гаусса и Стокса	УК(У)-1 И.ОПК(У)-2.1	1. Неопределенный интеграл 2. Определенный и несобственный интеграл 3. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных 4. Кратные интегралы 5. Элементы векторного анализа	ИДЗ. Тестирование Экзамен

## 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение

дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (экзамен) (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

#### Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### Шкала для оценочных мероприятий экзамена

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	18 ÷ 20	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	14 ÷ 17	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	11 ÷ 13	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	0 ÷ 10	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

#### 4. Перечень типовых заданий

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
1	Тестирование	В электронном курсе студенты проходят еженедельное тестирование по пройденным темам, после изучения теоретического материала и выполненных оценочных мероприятий. Образец теста: Текущий тест по неопределенному интегралу Математика 2.1.

Оценочные мероприятия

Примеры типовых контрольных заданий

Вопрос 1  
Верно  
Баллов: 1.00 из 1.00  
Отметить вопрос  
Редактировать вопрос

Установите соответствие

простейшая дробь I типа

$$\frac{3}{x-2}$$



неправильная дробь

$$\frac{x^2}{x^2-2}$$



простейшая дробь III типа

$$\frac{x}{x^2+2}$$



правильная дробь

$$\frac{x}{x^2-2}$$



$$\frac{x^2}{x^2-2}$$

$$\frac{x}{x^2+2}$$

$$\frac{2016}{(x-2)^4}$$

$$\frac{3}{x-2}$$

$$\frac{x^{1,3}}{x^{2,5}-2}$$

$$\frac{x}{x^2-2}$$

## Оценочные мероприятия

## Примеры типовых контрольных заданий

Вопрос 2

Неверно

Баллов: 0.00 из  
1.00Отметить  
вопросРедактиров  
ать вопрос

Проинтегрируйте по частям интеграл  $\int (2x - 10) \sin(2x + 10) dx$

Укажите

u= x-20

du= dx

dv= sinx/2

v= -cosx/2

(дробные коэффициенты можно вводить обыкновенной дробью)

✘

Один из возможных правильных ответов:  $2^*x-10$ ,  $2^*dx$ ,  $\sin(2^*x+10)^*dx$ ,  $-1/2^*\cos(2^*x+10)$ 

Запишите пропущенные элементы

=  $\sin(2x+10)/2-(x-5)$   $\int \cos(2x + 10) dx$

(дробные коэффициенты можно вводить обыкновенной дробью)

✘

Вопрос 3

Верно

Баллов: 2.00 из  
2.00

Найдите интеграл

$\int e^x \sin x dx = \frac{1}{2} ( - \cos x + \sin x ) \cdot e^x + C$

Вопрос 4  
 Частично  
 правильный  
 Баллов: 0.67 из  
 1.00  
 Отметить  
 вопрос  
 Редактиров  
 ать вопрос

Установите тип дроби:

$$\frac{1}{(x+4)^2}$$

простейшая дробь ✓

$$\frac{x^3 + x}{x^2 - \sqrt{2}x + 2}$$

не является рациональной дробью ✗

$$\frac{1}{x-5}$$

простейшая дробь ✓

$$\frac{1}{x^2 - 8x + 15}$$

простейшая дробь ✗

$$\frac{x}{x^2 - 2x + 2}$$

простейшая дробь ✓

$$\frac{\sqrt{x}}{x^2 - 2x + 2}$$

не является рациональной дробью ✓

Вопрос 5  
 Верно  
 Баллов: 2.00 из  
 2.00  
 Отметить  
 вопрос  
 Редактиров  
 ать вопрос

Разложите дробь на сумму простейших дробей

$$\frac{4x^2 + 5x + 1}{(x+4)^3} = \frac{4}{x+4} + \frac{-27}{(x+4)^2} + \frac{45}{(x+4)^3}$$

Один из возможных правильных ответов: 4    Один из возможных правильных ответов: -27    Один из возможных правильных ответов: 45

Оценочные мероприятия

Примеры типовых контрольных заданий

Вопрос 6

Неверно

Баллов: 0.00 из 2.00

Отметить вопрос

Определите коэффициенты в разложении

$$\frac{x+1}{x^3+2x^2+4x} = \frac{1/4}{x} + \frac{-1/4}{x^2+2x+4} + \frac{1/2}{x^2+2x+4}$$

Дробные коэффициенты разложения ввести в виде обыкновенной дроби вида: x/y.

Вопрос 7

Частично правильный

Баллов: 2.10 из 3.00

Найдите интеграл

$$\int \frac{33x^2 + 86x + 56}{3x^3 + 10x^2 + 8x} dx = 4 \ln|x+2| + 0 \ln|3x+4| + 7 \ln|x| + C$$

2. ИДЗ.

Пример варианта индивидуальных заданий.

**Неопределенный интеграл**

## Оценочные мероприятия

## Примеры типовых контрольных заданий

## Вариант № \_\_\_\_

1. Найти интегралы, применяя простейшие преобразования и подведение под знак дифференциала

$$1) \int \frac{(4x + x^3) dx}{5x^4 - 12}; \quad 4) \int \frac{\cos 2x dx}{\sqrt{7 \sin^2 2x + 8}};$$

$$2) \int x^2 \cdot (\ln 3)^{7-5x^3} dx; \quad 5) \int \frac{dx}{\sin^2 5x \cdot (3 - 7 \operatorname{ctg} 5x)};$$

$$3) \int \frac{dx}{x \cdot (4 \ln^2 x + 19)}; \quad 6) \int \frac{x^3}{\sqrt[3]{3x^4 - 8}} \cdot dx.$$

2. Найти интегралы, используя метод интегрирования по частям

$$1) \int x \cdot \operatorname{tg}^2 2x dx; \quad 3) \int \frac{\ln^2 x}{\sqrt[3]{x^3}} dx;$$

$$2) \int (3x - 2) \cdot 2^{5x} \cdot dx; \quad 4) \int \frac{x \cdot \arccos x}{\sqrt{1 - x^2}} dx.$$

3. Найти интегралы, предварительно выделив полный квадрат в знаменателе дроби

$$1) \int \frac{(6x - 5) dx}{4x^2 - 4x + 8}; \quad 2) \int \frac{(5x + 1) dx}{\sqrt{1 + 6x - x^2}}.$$

4. Найти интегралы от рациональных дробей методом неопределенных коэффициентов

$$1) \int \frac{x dx}{(x^2 + x + 3)(x + 2)}; \quad 2) \int \frac{(4x - 3) dx}{(x - 2)^2 (x^2 + 5)}.$$

5. Найти интегралы от иррациональных функций

$$1) \int \sqrt{\frac{6-x}{x-18}} dx; \quad 3) \int \frac{\sqrt{1-\sqrt{x}}}{\sqrt{x^3}} dx;$$

$$2) \int \frac{x^2 dx}{\sqrt{25x^2 - 9}}; \quad 4) \int \frac{x^2 dx}{\sqrt{(4+x^2)^3}}.$$

6. Найти интегралы от тригонометрических функций

$$1) \int \sin 5x \cos 3x \cos 8x dx; \quad 3) \int \sqrt{\sin^4 x} \cdot \cos^5 x dx;$$

$$2) \int \frac{dx}{\sin x \cdot \cos^3 x}; \quad 4) \int \frac{dx}{3 - 5 \sin^2 x}.$$

**Определенный интеграл**

## Оценочные мероприятия

## Примеры типовых контрольных заданий

Вариант № \_\_\_\_

1. Вычислить определённые интегралы

1)  $\int_0^1 \frac{12x^5 dx}{\sqrt{1+x^6}}$ ;      3)  $\int_0^{\pi/4} (5x+3) \cos 2x dx$ ;

2)  $\int_3^4 \frac{dx}{x^2-8x+10}$ ;      4)  $\int_0^{\pi/2} \cos^3 x \cdot \sin^4 x dx$ .

2. Найти среднее значение функций в указанных интервалах

1)  $y = \arctg x$ ,  $[0; \sqrt{3}]$ ;      2)  $y = \frac{x}{x^2+3x-1}$ ,  $[1; 3]$ .

3. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями

1)  $\begin{cases} y^2 = x+1, \\ y^2 = 9-x; \end{cases}$       2)  $\begin{cases} \rho = 8 \sin \varphi, \\ \rho = 3 \sin \varphi. \end{cases}$

4. Найти объём тела, образованного вращением фигуры, ограниченной указанными линиями: 1) вокруг оси  $OX$ ; 2) вокруг оси  $OY$ 

1)  $\begin{cases} y = \sqrt[3]{x-1}, & y = 1, \\ y = 0, & x = 1/3. \end{cases}$       2)  $\begin{cases} x = \cos^3 t, & 0 \leq t \leq \pi/2, \\ y = \sin^3 t, \end{cases}$

5. Вычислить длины дуг линий, заданных уравнениями

1)  $L: \begin{cases} y = (e^{2x} + e^{-2x} + 3)/4, \\ 0 \leq x \leq 2. \end{cases}$       2)  $L: \begin{cases} x = t^3/3, \\ y = 4 - t^2/2, & t \in [0; \sqrt{8}]. \end{cases}$

6. Вычислить несобственные интегралы или показать их расходимость

1)  $\int_{-\infty}^{-1} \frac{dx}{x^2-4x}$ ;      2)  $\int_0^{\pi/3} \frac{dx}{\sin 2x}$ .

Кратные интегралы

## Оценочные мероприятия

## Примеры типовых контрольных заданий

Вариант № \_\_\_\_

1. В двойном интеграле  $\iint_{(D)} f(x; y) dx dy$  перейти к повторному и расставить пределы интегрирования по области  $(D)$ , ограниченной линиями:

1)  $x^2 = y + 2, \quad x^2 + y = 0.$

2)  $y = x^{2/3}, \quad y = 1 - \sqrt{4x - x^2} - 3, \quad y = 0.$

2. Перейти к полярным координатам и вычислить  $\iint_{(D)} \sqrt{(x^2 + y^2)^3} dx dy$ , где  $D: \{x^2 + y^2 \leq 2y\}$ .

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = \ln x; \quad y = 0; \quad x = 1, \quad x = e$

4. Вычислить массу пластинки, занимающей область  $(D)$ , при заданной поверхностной плотности  $\delta(x; y)$

$$D: \{1 - \sqrt{1 - y^2} \leq x \leq y\}, \quad \delta(x; y) = 3xy.$$

5. Записать тройной интеграл  $\iiint_{(V)} f(x; y; z) dx dy dz$  в виде повторного и расставить пределы интегрирования по области  $(V)$ , ограниченной поверхностями:

1)  $y = 1 - z^2, \quad y = x, \quad y = -x, \quad x = 2, \quad y \geq 0, \quad z \geq 0$  (в декартовой системе координат);

2)  $1 \leq x^2 + y^2 + z^2 \leq 4, \quad y \leq x, \quad x \geq 0, \quad y \geq 0, \quad z \geq 0$  (в цилиндрической системе координат).

6. Вычислить объем тела, ограниченного поверхностями:

$$y^2 = 2x, \quad z = 2 - x, \quad z = 0.$$

Скалярное и векторное поле

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p style="text-align: center;">Вариант № ____</p> <p>1. Найти производную скалярного поля <math>U(x; y; z) = \ln(1+x^2) - xy\sqrt{z}</math> в точке <math>M_0(1; -2; 4)</math> в направлении вектора нормали к поверхности <math>S: 4x^2 - y^2 + z^2 = 16</math>, образующего острый угол с положительным направлением оси <math>OZ</math>.</p> <p>2. Найти величину и направление вектора наибольшей скорости изменения температурного поля <math>U(x; y; z) = x^2 - \operatorname{arctg}(2y+z)</math> в точке <math>M(0; -1/2; 0)</math>.</p> <p>3. Построить поверхности уровня скалярного поля <math>U(x; y; z) = x^2 + y^2 - z</math>.</p> <p>4. Найти работу силового поля <math>\vec{F}(x; y) = xy^2 \cdot \vec{i} + y^2 \cdot \vec{j}</math> вдоль дуги плоской кривой <math>L: x = t^2, y = t, 0 \leq t \leq 1</math>.</p> <p>5. Найти поток векторного поля <math>\vec{A}</math> через поверхность <math>S</math> в сторону внешней нормали</p> <p>1) <math>\vec{A} = \{0; y; 3z\}</math>  <math>S</math>: - часть плоскости <math>x + 2y + 2z = 2</math>,  вырезанной координатными плоскостями;</p> <p>2) <math>\vec{A} = (\sqrt{2z-y} + 7x) \cdot \vec{i} + (\cos z^2 + y) \cdot \vec{j} + (\sqrt{\ln x + y} - 5z) \cdot \vec{k}</math>  <math>S</math>: полная поверхность усеченного конуса  <math>z^2 + y^2 = (x-5)^2, x=1, x=4</math>;</p> <p>3) <math>\vec{A} = 3xz \cdot \vec{i} - 2x \cdot \vec{j} + y \cdot \vec{k}</math>  <math>S</math>: полная поверхность тела, ограниченного поверхностями  <math>x + y + z = 2, x=1, x=0, y=0, z=0</math>.</p> <p>6. Найти модуль циркуляции векторного поля <math>\vec{A}</math> вдоль контура <math>L</math></p> <p>1) <math>\vec{A} = \{(y-x); (2x-y)\}</math>  <math>L</math>: окружность <math>x^2 + y^2 = x</math>;</p> <p>2) <math>\vec{A} = y \cdot \vec{i} + 3x \cdot \vec{j} + z^2 \cdot \vec{k}</math>  <math>L: \begin{cases} z = x^2 + y^2 - 1, \\ z = 3. \end{cases}</math></p>
4.	Экзамен	<p style="text-align: center;">Примеры заданий на экзамен</p> <p style="text-align: center;"><b>Экзаменационный билет № X</b></p>

## Билет № X

1. Двойной интеграл в декартовой и полярной системах координат.
2. Вычисление потока вектора через замкнутую поверхность. Формула Остроградского – Гаусса.

3. Решить интегралы

$$\text{а) } \int \frac{x^3}{\sqrt{4-x^2}} dx;$$

$$\text{б) } \int_0^1 \frac{x^2}{(5x^3+2)^2} dx.$$

4. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями

$$2y = \sqrt{x}, \quad 2xy = 1, \quad x = 16.$$

5. Расставить пределы интегрирования в двойном интеграле  $\iint_{(D)} f(x; y) dx dy$  по области  $(D)$ , ограниченной линиями  $y = 5 - x^2$ ,  $y = 1$ .

6. Расставить пределы интегрирования в тройном интеграле  $\iiint_{(V)} f(x; y; z) dx dy dz$  по области  $(V)$ , ограниченной поверхностями

$$\text{а) } z = \sqrt{x^2 + y^2};$$

$$\text{б) } z = 2 - x^2 - y^2$$

в цилиндрической системе координат.

7. Найти поток векторного поля

$$\vec{A} = (x - y)\vec{i} + (2x + y)\vec{j} + (x^2 + 2z + 4)\vec{k}$$

через замкнутую поверхность  $x^2 + z^2 = 4$ ,  $y = 1$ ,  $y = 3$

8. Найти циркуляцию плоского векторного поля  $\vec{A} = (x + 2y)\vec{i} + (y - x)\vec{j}$  вдоль контура  $x^2 + y^2 = 9$ , обходимого в положительном направлении, используя формулу Грина.

9. Найти градиент скалярного поля

$$U(x; y; z) = \frac{x^2 y}{z - 1} \text{ в точке } M_0(1; -1; 2).$$

Образец зачетного билета для студентов, сдающих экзамен в онлайн-режиме (через Интернет)

на сайте ИнЭО).

### 1. Задания на выбор единственного ответа

#### Задание 1

Интеграл  $\int \frac{dx}{(5x+4)^3}$  равен

- a)  $-\frac{1}{10}(5x+4)^2 + C$       c)  $-\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{(5x+4)^2} + C$   
 b)  $-\frac{1}{20} \cdot \frac{1}{(5x+4)^4} + C$       d)  $-\frac{1}{10} \cdot \frac{1}{(5x+4)^2} + C$

#### Задание 2

Интеграл  $\int x^2 \cdot e^{1-5x^3} \cdot dx$  равен

- a)  $-\frac{1}{15}e^{1-5x^3} + C$       c)  $-\frac{1}{5}e^{1-5x^3} + C$   
 b)  $-\frac{x^3}{3}e^{1-5x^3} + C$       d)  $x^3 \cdot e^{1-5x^3} + C$

#### Задание 3

Вычислите интеграл  $\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{(x+1)^3}}$

- a) -1      c)  $-\frac{7}{8}$   
 b) 1      d) 3

#### Задание 4

Выражение для вычисления массы плоской фигуры, ограниченной линиями  $y = -x$ ,  $y = x$ ,  $y = 2$ , и плотностью  $\delta(x; y) = x^2 + 3y$ , имеет вид

## Оценочные мероприятия

## Примеры типовых контрольных заданий

$$\text{a) } \int_0^2 (x^2 + 3y) dy \int_{-y}^y dx$$

$$\text{c) } \int_{-x}^x dy \int_{-2}^2 (x^2 + 3y) dx$$

$$\text{b) } \int_0^2 dy \int_{-y}^y (x^2 + 3y) dx$$

$$\text{d) } \int_0^2 dy \int_{-x}^x (x^2 + 3y) dx$$

**Задание 5**

Расставьте пределы интегрирования в двойном интеграле  $\iint_{(D)} f(x; y) dx dy$  по области  $(D)$ ,  
(D)

ограниченной линиями

$$x^2 + y^2 = 25, \quad y^2 + x^2 = 36, \quad x = 0, \quad (x > 0) \quad (\text{в полярных координатах})$$

$$\text{a) } \int_0^{\pi} d\varphi \int_5^6 f(\rho \cos \varphi; \rho \sin \varphi) \rho d\rho$$

$$\text{c) } \int_0^{\pi/2} d\varphi \int_5^6 f(\rho \cos \varphi; \rho \sin \varphi) \rho d\rho$$

$$\text{b) } \int_{-\pi/2}^{\pi/2} d\varphi \int_{25}^{36} f(\rho \cos \varphi; \rho \sin \varphi) \rho d\rho$$

$$\text{d) } \int_{-\pi/2}^{\pi/2} d\varphi \int_5^6 f(\rho \cos \varphi; \rho \sin \varphi) \rho d\rho$$

**Задание 6**

Найдите производную скалярного поля  $U(x; y; z) = x^2 y^3 z$  в точке  $M_0(1; -1; 2)$  в направлении вектора  $\vec{e} = 2\vec{i} - 6\vec{j} + 3\vec{k}$

$$\text{a) } -47$$

$$\text{c) } -\frac{31}{7}$$

$$\text{b) } -\frac{47}{7}$$

$$\text{d) } -\frac{25}{7}$$

**Задание 7**

Найдите поток векторного поля

$$\vec{A} = (-x - 2y)\vec{i} + (y + 2x)\vec{j} + (xy - 3z + 9)\vec{k}$$

через замкнутую поверхность  $x + y + z = 4$ ,  $x \geq 0$ ,  $y \geq 0$ ,  $z \geq 0$ .

a)  $-\frac{32}{3}$

c)  $-32$

b)  $32$

d)  $128$

### Задание 8

Найдите циркуляцию плоского векторного поля

$$\vec{A} = (\ln x + 8y + 6)\vec{i} + (e^y + 2x)\vec{j}$$

вдоль контура треугольника  $x + y = 1$ ,  $y - x = 1$ ,  $y \geq 0$ , обходимого в положительном направлении, используя формулу Грина

a)  $10$

c)  $-6$

b)  $-12$

d)  $0$

## 2. Задания на выбор множественных ответов

### Задание 9

Из несобственных интегралов 2-го рода выберите сходящиеся в соответствие с признаком сравнения

a)  $\int_0^{\pi/3} \frac{dx}{1 - \cos 3x}$

c)  $\int_0^{\pi/3} \frac{dx}{\sqrt[3]{(1 - \cos 3x)^2}}$

b)  $\int_0^{\pi/6} \frac{dx}{\sin 5x}$

d)  $\int_0^{\pi/6} \frac{dx}{\sqrt[5]{\sin 5x}}$

### Задание 10

Укажите интегралы, равные нулю в соответствие со свойствами определенного интеграла по симметричному промежутку

a)  $\int_{-\pi/3}^{\pi/3} x^3 \cdot \sin^6 x \cdot dx$

c)  $\int_{-\pi/3}^{\pi/3} x^3 \cdot \sin^5 x \cdot dx$

b)  $\int_{-\pi/3}^{\pi/3} x^2 \cdot \sin^6 x \cdot dx$

d)  $\int_{-\pi/3}^{\pi/3} x^2 \cdot \sin^5 x \cdot dx$

### Задание 11

Выберите все верные варианты расстановки пределов интегрирования в двойном интеграле  $\iint f(x; y) dx dy$  по области  $(D)$ , ограниченной линиями  $y - x = 2$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$

$(D)$

$$\text{a) } \int_0^2 dy \int_{y-2}^0 f(x; y) dx$$

$$\text{c) } \int_0^2 dy \int_0^{y-2} f(x; y) dx$$

$$\text{b) } \int_0^2 dx \int_0^2 f(x; y) dy$$

$$\text{d) } \int_{-2}^0 dx \int_0^{x+2} f(x; y) dy$$

### Задание 12

Выберите все точки, в которых векторное поле  $\vec{A} = 2(x + y) \cdot \vec{i} + y^2 \cdot \vec{j} - xz^2 \cdot \vec{k}$  имеет источник

a)  $M(2; -3; 1)$

c)  $M(-2; 3; -1)$

b)  $M(1; 0; -3)$

d)  $M(3; -1; 2)$

### 3. Задания на установление последовательности

#### Задание 13

Заполните пропуски в формулировке теоремы

Теорема. Две \_\_\_\_\_ для одной и той же \_\_\_\_\_ отличаются на \_\_\_\_\_

- 1) функции
- 2) постоянное слагаемое
- 3) первообразные

#### Задание 14

Укажите последовательно среднее значение функций в интервалах

1)  $y = (x + 3)^2$ ,  $x \in [-2; 0]$

a)  $\frac{49}{3}$

2)  $y = (x + 3)^2$ ,  $x \in [-1; 1]$

b)  $\frac{4}{3}$



$$= \oint_L P(x; y)dx + Q(x; y)dy =$$

$$= \int_a^b dx \int_{y_1(x)}^{y_2(x)} \left( \frac{\partial Q}{\partial x} - \frac{\partial P}{\partial y} \right) dy$$

Укажите последовательно значения для переменных

- |  |                    |
|--|--------------------|
| 1) $a$   | a) 1               |
| 2) $b$   | b) $-\frac{5}{3}x$ |
| 3) $y_1(x)$  | c) $-\frac{3}{5}$  |
| 4) $y_2(x)$  | d) 3               |
| 5) $\frac{\partial Q}{\partial x} - \frac{\partial P}{\partial y}$ | e) 0               |

#### 4. Задания на установление соответствия

##### Задание 17

Установите соответствие между интегралами и подстановками, с помощью которых их можно решить

- |   |                              |
|---|------------------------------|
| 1) $\int \frac{dx}{x^2 \cdot \sqrt{1-x^2}}$   | a) $x = \frac{1}{\sin t}$    |
| 2) $\int \frac{dx}{x \cdot \sqrt{1+x^2}}$     | b) $x = \operatorname{tg} t$ |
| 3) $\int \frac{dx}{x^2 \cdot \sqrt{x^2-1}}$   | c) $x = \sin t$              |
| 4) $\int \frac{dx}{x^2 \cdot \sqrt{1+x+x^2}}$ | d) $x = \frac{1}{t}$         |

**Задание 18**

Укажите соответствие между фигурой, ограниченной указанными линиями

$$1) y = x^2 + 1, y = 3x + 1$$

$$2) y = 1 - x^2, y = 1 - x$$

$$3) y = 6 - x^2, y = x^2 - 2$$

$$4) y = x^2 + 1, y = x, x = 1, x = 0$$

и интегралом, определяющим площадь фигуры

$$a) S = \int_0^1 (x - x^2) \cdot dx$$

$$b) S = \int_0^1 (x^2 - x + 1) \cdot dx$$

$$c) S = \int_0^3 (3x - x^2) \cdot dx$$

$$d) S = \int_{-2}^2 (8 - 2x^2) \cdot dx$$

**5. Задания для краткого ответа****Задание 19**

Используя тригонометрическую подстановку, решить интеграл

$$\int \operatorname{tg}^3 x \cdot dx$$

**Задание 20**

Вычислите величину наибольшей скорости изменения функции

$$U(x; y; z) = \ln(1 + x^2) - xy\sqrt{z} \quad \text{в точке } M(1; -2; 4)$$

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p data-bbox="719 199 1550 228"><u>Теоретические вопросы для подготовки к зачету и экзамену</u></p> <ul data-bbox="790 276 1995 1540" style="list-style-type: none"> <li>• Неопределенный интеграл</li> <li>• Определение первообразной функции и неопределенного интеграла, его геометрический смысл, критерий правильности результата неопределенного интегрирования.</li> <li>• Таблица основных неопределенных интегралов.</li> <li>• Свойства неопределенного интеграла.</li> <li>• Свойство инвариантности основных формул интегрирования. Метод подведения под знак дифференциала.</li> <li>• Метод интегрирования по частям. Основные типы интегралов, берущихся методом интегрирования по частям.</li> <li>• Метод замены переменной в неопределенном интеграле. Основной принцип выбора подходящей подстановки. Схема проведения замены переменной.</li> <li>• Алгебраические подстановки при интегрировании иррациональных функций.</li> <li>• Тригонометрические подстановки при интегрировании иррациональных функций.</li> <li>• Схема разложения рациональной дроби на простейшие слагаемые. Интегрирование правильных и неправильных дробей.</li> <li>• Интегрирование тригонометрических функций, универсальная и тангенциальная подстановки.</li> <li>• Неберущиеся интегралы, их примеры.</li> <li>• Определенный интеграл</li> <li>• Схема составления интегральной суммы и определенного интеграла для данной функции в данном интервале.</li> <li>• Геометрический смысл определенного интеграла.</li> <li>• Теорема существования определенного интеграла.</li> <li>• Свойства определенного интеграла.</li> <li>• Теорема о среднем значении для определенного интеграла. Среднее значение функции в интервале.</li> <li>• Теорема о производной интеграла по переменному верхнему пределу.</li> <li>• Формула Ньютона – Лейбница. Сходство и различие определенного и неопределенного интегралов.</li> <li>• Методы вычисления определенных интегралов (непосредственное, интегрирование по частям, замены переменной).</li> <li>• Определение несобственного интеграла по бесконечному промежутку, его геометрический смысл. Сходимость несобственных интегралов 1-го рода, признак сравнения.</li> <li>• Определение несобственного интеграла от неограниченной функции, его геометрический смысл. Сходимость несобственных интегралов 2-го рода, признак сравнения.</li> <li>• Формулы для вычисления площадей плоских фигур, объемов тел по площади поперечного</li> </ul>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>сечения и тел вращения, длин дуг плоских кривых и площадей поверхности вращения.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Примеры физических задач, решения которых сводятся к вычислениям определенных или несобственных интегралов.</li> <li>• Дайте определение предела функции нескольких переменных.</li> <li>• Сформулируйте определение частных производных для функции нескольких переменных.</li> <li>• Что называется дифференциалом функции нескольких переменных</li> <li>• В чем состоят достаточные условия дифференцируемости функции нескольких переменных?</li> <li>• Как находятся частные производные высших порядков? Сформулируйте условия равенства смешанных производных.</li> <li>• Как ищутся касательная плоскость и нормаль к поверхности?</li> <li>• Сформулируйте определение экстремума для функции нескольких переменных. Каковы необходимые условия его существования?</li> <li>• Сформулируйте достаточные условия существования экстремума для функции двух переменных</li> <li>• Кратные интегралы</li> <li>• Схема составления интегральной суммы для функции двух переменных в данной плоской области.</li> <li>• Определение двойного интеграла и его геометрический смысл</li> <li>• Основные свойства двойного интеграла.</li> <li>• Теорема о среднем значении функции в плоской области, ее геометрический смысл.</li> <li>• Понятие повторного интеграла, выбор порядка интегрирования. Вычисление двойного интеграла в декартовой системе координат.</li> <li>• Замены переменных в двойном интеграле. Якобиан перехода от декартовых координат к полярным.</li> <li>• Схема перехода в двойном интеграле от декартовых координат к полярным.</li> <li>• Приложения двойного интеграла.</li> <li>• Схема составления интегральной суммы для функции трех переменных в некоторой области трехмерного пространства.</li> <li>• Определение и основные свойства тройного интеграла.</li> <li>• Теорема о среднем значении в тройном интеграле.</li> <li>• Схема вычисления тройного интеграла в декартовой системе координат.</li> <li>• Формула замены переменных в тройном интеграле. Якобиан перехода от декартовых координат к цилиндрическим и сферическим.</li> <li>• Схема перехода в тройном интеграле от декартовых координат к цилиндрическим и сферическим.</li> <li>• Приложения тройного интеграла.</li> <li>• Скалярное и векторное поле</li> <li>• Определение скалярного поля. Примеры скалярных полей.</li> </ul>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Определение производной скалярного поля по направлению, ее физический смысл. Формула вычисления производной по направлению.</li> <li>• Понятие градиента скалярного поля. Связь вектора-градиента с производной по направлению.</li> <li>• Определение векторного поля. Физические примеры.</li> <li>• Определение и формула вычисления потока векторного поля в векторной и координатной формах.</li> <li>• Понятие дивергенции векторного поля, ее физический смысл. Формула для вычисления дивергенции.</li> <li>• Формула Остроградского – Гаусса в векторной и координатной формах для вычисления потока векторного поля через замкнутую поверхность, физический смысл формулы.</li> <li>• Физический смысл циркуляции на примере векторного поля скоростей частиц текущей жидкости.</li> <li>• Определение и формула вычисления циркуляции векторного поля в векторной и координатной формах.</li> <li>• Понятие ротора векторного поля. Формула нахождения ротора.</li> <li>• Формулы Стокса и Грина, их смысл.</li> <li>• Потенциальное поле, потенциал и его нахождение. Свойства потенциального поля.</li> <li>• Соленоидальное поле, понятие векторной трубки. Свойства соленоидального поля.</li> <li>• Гармоническое векторное поле и его свойства.</li> <li>• Оператор Гамильтона. Запись с помощью оператора Гамильтона дифференциальных векторных операций первого порядка.</li> <li>• Оператор Лапласа, гармонические функции.</li> </ul>

## 5. Методические указания по процедуре оценивания

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
1.	Тестирование	<p>В электронном курсе студенты проходят еженедельное тестирование по пройденным темам, после изучения теоретического материала и выполненных оценочных мероприятий.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• за каждое правильно выполненное задание выставляются тестовый балл;</li> <li>• за неправильно выполненное или невыполненное задание выставляется 0 баллов;</li> <li>• для заданий с выбором нескольких правильных ответов, заданий на соответствие и установление последовательности предусмотрено частичное оценивание.</li> </ul>

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
2.	ИДЗ	<p>Баллы за еженедельные тестирования определены в рейтинг - плане</p> <p>В 3-м семестре студенты выполняют по 4 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>Преподаватель обеспечивает своевременное получение студентами вариантов ИДЗ, а также предоставляет электронную ссылку на сборник ИДЗ. Все ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине.</p> <p>ИДЗ проверяет и оценивает преподаватель в электронном курсе.</p> <p>Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. За каждое ИДЗ выставляются баллы, максимальный балл указывается в рейтинг-плане.</p> <p><b>Критерии оценки одного задания:</b></p> <p>Задание считается зачтенным, если выполнено более половины заданий</p> <p>Если задание не зачтено, работа возвращается студенту на доработку.</p> <p>Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель может учесть исправления и добавить баллы к предыдущим</p>
3.	Экзамен	<p>Экзамен осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ На экзамене студенту выдаются билеты, включающие теоретические вопросы и практические задания. Преподаватель, проверив работу, в ходе устной беседы со студентом может задавать вопросы по самому билету, а также дополнительные вопросы по теории и практике. В итоге студент набирает итоговый балл за экзамен, максимально 20 баллов. Оценка за дисциплину формируется как итоговая за работу в семестре и экзамен в соответствие с принятой шкалой оценивания.</p> <p>Экзаменационный билет для студентов КЗФ состоит из 2 теоретических вопроса и 7 задач.</p> <p>Для студентов, сдающих экзамен в онлайн-режиме (через Интернет на сайте ИнЭО), билет состоит из 20 заданий и включает в себя задания следующих типов: задания на выбор единственного ответа; задания на выбор множественных ответов; задания на установление последовательности; задания на установление соответствия; задания для краткого ответа.</p>

	Оценочные мероприятия	Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
		<p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствии с действующей процедурой.</p> <p>В соответствии с приказами от 25.07.2018 г. №58/од Об утверждении и введении в действие «Системы оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете» и №59/од Об утверждении и введении в действие новой редакции «Положения о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации в ТПУ» экзамен по физике проводится в устной форме. Студенту выдается экзаменационный билет, содержащий теоретические вопросы, качественные и количественные задачи. Каждый вопрос билета оценивается баллом (всего по билету 20 баллов). Экзамен проходит в устной форме.</p> <p>Согласно шкалы оценивания результатов</p> <p>18-20 баллов (отлично) - всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>14-17 баллов (хорошо) - достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>11-13 баллов (удовлетворительно) - приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>0-10 баллов (неудовлетворительно) - результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям.</p> <p>Результаты промежуточной аттестации оформляются ведомостью и вносятся в зачетную книжку обучающегося.</p>

