

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

УТВЕРЖДАЮ  
Директор ШБИП

Чайковский Д.В.  
2020 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ  
ПРИЕМ 2020 г.  
ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная**

**Математика 4.2**

Направление подготовки/ специальность	13.03.01 Теплоэнергетика и теплотехника		
Образовательная программа (направленность (профиль))	Агрегаты электростанций и газоперекачивающих систем		
Специализация	Агрегаты газоперекачивающих станций		
Уровень образования	высшее образование - бакалавриат		
Курс	2	семестр	4
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	3		
Виды учебной деятельности	Временной ресурс		
Контактная (аудиторная) работа, ч	Лекции	24	
	Практические занятия	24	
	Лабораторные занятия	0	
	ВСЕГО	48	
Самостоятельная работа, ч	60		
ИТОГО, ч	108		
Вид промежуточной аттестации	Экзамен	Обеспечивающее подразделение	ОМИ ШБИП

Зав.кафедрой-руководитель отделения		Трифонов А.Ю.
Руководитель ООП		Тайлашева Т.С.
Преподаватель		Пчелинцев В.А.

2020 г.

## 1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины является формирование у обучающихся определенного ООП (п. 5.4 Общей характеристики ООП) состава компетенций для подготовки к профессиональной деятельности.

Код компетенции	Наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенций		Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
		Код индикатора	Наименование индикатора достижения	Код	Наименование
УК(У)-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	И.УК(У)-1.1	Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие	УК(У)-1.1В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.1У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1.131	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
ОПК(У)-2	Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач	И.ОПК(У)-2.2	Применяет математический аппарат уравнений в частных производных, уравнений теплопроводности и диффузии, уравнения Даламбера в инженерной деятельности	ОПК(У)-2.2В1	Владеет аппаратом математической физики для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач
				ОПК(У)-2.2У1	Умеет решать дифференциальные уравнения в частных производных, уравнений теплопроводности и диффузии, уравнения Даламбера
				ОПК(У)-2.231	Знает основные понятия, определения и методы теории дифференциальных уравнений в частных производных

## 2. Место дисциплины (модуля) в структуре ООП

Дисциплина относится к базовой части Блока 1 учебного плана образовательной программы

## 3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

После успешного освоения дисциплины будут сформированы результаты обучения:

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Индикатор достижения компетенции
Код	Наименование	
РД1	Владеть аппаратом математической физики для решения профессиональных задач	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-2.2

РД2	Уметь решать дифференциальные уравнения в частных производных первого порядка, уравнения гиперболического, параболического и эллиптического типов, работать со специальными функциями	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-2.2
РД3	Знать основные определения, утверждения и методы теории дифференциальных уравнений в частных производных 1-го и 2-го порядков, специальных и обобщенных функций	И.УК(У)-1.1 И.ОПК(У)-2.2

Оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации представлены в календарном рейтинг-плане дисциплины.

#### 4. Структура и содержание дисциплины

##### Основные виды учебной деятельности

Разделы дисциплины	Формируемый результат обучения по дисциплине	Виды учебной деятельности	Объем времени, ч.
<b>Раздел 1. Дифференциальные уравнения в частных производных 1-го и 2- го порядков в задачах математической физики</b>	РД1 РД2 РД3	Лекции	<b>6</b>
		Практические занятия	<b>6</b>
		Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>12</b>
<b>Раздел 2. Специальные функции</b>	РД1 РД2 РД3	Лекции	<b>6</b>
		Практические занятия	<b>6</b>
		Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>20</b>
<b>Раздел 3. Методы решения задач математической физики</b>	РД1 РД2 РД3	Лекции	<b>12</b>
		Практические занятия	<b>12</b>
		Лабораторные занятия	<b>0</b>
		Самостоятельная работа	<b>28</b>

Содержание разделов дисциплины:

##### **Раздел 1. Дифференциальные уравнения в частных производных 1-го и 2-го порядков в задачах математической физики**

Квазилинейные дифференциальные уравнения в частных производных 1-го порядка. Характеристические уравнения. Решение дифференциальных уравнений в частных производных 1-го порядка с помощью характеристик. Задача Коши для линейных дифференциальных уравнений в частных производных 1 -го порядка. Классификация уравнений в частных производных 2-го порядка с двумя независимыми переменными. Каноническая форма уравнений. Приведение к каноническому виду дифференциальных уравнений в частных производных 2-го порядка с двумя независимыми переменными. Канонические формы линейных уравнений с постоянными коэффициентами. Частные методы нахождения общего решения канонической формы. Уравнения с частными производными в физических задачах на примерах колебательных процессов, диффузии и теплопроводности, стационарных процессов. Постановка начальных и краевых задач для уравнений математической физики. Задача Коши. Задача Штурма – Лиувилля.

##### **Темы лекций:**

1. Квазилинейные дифференциальные уравнения в частных производных 1-го порядка. Задача Коши.
2. Классификация уравнений в частных производных 2-го порядка с двумя независимыми переменными.

3. Задача Штурма – Лиувилля.

**Темы практических занятий:**

1. Решение дифференциальных уравнений в частных производных 1-го порядка с помощью характеристик.
2. Приведение к каноническому виду дифференциальных уравнений в частных производных 2-го порядка с двумя независимыми переменными.
3. Решение задачи Штурма – Лиувилля с различными краевыми условиями.

**Раздел 2. Специальные функции**

Основные и обобщенные функции. Свойства обобщенных функций и действия над ними. Дельта-функция Дирака и ее свойства. Дельтаобразные последовательности. Гамма- и бета-функции. Определения и основные свойства. Функции Бесселя 1-го и 2-го рода и их свойства. Модифицированные функции Бесселя 1-го и 2-го рода.

**Темы лекций:**

4. Гамма- и бета- функции. Определения и основные свойства.
5. Функции Бесселя 1-го и 2-го рода и их свойства.
6. Введение в теорию обобщенных функций.

**Темы практических занятий:**

4. Вычисление интегралов Эйлера 1-го и 2-го родов.
5. Интегрирование дифференциальных уравнений Бесселя.

**Раздел 3. Методы решения задач математической физики**

Задача Коши для одномерного однородного и неоднородного уравнения Даламбера. Формула Даламбера. Ортогональные системы функций. Задача Штурма-Лиувилля для обыкновенного дифференциального уравнения, спектр собственных значений и собственных функций и их свойства. Теорема Стеклова. Решение смешанной задачи для одномерного неоднородного волнового уравнения с неоднородными граничными условиями методом разделения переменных. Разделение переменных в уравнениях Лапласа в прямоугольной области при решении задач Дирихле и Неймана. Нахождение гармонической функции в кольце и круговом секторе методом разделения переменных.

**Темы лекций:**

7. Вывод уравнения малых поперечных колебаний струны. Колебания бесконечной струны. Формула Даламбера.
8. Метод разделения переменных решения задач для однородных гиперболических уравнений.
9. Метод разделения переменных решения смешанных задач для гиперболических уравнений.
10. Вывод уравнения теплопроводности и его физический смысл.
11. Разделение переменных в уравнении Лапласа в декартовой системе координат.
12. Разделение переменных в уравнении Лапласа в полярных и цилиндрических координатах.

**Темы практических занятий:**

6. Решение методом Даламбера задачи о колебаниях бесконечной струны.
7. Решение методом разделения переменных смешанных задач для гиперболических уравнений.
8. Решение однородного уравнения теплопроводности для бесконечного стержня методом разделения переменных.
9. Решение методом разделения переменных уравнения Лапласа в прямоугольной области.
10. Решение методом разделения переменных уравнения Лапласа в круге и круговом

секторе.

## **5. Организация самостоятельной работы студентов**

Самостоятельная работа студентов при изучении дисциплины (модуля) предусмотрена в следующих видах и формах:

- Работа в электронном курсе (изучение теоретического материала, выполнение индивидуальных заданий и контролирующих мероприятий и др.);
- Изучение тем, вынесенных на самостоятельную проработку;
- Выполнение домашних заданий, расчетно-графических работ и домашних контрольных работ;
- Подготовка к практическим занятиям;
- Подготовка к оценивающим мероприятиям.

## **6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

### **6.1. Учебно-методическое обеспечение**

#### **Основная литература**

1. Байков, В.А. Уравнения математической физики: учебник и практикум для академического бакалавриата / В.А. Байков, А.В. Жибер. – 2-е изд., испр. и доп. – М.: Изд. Юрайт, 2019. – 254 с. – Текст: электронный – Режим доступа: <https://urait.ru/bcode/437520>
2. Карчевский, М.М. Лекции по уравнениям математической физики: учебное пособие / М.М. Карчевский. – 2-е изд., испр. – Санкт-Петербург: Лань, 2016. – 164 с. – Текст: электронный – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/72982>
3. Краснопевцев, Е.А. Математические методы физики. Ортонормированные базисы функций: учебное пособие / Е.А. Краснопевцев. – 2-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2018. – 376 с. – Текст: электронный – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/104948>
4. Мартинсон, Л.К. Дифференциальные уравнения математической физики: учебник для вузов / Л.К. Мартинсон, Ю. И. Малов. – 4-е изд., стер. – М.: Изд. Московский государственный технический университет имени Н. Э. Баумана, 2011. – 367 с. – Текст: электронный – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/106547>

#### **Дополнительная литература**

1. Багров, В.Г. Методы математической физики. Т. 2. Вып.1. Специальные функции: учебное пособие для вузов / В.Г. Багров, В.В. Белов, В.Н. Задорожный, А.Ю. Трифонов. – Томск: Изд. НТЛ, 2002. – 352 с. – Текст: электронный – Режим доступа: <http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU/TPU/book/45151>
2. Багров, В.Г. Методы математической физики. Т. 2. Вып. 2. Уравнения математической физики: учебное пособие для вузов / В.Г. Багров, В.В. Белов, В.Н. Задорожный, А.Ю. Трифонов. – Томск: Изд. НТЛ, 2002. – 646 с. – Текст: электронный – Режим доступа: <http://catalog.lib.tpu.ru/catalogue/simple/document/RU/TPU/book/46287>
3. Владимиров, В.С. Сборник задач по уравнениям математической физики. / В.С. Владимиров, В.П. Михайлов, Т.В. Михайлова, М.И. Шабунин. – 4-е изд., перераб. и доп. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2016. – 520 с. – Текст: электронный – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/104995>

### **6.2. Информационное и программное обеспечение**

Internet-ресурсы (в т.ч. в среде LMS MOODLE и др. образовательные и библиотечные ресурсы):

1. <http://mathnet.ru> – общероссийский математический портал
2. <http://lib.mexmat.ru> – электронная библиотека механико-математического факультета МГУ

**Лицензионное программное обеспечение (в соответствии с **Перечнем лицензионного программного обеспечения ТПУ**):**

7-Zip; Adobe Acrobat Reader DC; Adobe Flash Player; AkelPad; Cisco Webex Meetings; Google Chrome; Microsoft Office 2007 Standard Russian Academic; Mozilla Firefox ESR; Tracker Software PDF-XChange Viewer; WinDjView; Zoom

## **7. Особые требования к материально-техническому обеспечению дисциплины**

В учебном процессе используется следующее оборудование:

№	Наименование специальных помещений	Наименование оборудования
1	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634028, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 2, 418	<ul style="list-style-type: none"><li>• Комплект учебной мебели на 50 посадочных мест;</li><li>• Компьютер - 1 шт.;</li><li>• Проектор - 1 шт.</li></ul>
2	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634034, Томская область, г. Томск, Усова улица, 7 101	<ul style="list-style-type: none"><li>• Доска аудиторная настенная - 1 шт.;</li><li>• Комплект учебной мебели на 140 посадочных мест;</li><li>• Компьютер - 1 шт.;</li><li>• Проектор - 2 шт.</li></ul>
3	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634034, Томская область, г. Томск, Усова улица, 7 301	<ul style="list-style-type: none"><li>• Доска аудиторная настенная - 2 шт.;</li><li>• Комплект учебной мебели на 134 посадочных мест;</li><li>• Компьютер - 1 шт.;</li><li>• Проектор - 1 шт.</li></ul>
4	Аудитория для проведения учебных занятий всех типов, курсового проектирования, консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 634034, Томская область, г. Томск, Усова улица, 7 347	<ul style="list-style-type: none"><li>• Комплект учебной мебели на 25 посадочных мест;</li><li>• Компьютер - 1 шт.;</li><li>• Телевизор - 1 шт.</li></ul>

Рабочая программа составлена на основе Общей характеристики образовательной программы по направлению 13.03.01 Теплоэнергетика и теплотехника / Агрегаты электростанций и газоперекачивающих систем / Агрегаты газоперекачивающих станций (приема 2020 г., очная форма обучения).

Разработчик(и):

Должность	Подпись	ФИО
Доцент ОМИ		Пчелинцев В.А.

Программа одобрена на заседании ОМИ ШБИП (протокол от «31» августа 2020 г. № 21)

Зав. кафедрой - руководитель отделения  
д.ф.-м.н., профессор

/Трифонов А.Ю./