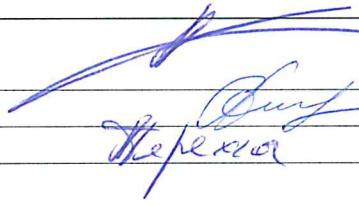
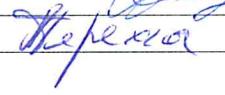


ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ  
ПРИЕМ 2018 г.  
ФОРМА ОБУЧЕНИЯ очная

МАТЕМАТИКА 2.1

Направление подготовки/ специальность	18.05.02 Химическая технология материалов современной энергетики		
Образовательная программа (направленность (профиль))	Химическая технология материалов современной энергетики		
Специализация	Химическая технология материалов ядерного топливного цикла		
Уровень образования	высшее образование - специалист		
Курс	1	семестр	2
Трудоемкость в кредитах (зачетных единицах)	6		
Заведующий кафедрой - руководитель Отделения			A.YU. Трифонов
Руководитель ООП			Л.А. Леонова
Преподаватель			Л.И. Терехина

2020 г.

**1. Роль дисциплины «МАТЕМАТИКА 2.1/ МАТЕМАТИКА 2.2» в формировании компетенций выпускника:**

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семestr	Код компетенции	Наименование компетенции	Составляющие результатов обучения	
				Код	Наименование
Математика 2.1	2	УК(У)-1	Способность осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК(У)-1. В1	Владеет опытом применения законов естественных наук и математических методов и моделей для решения задач теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1. У1	Умеет решать задачи теоретического и прикладного характера
				УК(У)-1. З1	Знает законы естественных наук и математические методы теоретического характера
	2	ОПК(У)-1	Способность использовать математические и естественнонаучные знания для решения задач своей профессиональной деятельности	ОПК(У)-1.В1	Владеет математическим аппаратом алгебры и дифференциального исчисления функций одной и нескольких переменных для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач
				ОПК(У)-1.В2	Владеет математическим аппаратом интегрального исчисления и дифференциальными уравнениями для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач
				ОПК(У)-1.В3	Владеет математическим аппаратом комплексного и операционного исчисления, рядами для проведения теоретического исследования и моделирования физических и химических процессов и явлений, а также, для решения профессиональных задач

Элемент образовательной программы (дисциплина, практика, ГИА)	Семестр	Код компетенции	Наименование компетенции	Составляющие результатов обучения	
				Код	Наименование
				ОПК(У)-1.У1	Умеет применять изученные методы алгебры и анализа для решения стандартных задач
				ОПК(У)-1.У2	Умеет применять аппарат интегрального исчисления для решения стандартных задач
				ОПК(У)-1.У3	Умеет применять аппарат теории рядов и комплексного анализа при решении стандартных задач
				ОПК(У)-1.31	Знает основные понятия и теоремы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, теории линейных пространств, дифференциального исчисления функций одной и нескольких переменных
				ОПК(У)-1.32	Знает основные понятия и теоремы интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных и дифференциальных уравнений
				ОПК(У)-1.33	Знает основные определения и понятия теории рядов, функций комплексного переменного и операционного исчисления

## 2. Показатели и методы оценивания

Планируемые результаты обучения по дисциплине		Код индикатора достижения контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование раздела дисциплины	Методы оценивания (оценочные мероприятия)
Код	Наименование			
РД 1	Уметь интегрировать рациональные, простейшие иррациональные, тригонометрические функции	УК(У)-1	1. Неопределенный интеграл	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый

				контроль ЦОКО Экзамен
РД 2	Уметь вычислять определенные и несобственные интегралы	ОПК(У)-1	2. Определенный и несобственный интеграл	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО Экзамен
РД 3	Уметь находить кратные интегралы	УК(У)-1	3. Кратные интегралы	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО Экзамен
РД 4	Уметь находить криволинейные и поверхностные интегралы, находить основные характеристики векторных полей	ОПК(У)-1	4. Элементы векторного анализа	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО Экзамен
РД 5	Уметь находить решения дифференциальных уравнений первого и высшего порядков и систем линейных дифференциальных уравнений	УК(У)-1	5. Дифференциальные уравнения и системы	Контрольная работа ИДЗ. Тестирование – независимый контроль ЦОКО Экзамен

### 3. Шкала оценивания

Порядок организации оценивания результатов обучения в университете регламентируется отдельным локальным нормативным актом – «Система оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете (Система оценивания)» (в действующей редакции). Используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов обучения. Итоговая оценка (традиционная и литерная) по видам учебной деятельности (изучение дисциплин, УИРС, НИРС, курсовое проектирование, практики) определяется суммой баллов по результатам текущего контроля и промежуточной аттестации (экзамен) (итоговая рейтинговая оценка - максимум 100 баллов).

Распределение основных и дополнительных баллов за оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации устанавливается календарным рейтинг-планом дисциплины.

**Рекомендуемая шкала для отдельных оценочных мероприятий входного и текущего контроля**

% выполнения задания	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

**Шкала для оценочных мероприятий экзамена**

% выполнения заданий экзамена	Экзамен, балл	Соответствие традиционной оценке	Определение оценки
90%÷100%	18 ÷ 20	«Отлично»	Отличное понимание предмета, всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, их качество оценено количеством баллов, близким к максимальному
70% - 89%	14 ÷ 17	«Хорошо»	Достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество ни одного из них не оценено минимальным количеством баллов
55% - 69%	11 ÷ 13	«Удовл.»	Приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы, качество некоторых из них оценено минимальным количеством баллов
0% - 54%	0 ÷ 10	«Неудовл.»	Результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям

**4. Перечень типовых заданий**

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий	
		Вариант № 1
1 Контрольная работа	<b>Контрольная работа по теме «Дифференциальные уравнения 1 –го порядка»</b> <p><b>1. Определить тип и найти общие решения данных уравнений:</b></p> <p>1. <math>(y + y \ln x)dx - (x - xy)dy = 0.</math></p> <p>2. <math>y' + \frac{2x}{1+x^2}y = \frac{2x^2}{1+x^2}.</math></p>	

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>3. <math>(xy^2 + \frac{x}{y^2})dx + (x^2y - \frac{x^2}{y^3})dy = 0.</math></p> <p>2. Найти частные решения уравнений:</p> <p>4. <math>xy' - y = x \operatorname{tg}\left(\frac{y}{x}\right), \quad y(1) = 1.</math></p> <p>5. <math>e^y dx = (2y - xe^y)dy, \quad y(-1) = 0.</math></p> <p style="text-align: center;"><b>Контрольная работа по теме «Дифференциальные уравнения высшего порядка и системы ДУ»</b></p> <p>I) Определить тип и найти общие решения данных уравнений:</p> <p>1) <math>y'' = y' + x.</math></p> <p>2) <math>y'' - 2y' + y = \frac{e^x}{x^2}.</math></p> <p>II) Решить задачу Коши:</p> <p>1) <math>yy'' + (y')^2 = 0. \quad y(1) = 1, y'(1) = 1.</math></p> <p>2) <math>y'' - y' = e^{-x} + 2x. \quad y(0) = 1, y'(0) = 1.</math></p> <p>3) <math>\begin{cases} \frac{dx}{dt} = y, \\ \frac{dy}{dt} = -x. \end{cases} \quad x(0) = 1; y(0) = -1.</math></p>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
2	ИДЗ. .	<u>Пример варианта индивидуальных заданий.</u>

**Дифференциальные уравнения и системы**

---

**1.** Найти общие решения уравнений первого порядка

$$1) \quad y' - \frac{y}{x} = \frac{1}{\sin(y/x)}.$$

$$2) \quad y' + y \cos x = \cos x.$$

$$3) \quad y' + y = x\sqrt{y}.$$

$$4) \quad \frac{e^{-x^2} dy}{x} + \frac{dx}{\cos^2 y} = 0.$$

$$5) \quad (3x^2 + 6xy^2) dx + (6x^2y + 4y^3) dy = 0.$$

$$6) \quad 2(4y^2 + 4y - x) y' = 1.$$

**2.** Найти частные решения уравнений

$$1) \quad \sqrt{y^2 + 1} dx = x y dy, \quad y(1) = 0.$$

$$2) \quad (x - y) dx + (x + y) dy = 0, \quad y(1) = 1.$$

$$3) \quad xy' - 2y = 2x^4, \quad y(1) = 0.$$

$$4) \quad y' + xy = (1 + x) e^{-x} \cdot y^2, \quad y(0) = 1.$$

**3.** Найти решения уравнений высшего порядка

$$1) \quad 2xy'y'' = y'^2 - 1. \quad 2) \quad y'' = y' e^y, \quad y(0) = 0, \quad y'(0) = 1.$$

$$3) \quad y'' \cos^2 x = 1. \quad 4) \quad y'' + y' = \cos x.$$

$$5) \quad y'' + y = \frac{2 + \cos^3 x}{\cos^2 x}. \quad 6) \quad y'' + 2y' + y = x e^x + \frac{1}{x e^x}.$$

$$7) \quad y'' + 2y' + y = (12x - 10) e^{-x}. \quad 8) \quad y'' - 3y' = 2 \sin 3x - \cos 3x.$$

$$9) \quad y''' - 4y'' + 5y' - 2y = (16 - 12x)e^{-x}. \quad 10) \quad y''' + 3y'' + 2y' = 1 - x^2.$$

$$11) \quad x^2 y'' + xy' + y = 0, \quad 12) \quad x^2 y'' - 6y = 12 \ln x.$$

$$13) \quad \ddot{x} + 2\dot{x} + 5x = -8e^{-t} \sin 2t, \quad x(0) = 2, \quad \dot{x}(0) = 6.$$

$$14) \quad \ddot{x} - 6\dot{x} + 25x = 9 \sin 4t - 24 \cos 4t, \quad x(0) = 2, \quad \dot{x}(0) = -2.$$

**4.** Найти решения линейных систем

$$1) \quad \begin{cases} \dot{x} = -8x + 4y \\ \dot{y} = 3x - 4y \end{cases}, \quad 2) \quad \begin{cases} \dot{x} = 6x + 5y \\ \dot{y} = -x + 2y \end{cases}, \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 1.$$

$$3) \quad \begin{cases} \dot{x} = 5x - 2y \\ \dot{y} = 2x + y \end{cases}, \quad 4) \quad \begin{cases} \dot{x} = 6x + 4y + 2t \\ \dot{y} = -x + 10y - 1 \end{cases}.$$

---

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>

## Кратные интегралы

1. В двойном интеграле  $\int\int f(x; y) dx dy$  (D) перейти к повторному и

расставить пределы интегрирования по области ( $D$ ), ограниченной линиями:

$$1) \quad x^2 = y + 2, \quad x^2 + y = 0.$$

$$2) \ y = x^{2/3}, \quad y = 1 - \sqrt{4x - x^2 - 3}, \quad y = 0.$$

- 2.** Перейти к полярным координатам и вычислить

$$\int\int_D (x^2 + y^2) dx dy, \quad \text{where } D: \{(x^2 + y^2)^2 \leq (x^2 - y^2)\}.$$

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями

$$1) \ y = \cos x; \ y = \sin x; \ (x \geq 0).$$

$$2) \ x^2 + y^2 = 1; \quad x + y = 1; \quad (x > 0; \quad y > 0).$$

4. Вычислить массу пластинки, занимающей область  $(D)$ , при заданной поверхности плотности  $\delta(x; y)$

$$1) D : \{y \geq -x; \ y \geq x, \ 0 \leq y \leq 1\}, \quad \delta(x; y) = \sqrt{1-y}.$$

$$2) D: \{x^2 + y^2 \leq 9, -x \leq y \leq x\}, \quad \delta(x; y) = x y^2.$$

5. Записать тройной интеграл  $\iiint_V f(x; y; z) dxdydz$

в виде повторного и расставить пределы интегрирования по области (V), ограниченной поверхностями:

$$1) \ x = 2, \ y = 4x, \ y = 3\sqrt{x}, \ z = 4, \ z \geq 0.$$

$$2) z = 2(x^2 + y^2), z = 4 - 2(x^2 + y^2).$$

6. Вычислить объем тела, ограниченного поверхностями:

$$1) z = 4 - x^2, \quad y = 5, \quad y = 0, \quad z = 0.$$

$$2) z = \sqrt{R^2 - x^2 - y^2}, \quad y = x/\sqrt{3}, \quad y = x, \quad z = 0, \quad (x > 0, \quad y > 0).$$

- 7. Вычислить массу тела, занимающего область**

$$V : \{2\sqrt{x^2 + y^2} \leq z \leq 2, -y \leq x \leq y\},$$

если задана объемная плотность  $\gamma(x; y; z) = \gamma\sqrt{x^2 + y^2}$ .

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>

## Аналитическая геометрия в пространстве

---

1. Составить уравнение плоскости, проходящей через точку  $M_0(3; -2; 4)$  параллельно двум векторам  $\vec{a}_1 = \{6; 1; -1\}$ ,  $\vec{a}_2 = \{3; 2; -2\}$ . Найти расстояние от начала координат до этой плоскости и объем пирамиды, отсекаемой плоскостью от координатного угла.

2. Из общих уравнений прямой

$$\begin{cases} 3x + 4y + 3z + 1 = 0 \\ 2x - 4y - 2z + 4 = 0 \end{cases}$$

получить ее канонические и параметрические уравнения. Определить расстояние от начала координат до прямой.

3. Найти точку пересечения и угол между прямой

$$\begin{cases} x = 2t + 3 \\ y = t - 2 \\ z = t + 3 \end{cases} \quad \text{и плоскостью } 2x - 6y + 14z = 0.$$

Составить уравнение проекции данной прямой на эту плоскость.

4. Даны вершины треугольной пирамиды

$$A(4; 4; 5), \quad B(-5; -3; 2), \quad C(-2; -6; -3), \quad D(-2; 2; 1).$$

Составить уравнение грани ABC и уравнение высоты DH, опущенной на эту грань. Найти объем пирамиды.

5. Построить поверхности

$$1) \quad x^2 + z^2 = 2z \qquad 2) \quad x^2 + y^2 = (z - 2)^2$$

$$3) \quad z = -\left(\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{4}\right) \qquad 4) \quad y^2 - 4y + z = 0$$

$$5) \quad x^2 + y^2 + z^2 + 2x = 0 \qquad 6) \quad z = 3 + \sqrt{9 - x^2}$$

## Приложения производной

---

1. Исследовать на экстремум функции

$$1) \ y = \frac{x^3}{2(x+1)^2} \quad 2) \ y = x^{2/3} - (x^2 - 1)^{1/3}$$

$$3) \ y = e^{2x} - x^2$$

2. Составить уравнения всех асимптот следующих кривых

$$1) \ y = \sqrt[3]{1-x^3} \quad 2) \ y = \frac{x^2 - 6x + 3}{x - 3}$$

$$3) \ y = x - 2 \ln x$$

3. Провести полное исследование и построить графики функций

$$1) \ y = \frac{4x}{x^2 + 4} \quad 2) \ y = \sqrt[3]{(2-x)(x^2 - 4x + 1)}$$

$$3) \ y = \frac{3}{x} - \frac{1}{x^3}$$

4. Составить уравнения касательной и нормали к графику функции в точке с абсциссой  $x = x_0$ , или соответствующей значению параметра  $t = t_0$

$$1) \ y = \frac{1}{4}(x^2 - 2x - 3) \quad x_0 = 4$$

$$2) \ \begin{cases} x = 2 \cos t \\ y = \sin t \end{cases} \quad t_0 = -\pi/3$$

5. В круг радиуса  $R$  вписан равнобедренный треугольник. При каком соотношении сторон треугольник будет иметь наибольшую площадь.

## Функции многих переменных

---

1. Найти и изобразить области определения функций:

$$1) \ z = 2y - x + \sqrt{4x^2 - y^2} \quad 2) \ z = \arcsin(1 - y) + \sqrt{x - y^2}$$

2. Найти частные производные  $z'_x$  и  $z'_y$  функций

$$\begin{aligned} 1) \ z &= \arcsin \frac{y}{x} \cdot \arccos \frac{\sqrt{x}}{y} & 2) \ z &= y^3 \cdot \sqrt{x} - \frac{4-y}{\sqrt[3]{y^7}} \\ 3) \ z &= \frac{\sin x^3 y^2}{x - \ln y} + \operatorname{tg} \ln(x^2 - 1/y) & 4) \ z &= \sqrt{2x - 3y} \cdot e^x - y \end{aligned}$$

3. Найти частные производные  $z'_x$  и  $z'_y$  сложной функции

$$z = \operatorname{ctg} \frac{u}{v}, \quad \text{где } u = \cos \sqrt{y^2 - x}, \quad v = \frac{3}{\ln(x - y^2)}$$

4. Найти производную  $z'_t$ , если

$$z = \ln \cos(x^3 - y), \quad \text{где } x = 5^{3t-2}, \quad y = \frac{4}{t}$$

5. Найти производные  $\frac{\partial z}{\partial x}$  и  $\frac{dz}{dx}$ , если

$$z = 3^x - y + \frac{3x - y \ln x}{3}, \quad \text{где } y = 1 - e^{2\sqrt{x}}$$

6. Найти производную  $y'$  неявной функции  $y(x)$ , заданной выражением

$$\begin{aligned} 1) \ e^{x^2+1} - y e^{xy^3-7y} + 2x \ln y &= 9 \\ 2) \ 2^{4x+y} - y \cos xy - x &= 0 \end{aligned}$$

7. Найти частные производные  $z'_x$  и  $z'_y$  неявной функции  $z(x, y)$ , заданной

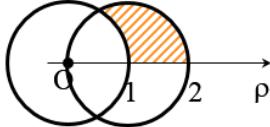
	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
3 · Тестирован ие – независим ый контроль ЦОКО (PT3 и PT4)	<p>Вопросы:</p> <p>1. Интеграл <math>\int x^2 e^{2x^3} dx</math> равен</p> <p>1. <math>e^{2x^3} + C</math></p> <p>2. <math>6e^{2x^3} + C</math></p> <p>3. <math>\frac{1}{2}e^{2x^3} + C</math></p> <p>4. <math>\frac{1}{6}e^{2x^3} + C</math></p> <p style="text-align: center;">+</p> <p>2. Укажите верное разложение рациональной дроби <math>\frac{2x^2+1}{(x^2-4)(x^2+1)}</math> на сумму простых дробей с неопределёнными коэффициентами</p> <p>1. <math>\frac{2x^2+1}{(x^2-4)(x^2+1)} = \frac{A}{x^2-4} + \frac{B}{x^2+1}</math></p> <p>2. <math>\frac{2x^2+1}{(x^2-4)(x^2+1)} = \frac{A}{x-2} + \frac{B}{x+2} + \frac{C}{x^2+1}</math></p>	

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>3. <math>\frac{2x^2+1}{(x^2-4)(x^2+1)} = \frac{A}{x^2-4} + \frac{Bx+C}{x^2+1}</math></p> <p>4. <math>\frac{2x^2+1}{(x^2-4)(x^2+1)} = \frac{A}{x-2} + \frac{B}{x+2} + \frac{Cx+D}{x^2+1}</math> +</p> <p>3. Интеграл <math>\int \frac{dx}{4\cos x + 6\sin x + 5}</math> равен</p> <p>1. <math>\frac{1}{\sqrt{27}} \ln \left  \frac{\tg \frac{x}{2} + 6 - \sqrt{27}}{\tg \frac{x}{2} + 6 + \sqrt{27}} \right  + C</math> +</p> <p>2. <math>-\frac{2}{\tg \frac{x}{2} + 3} + C</math></p> <p>3. <math>\frac{2 \left( \tg \frac{x}{2} + 3 \right)^3}{3} + C</math></p> <p>4. <math>\ln  4\cos x + 6\sin x + 5  + C</math></p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>4. Укажите из предложенных подстановку с помощью которой можно избавится от иррациональности в интеграле</p> $\int \frac{5\sqrt{x+1}}{(x+1)^2 \cdot \sqrt{x}} dx$ <p>1. <math>x = t^2 - 1</math></p> <p>2. <math>x = t^2</math></p> <p>3. <math>t^2 = \frac{x+1}{x}</math> <span style="color:red;">+</span></p>
	<p>5. Среднее значение функции <math>f(x) = \cos^2 x</math> в промежутке <math>[-\pi/2; 0]</math> равняется несократимой рациональной</p> <p>(Дробные значения вводить дробью, например <math>17/6</math>)</p> <p>Ввод числового ответа 1 / 2</p>

Оценочные мероприятия		Примеры типовых контрольных заданий		
	<p>6. После применения формулы интегрирования по частям в определенном интеграле <math>\int_1^2 \sqrt[3]{x} \cdot \ln x \, dx</math> получено выражение .</p>	<p>1. <math>\frac{3}{4} \sqrt[3]{x^4} \cdot \ln x \Big _1^2 - \frac{3}{4} \int_1^2 \sqrt[3]{x} \cdot dx;</math></p> <p>2. <math>\sqrt[3]{x^4} \cdot \ln x \Big _1^2 - \int_1^2 \sqrt[3]{x} \cdot dx;</math></p> <p>3. <math>\frac{3}{4} \sqrt[3]{x^4} \cdot \ln x - \frac{3}{4} \int_1^2 \sqrt[3]{x} \cdot dx;</math></p> <p>4. <math>\frac{3}{4} \sqrt[3]{x^4} \cdot \ln x \Big _1^2 - \frac{3}{4} \int_1^2 \frac{\sqrt[3]{x}}{x} \ln x \, dx.</math></p>	<p>7. Укажите функцию, которая является решением уравнения <math>(x^2 - 1)y' = 2xy</math></p> <p>1. <math>y = 2x^2 - 2</math> +</p> <p>2. <math>y = x^2 - 2</math></p> <p>3. <math>y = 2x^2 - 1</math></p> <p>4. <math>y = 2x^2 + 2</math></p>	
	<p>8. Материальная точка массой <math>m</math> движется прямолинейно; на неё действует сила, пропорциональная времени (коэффициент пропорциональности <math>k_1</math>), прошедшему с момента, когда скорость равнялась нулю. Кроме того, на точку действует сила сопротивления среды, пропорциональная скорости (коэффициент пропорциональности <math>k</math>). Укажите дифференциальное уравнение, устанавливающее зависимость скорости точки от её скорости.</p> <p>1. <math>m \frac{dv}{dt} = k_1 t - kv</math> +</p> <p>2. <math>m \frac{dv}{dt} = k_1 t + kv</math></p> <p>3. <math>\frac{dv}{dt} = k_1 v - kt</math></p> <p>4. <math>m \frac{dv}{dt} = -k_1 v</math></p> <p>9. Из уравнений высшего порядка выбрать уравнения, допускающие понижение порядка с помощью замены</p>			

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий		
	$y' = p(y), y'' = p'_y \cdot p$ 1. $y'' + \frac{2}{1-y}(y')^2 = 0$ 2. $2yy'' - 2yy'\ln y = (y')^2$ 3. $y'' + 2y' + y = e^{-x}$ 4. $y''' \sin^4 x = \sin 2x$ 5. $y'' + 25y = \frac{1}{\sin^3 5x}$		
	<p>10. Частное решение <math>y^*</math> неоднородного линейного уравнения</p> $y'' - 3y' + 2y = x \cdot e^x$ имеет вид <table border="1" data-bbox="482 627 1291 944"> <tr> <td data-bbox="482 627 1291 944"> <math>y^* = (Ax + B) \cdot e^x \cdot x^2</math>  <math>y^* = (Ax + B) \cdot e^x \cdot x</math>  <math>y^* = (Ax + B) \cdot e^{2x} \cdot x^2</math>  <math>y^* = Ax \cdot e^x</math> </td><td data-bbox="1291 627 2084 944"></td></tr> </table>	$y^* = (Ax + B) \cdot e^x \cdot x^2$ $y^* = (Ax + B) \cdot e^x \cdot x$ $y^* = (Ax + B) \cdot e^{2x} \cdot x^2$ $y^* = Ax \cdot e^x$	
$y^* = (Ax + B) \cdot e^x \cdot x^2$ $y^* = (Ax + B) \cdot e^x \cdot x$ $y^* = (Ax + B) \cdot e^{2x} \cdot x^2$ $y^* = Ax \cdot e^x$			
	<p>11. Область интегрирования <math>D</math> ограничена линиями <math>y = 1</math>, <math>y = x</math>, <math>x + y = 4</math>. Расставьте пределы интегрирования</p> $\int_a^b dy \int_c^d f(x; y) dx$ (ответ вводить без скобок без пробелов) $a = \underline{\hspace{2cm}}$ Ответ: 1 $b = \underline{\hspace{2cm}}$ Ответ: 2 $c = \underline{\hspace{2cm}}$ Ответ: $y$ $d = \underline{\hspace{2cm}}$ Ответ: $4-y$ или $-y+4$ <p>12. Найдите площадь области, представленной на рисунке</p>		

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p>1. <math>S = \frac{\pi}{6} + \frac{\sqrt{3}}{4}</math> (правильный)</p>  <p>2. <math>S = \frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{2}</math></p> <p>3. <math>S = \frac{\pi}{12} + \frac{\sqrt{3}}{8}</math></p> <p>4. <math>S = \frac{\pi}{6} + \frac{\sqrt{3}}{2}</math></p> <p>5. <math>S = \frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{4}</math></p> <p>6. <math>S = \frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{8}</math></p> <p>13. Вычислите криволинейный интеграл <math>\int_L (y-1)dx + 5xdy</math> по прямой <math>L</math>: <math>y=4x+2</math> от точки <math>M_1(-2;9)</math> до точки <math>M_2(0;8)</math></p> <p>Ответ: ___ -46 ___</p> <p>14. Найдите ротор векторного поля <math>\mathbf{F} = (-3y+6z)\mathbf{i} + (3z+4x)\mathbf{j} + (7x+6y)\mathbf{k}</math> (ответ вводить без пробелов, без знаков «умножить», орты обозначить стандартно: i,j,k) rot <math>\mathbf{F} = \underline{3i-j+7k}</math> или <math>\underline{3i-1j+7k}</math></p> <p>15. Найдите поток векторного поля  <math>\mathbf{F} = (y \cdot z^2 - 2x)\mathbf{i} + (x^2 z + 8y)\mathbf{j} + (x \cdot y^3 - 2z)\mathbf{k}</math> через внешнюю поверхность пирамиды, ограниченной координатными плоскостями и плоскостью <math>5x + y + 6z = 30</math>  <math>\Pi = \underline{600}</math></p> <p>16. Определите вид векторного поля <math>\mathbf{F} = y^2\mathbf{i} - (x^2 + y^3)\mathbf{j} + z(3y^2 - 1)\mathbf{k}</math>      1. соленоидальное,</p>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>		
		2. потенциальное, 3. гармоническое 4. общего вида (правильный)		
4.	Экзамен	Примеры заданий на экзамен	<b>ТПУ</b> <b>Экзамен</b> <b>Билет № X</b>	<b>Курс 1</b>

	Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
		<p>a) <math>\int \frac{x^3}{\sqrt{4-x^2}} dx;</math>      б) <math>\int_0^1 \frac{x^2}{(5x^3+2)^2} dx.</math></p> <p><b>4.</b> Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями  <math>2y = \sqrt{x}, 2xy = 1, x = 16.</math></p> <p><b>5.</b> Расставить пределы интегрирования в двойном интеграле <math>\iint_{(D)} f(x; y) dx dy</math> по области <math>(D)</math>, ограниченной линиями <math>y = 5 - x^2, y = 1.</math></p> <p><b>6.</b> Расставить пределы интегрирования в тройном интеграле <math>\iiint_{(V)} f(x; y; z) dx dy dz</math> по области <math>(V),</math> ограниченной поверхностями</p> <p style="text-align: center;">а) <math>z = \sqrt{x^2 + y^2};</math>      б) <math>z = 2 - x^2 - y^2</math></p> <p>в цилиндрической системе координат.</p> <p><b>7.</b> Найти поток векторного поля  <math>\vec{A} = (x-y)\vec{i} + (2x+y)\vec{j} + (x^2 + 2z + 4)\vec{k}</math>      через замкнутую поверхность <math>x^2 + z^2 = 4, y = 1, y = 3</math></p> <p><b>8.</b> Найти циркуляцию плоского векторного поля <math>\vec{A} = (x+2y)\vec{i} + (y-x)\vec{j}</math> вдоль контура <math>x^2 + y^2 = 9,</math> обходимого в положительном направлении, используя формулу Грина.</p> <p><b>9.</b> Найти градиент скалярного поля  <math>U(x; y; z) = \frac{x^2 y}{z-1}</math> в точке <math>M_0(1; -1; 2).</math></p> <p><b>10.</b> Решить задачу Коши      <math>y' - \frac{y}{x} = 4x^4, \quad y(1) = 1</math></p> <p><b>11.</b> Решить уравнение      <math>(1+x^2)y'' + y' = 0</math></p>

Оценочные мероприятия	Примеры типовых контрольных заданий
	<p><u>Перечень вопросов, ответы на которые дают возможность студенту продемонстрировать, а преподавателю оценить степень усвоения теоретических и фактических знаний на уровне знакомства</u></p> <p><b>Неопределенный интеграл</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Определение первообразной функции и неопределенного интеграла, его геометрический смысл, критерий правильности результата неопределенного интегрирования.</li> <li>• Таблица основных неопределенных интегралов.</li> <li>• Свойства неопределенного интеграла.</li> <li>• Свойство инвариантности основных формул интегрирования. Метод подведения под знак дифференциала.</li> <li>• Метод интегрирования по частям. Основные типы интегралов, берущихся методом интегрирования по частям.</li> <li>• Метод замены переменной в неопределенном интеграле. Основной принцип выбора подходящей подстановки. Схема проведения замены переменной.</li> <li>• Алгебраические подстановки при интегрировании иррациональных функций.</li> <li>• Тригонометрические подстановки при интегрировании иррациональных функций.</li> <li>• Схема разложения рациональной дроби на простейшие слагаемые. Интегрирование правильных и неправильных дробей.</li> <li>• Интегрирование тригонометрических функций, универсальная и тангенциальная подстановки.</li> <li>• Неберущиеся интегралы, их примеры.</li> </ul> <p><b>Определенный интеграл</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Схема составления интегральной суммы и определенного интеграла для данной функции в данном интервале.</li> <li>• Геометрический смысл определенного интеграла.</li> </ul>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Теорема существования определенного интеграла.</li> <li>• Свойства определенного интеграла.</li> <li>• Теорема о среднем значении для определенного интеграла. Среднее значение функции в интервале.</li> <li>• Теорема о производной интеграла по переменному верхнему пределу.</li> <li>• Формула Ньютона – Лейбница. Сходство и различие определенного и неопределенного интегралов.</li> <li>• Методы вычисления определенных интегралов (непосредственное, интегрирование по частям, замены переменной).</li> <li>• Определение несобственного интеграла по бесконечному промежутку, его геометрический смысл. Сходимость несобственных интегралов 1-го рода, признак сравнения.</li> <li>• Определение несобственного интеграла от неограниченной функции, его геометрический смысл. Сходимость несобственных интегралов 2-го рода, признак сравнения.</li> <li>• Формулы для вычисления площадей плоских фигур, объемов тел по площади поперечного сечения и тел вращения, длин дуг плоских кривых и площадей поверхности вращения.</li> <li>• Примеры физических задач, решения которых сводятся к вычислениям определенных или несобственных интегралов.</li> </ul> <p><b>Кратные интегралы</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Схема составления интегральной суммы для функции двух переменных в данной плоской области.</li> <li>• Определение двойного интеграла и его геометрический смысл</li> <li>• Основные свойства двойного интеграла.</li> <li>• Сформулируйте теорему о среднем значении функции в плоской области, сформулируйте ее геометрический смысл.</li> <li>• Понятие повторного интеграла, выбор порядка интегрирования. Вычисление двойного интеграла в декартовой системе координат.</li> <li>• Замены переменных в двойном интеграле. Якобиан перехода от декартовых координат к полярным.</li> </ul>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Схема перехода в двойном интеграле от декартовых координат к полярным.</li> <li>• Приложения двойного интеграла.</li> <li>• Схема составления интегральной суммы для функции трех переменных в некоторой области трехмерного пространства.</li> <li>• Определение и запишите основные свойства тройного интеграла.</li> <li>• Теорема о среднем значении в тройном интеграле.</li> <li>• Схема вычисления тройного интеграла в декартовой системе координат.</li> <li>• Формула замены переменных в тройном интеграле. Якобиан перехода от декартовых координат к цилиндрическим и сферическим.</li> <li>• Схема перехода в тройном интеграле от декартовых координат к цилиндрическим и сферическим.</li> <li>• Приложения тройного интеграла.</li> </ul> <p><b>Скалярное и векторное поле</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Определение скалярного поля. Примеры скалярных полей.</li> <li>• Определение производной скалярного поля по направлению, ее физический смысл. Формула вычисления производной по направлению.</li> <li>• Понятие градиента скалярного поля. Связь вектора-градиента с производной по направлению.</li> <li>• Определение векторного поля. Физические примеры.</li> <li>• Определение и формула вычисления потока векторного поля в векторной и координатной формах.</li> <li>• Понятие дивергенции векторного поля, ее физический смысл. Формула для вычисления дивергенции.</li> <li>• Формула Остроградского – Гаусса в векторной и координатной формах для вычисления потока векторного поля через замкнутую поверхность, физический смысл формулы.</li> <li>• Физический смысл циркуляции на примере векторного поля скоростей частиц текущей жидкости.</li> </ul>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Определение и формула вычисления циркуляции векторного поля в векторной и координатной формах.</li> <li>• Понятие ротора векторного поля. Формула нахождения ротора.</li> <li>• Формулы Стокса и Грина, их смысл.</li> <li>• Потенциальное поле, потенциал и его нахождение. Свойства потенциального поля.</li> <li>• Соленоидальное поле, понятие векторной трубы. Свойства соленоидального поля.</li> <li>• Гармоническое векторное поле и его свойства.</li> <li>• Оператор Гамильтона. Запись с помощью оператора Гамильтона дифференциальных векторных операций первого порядка.</li> <li>• Оператор Лапласа, гармонические функции.</li> </ul> <p><b>Дифференциальные уравнения и системы</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Какие обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка называются уравнениями с разделёнными и с разделяющимися переменными? Как они решаются?</li> <li>• Какие обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка называются однородными? Как они решаются?</li> <li>• Какие обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка называются линейными? Перечислите методы решения</li> <li>• Как решается уравнение Бернулли?</li> <li>• Какие обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка называются уравнениями в полных дифференциалах? Как они решаются?</li> <li>• Что такая задача Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений высших порядков? Когда она имеет единственное решение?</li> <li>• Перечислите основные типы обыкновенных дифференциальных уравнений высших порядков, допускающих понижение порядка.</li> <li>• Дайте определение линейного дифференциального уравнения <math>n</math>-го порядка. Перечислите основные свойства частных решений однородного уравнения.</li> <li>• Сформулируйте теоремы о вронскиане.</li> <li>• Сформулируйте теорему о структуре общего решения неоднородного линейного дифференциального уравнения</li> <li>• В чем состоит метод Лагранжа отыскания частного решения неоднородного линейного дифференциального уравнения?</li> </ul>

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Примеры типовых контрольных заданий</b>
		<ul style="list-style-type: none"> <li>• Схема построения фундаментальной системы решений однородного линейного дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами</li> <li>• Перечислите методы отыскания частных решений неоднородного линейного дифференциальных уравнения с постоянными коэффициентами</li> <li>• Дайте определение нормальной системы обыкновенных дифференциальных уравнений n-го порядка. Сформулируйте задачу Коши для такой системы.</li> <li>• Изложите методы исключения и характеристического уравнения отыскания общего решения системы линейных однородных уравнений с постоянными коэффициентами.</li> </ul>

## **5. Методические указания по процедуре оценивания**

	<b>Оценочные мероприятия</b>	<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
1.	Контрольная работа	<p>В семестре студенты выполняют 4 контрольных работ, содержание которых охватывает все дисциплины. Каждому студенту выдается свой вариант. Контрольные работы проводятся в часы практических занятий. За каждую контрольную работу максимальный балл определяется в соответствие с рейтинг-планом дисциплины.</p> <p><b>Критерии оценки задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Баллы за контрольную работу получаются умножением максимального балла, предусмотренного за нее в соответствие с рейтинг- планом, на долю верно выполненных заданий.</li> </ul>
2.	ИДЗ	<p>В семестре студенты выполняют 5 ИДЗ по всем разделам программы дисциплины. У каждого студента в группе свой вариант ИДЗ, номер варианта соответствует порядковому номеру студента в списочном составе группы.</p> <p>Преподаватель обеспечивает своевременное получение студентами вариантов ИДЗ, а также предоставляет электронную ссылку на сборник ИДЗ. Все ИДЗ размещены в электронном курсе по дисциплине.</p> <p>ИДЗ выполняются в отдельной тетради, при оформлении каждого задания обязательно указывается его номер, приводится кратко условие каждого задания. Решение каждого задания должно быть подробным, с включением промежуточных расчётов, рассуждений, пояснений, с указанием использованных методов и формул. ИДЗ проверяет преподаватель, ведущий практические занятия. Студенты должны выполнить ИДЗ до контрольной работы по теме. За каждое ИДЗ выставляются баллы, максимальный балл указывается в рейтинг-плане.</p>

<b>Оценочные мероприятия</b>		<b>Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания</b>
		<p><b>Критерии оценки одного задания:</b></p> <p>Задание считается зачтенным, если выполнено более половины заданий</p> <p>Если задание не зачтено, работа возвращается студенту на доработку.</p> <p>Студенты могут исправлять неверно решенные задания и сдавать на повторную проверку. Преподаватель может учесть исправления и добавить баллы к предыдущим</p>
3.	Тестирование – независимый контроль ЦОКО	<p>В семестре студенты проходят два рубежных тестирования (РТ3 и РТ4) во время конференц-недели в середине и конце текущего семестра согласно расписанию. Рубежное тестирование (РТ) проводится в компьютерной форме в on-line режиме. Продолжительность тестирования – 90 минут без перерыва. Отсчёт времени начинается с момента входа студента в Тест. Инструктаж, предшествующий тестированию, не входит в указанное время. Студент может закончить выполнение Теста до истечения отведённого времени.</p> <p>РТ нацелено на независимую объективную оценку знаний, умений и владений, полученных студентами за определенный промежуток обучения.</p> <p>Каждый вариант билета моделируется компьютером по заданным разделам химии и содержит <b>24 заданий</b>. Студенты вносят ответы в компьютер, но все решения и пояснения проводят на бумаге. По окончании тестирования преподавателю выдается матрица ответов и суммарный рейтинг за тест. Обсуждение результатов тестирования проводится на консультации.</p> <p><b>Критерии оценки одного задания:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• за каждое правильно выполненное задание выставляется 1 тестовый балл;</li> <li>• за неправильно выполненное или невыполненное задание выставляется 0 баллов;</li> <li>• для заданий с выбором нескольких правильных ответов, заданий на соответствие и установление последовательности предусмотрено частичное оценивание.</li> </ul> <p>Максимальный суммарный тестовый балл за каждое РТ составляет 15 баллов.</p> <p>За 2 недели до РТ студенты могут ознакомиться с демонстрационным вариантом билета, который располагается на сайте <a href="http://exam.tpu.ru">http://exam.tpu.ru</a> в разделе «Мероприятия», и может быть выполнен каждым студентом неограниченное число раз.</p> <p><i>Для студентов, не прошедших РТ в период проведения тестирования по уважительной причине, предусмотрена возможность тестирования в резервный день, который назначается сразу после конференц-недели.</i></p>

Оценочные мероприятия		Процедура проведения оценочного мероприятия и необходимые методические указания
		<p><i>При результате рубежного тестирования 6 баллов и менее, обучающимся предоставляется в период текущей промежуточной аттестации возможность повторно пройти РТ в резервный день, согласованный с Бюро расписаний ТПУ.</i></p>
4.	Экзамен	<p>Экзамен осуществляется в соответствии с Положением о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации ТПУ. На экзамене студенту выдаются билеты, включающие теоретические вопросы и практические задания. Преподаватель, проверив работу, в ходе устной беседы со студентом может задавать вопросы по самому билету, а также дополнительные вопросы по теории и практике. В итоге студент набирает итоговый балл за экзамен, максимально 20 баллов. Оценка за дисциплину формируется как итоговая за работу в семестре и экзамен в соответствие с принятой шкалой оценивания.</p> <p>Студенты, не сдавшие экзамен в сессионный период, могут пересдать его в периоды ликвидации задолженностей в соответствие с действующей процедурой.</p> <p>В соответствии с приказами от 25.07.2018 г. №58/од Об утверждении и введении в действие «Системы оценивания результатов обучения в Томском политехническом университете» и №59/од Об утверждении и введении в действие новой редакции «Положения о проведении текущего контроля и промежуточной аттестации в ТПУ» экзамен по физике проводится в устной форме. Студенту выдается экзаменационный билет, содержащий теоретические вопросы, качественные и количественные задачи. Каждый вопрос билета оценивается баллом (всего по билету 20 баллов). Экзамен проходит в устной форме.</p> <p>Согласно шкалы оценивания результатов</p> <p>18-20 баллов (отлично) - всесторонние знания, отличные умения и владение опытом практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>14-17 баллов (хорошо) - достаточно полное понимание предмета, хорошие знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>11-13 баллов (удовлетворительно) - приемлемое понимание предмета, удовлетворительные знания, умения и опыт практической деятельности, необходимые результаты обучения сформированы;</p> <p>0-10 баллов (неудовлетворительно) - результаты обучения не соответствуют минимально достаточным требованиям.</p> <p>Результаты промежуточной аттестации оформляются ведомостью и вносятся в зачетную книжку</p>